# UNIVERSAL LIBRARY OU\_224647 AWWINN AWWINN

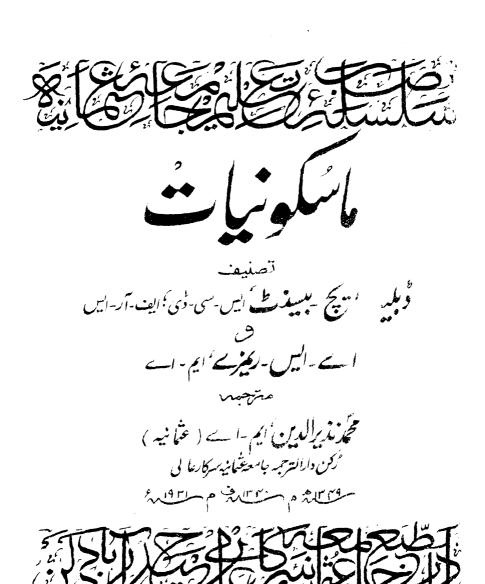
# THE BOOK WAS DRENCHED

#### OSMANIA UNIVERSITY LIBRARY

			<b>-</b>
Call No.	044	Accession No	PEMO
Author		بيات .	ماسکو
Fitle	עאנים	و . کهرنر	

This book should be refurred on or before the date last marked below

Call No.  Name of Book  Call No.  Name of Book
Name of Author Pulled



### فهرست علاط پوٹ بر مطاند۔ تنقبل ان ملیوں کی تصبیح فرالیعیے۔

					, • •		
	bli	سطر	500	ميجح	bli	سطر	صعحد
ا مد میرون	ا- <u>ر</u> آ	15	14	بإتى	يائي	w	1
4 1 × 1	<del>أ</del> + لث	۸	IA	15%	جذى	سما	۲
السنسان	ت	18	,	ادر باره	اور ما رن	71	
قود ک	توم ل	٣;	Pi		رر اربر	71	N
خارج	غارح	4	44	بدونگی	ببونكيين	19	٣
جزى	حذى	سم ۱	YA	ق وب	ریر ہونگیں ق او نب	IA	Ø
جزد	7	11	N	میں دی	أشملها فسنتنا	<b>P</b> 1	4
ر دادي	دباو كے لئے وہاؤ	٨	pe.	سے گزرنے	گرز نے	j.	4
3-6	50 mg	17	11	٥	ء ج	4	٨
+ 1	- \	4	ارس	به یا در فول	ميه السرّ	10	*
أنمست واز	استوار	۲.	4	إيالينس ا	پیرائش چاکستس چز	-11	q
كميست	ا کمیست.	٤	انهاسو	حر: و	ا جز	14	as a
اسيال	اسال	10		فشارے	ا فشارب	مع	1.
منت	رن	p.	ø,	إكاتي	الكالئ	4	زز -
60	بیں	۲	۲۳	إسراع	إسراغ	ید	u
پيال • قد	يال	ij	*	25.	25	سوا	"
ا • قد	ا فر	pr.	كام	مجمرع	المجتمع	27	. 4
لميوقم	نديو. قد	PP	*	المتجانكس	منجائلس	۲,	سوو
ا هرائع	مريي	q	۳۸	(د+مف د)يم	(د+من د)	IA	#
中	الم الم المع اس	<b>%-</b>	4	سکانی	مكاني	4	19
		1					

صحح	ble.	سطر	صخ	عبجح	ble;	سطر	صفخ
ص <sup>ا</sup> ر عنربوب	ماقعل رون	۲۱	ىم ك	H	وزن	4	۳٩
سِمشدست	ىشوت ا	4	60		ع ن کمزوز	۵	سم ب
دزن	ورن	۳,	11	کمزد ر	كمزوز	10	/ "
<i>*</i>	1	);	44	<	_	12	4
,	, d		69	10 101 18/2 11:1	_	14	11
	(ننگل میں) میر					۲	01
ーでりや	بروج	į	۸٠	7	Jez.	م	or
اره ب	ا دو ب ا	۲	11	و <u>ع</u>	بر <del>م</del>	س	سرد
دو زائدولي	دولان رامزون	<b>i</b> 1	N		(منب نمایس بیلا)		
>	<	*	الم	-	اَ	٨	الم ال
ث	ت <	9		دا ره کالک	وا ئرہ ایک	12	11
>.	<	,•	יי או	ب جم ط	ص حم طر	٢	که ۵۵
النّا نست	ا کنا فنت	14	11	الميار المار	ر عا	۵	"
ا تواز ن	تواز ل	<b>~</b>	سمر	ا انع ہیں	ائع میں	۱۴۰	<i>#</i>
وَالأِن	<i>عانون</i>	q	دیر	د يا ؤ	ڈا ؤ		2 1
ا زَد بَ	ازدټ	10	"	رباؤ ج	رج ۔	4	4
يبى	رمهی	)1	۸٩	)	,		4
بوحبب	بوعبب	r	46		(و دسری شکل میں )		
ا هداد فقر	هَ ) هَ	الموا	*	ا بیست بره	مث بره		4.
(بيزائد بجكالدا يطبك)	7 + 5) + 9 + -	14	a	اسطوانه	اسستوا ثه	14	4 5
=	=	14	"	ا سيال	سيال	19	40
<b>J</b>	(KE) }	أنتكل	*	اسبيل	استيال	۲,	64
ا ق و ف	ت د ت	4	**	>	د .	r.	دير
),	ا فرز	~ }	~4	<u>۔۔</u>	ا ــــ	۳.	u

350	فلط	يبطر	صفح	فيحج	ble	سطر	صفخه
بر ی اور اور تزاینوں	و آور اور ترشون	ع با ال	ir-q	الله الله الله الله الله الله الله الله	تیں ۲ ۱کانی اکانی مزوطی ن ق آئست کے	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	19
ی	Õ	11	امم (	73	2	بم	e.
لويد	255	ساا	Æ.	Ŋ	βr	١٣	-
نزاینول	ترشوب	14	شومم ۽	36	اکانی	18	
ا و	ر	4	اعام	7	દ	4	91
اسليم و باهم	ڊ× مر عر	19	"	مخروط	كازوطي	16	40
5	<u> </u>	19 19 19	14°6	ينبراؤ	ترادي	Y・ Y・ 1 引	93
فانه	ا نان	سو	161	نَ قِ مُ	ن ق	<b>y.</b>	1.34
+	<u> </u>	10	14.	كالميه تعالى	قائميت سك		1.4 1.4
پوری	ا مورى	p p	1 4	ثيضر	نيشر	4	ע
•	ڻ	10 PP	idy		(((4)))	شكل	1.6
المن و ا	الله الما الما من مع منهاد و المراق ا	مها		ننئاسب	نير مناجها مناح والماع الماع الماع والماع الماع والماع الماع الما	41	1+9
ا رانمین	تغيين	6	16.	ع	ع	س و	u
رکھنے سے	رگھکر	۵	16.		2	14	; to
ىۋ	ت	16	16i "	× ښو طم	رحبب الم	16	17.
× - ×	<u>-</u>	); }	124	مَر	QQ.	ا ا	/ P4
	8	,	14.	کی شک	<u>ی</u>	۳	
دن × من × من	مخ منت	r!	1	721	りでら	٣	179
(زاير ۽ کالديم)	4	19	IAT	اع الأ الإروار دف وتر طا	ار پر وار ن هر (ووسرل)	14	بهوا
ا طائے	ا جاست	11	124	دندهر	افتر (ووسل	۲	إسوإ
پھیلنے	يصكن	11 P	IAC	طا	Ь	ц	120
2	2	12	IAA	さき	ح ث	ij	*
7	2	٨	14.	2	2.	<i>ب</i> م	عسور
7-19	7+9	į)	*	l l	ď	۲۱	124

صيح	ثلط	سطر	صخ	صيح	فلط	سطر	صفح
لاً حباً فه	والمعبا فر	1"	rar	ن: کیم	دن کی	14	} <b>G</b> =
۲تء	۲ ت-	9	ran	{!-	f.e.	н	191
فرس فرس	فرس فرس م	(g	ká.	م نيز	3.2	14	الم 14
عفر	صغر	۵۱	19	(	Ċ	FA	95.4
فرسها	. فرس د	¥	עג	9-	2	۵	4.6
سب س		٣	44%		B. J.	سم (	*
-	+	4	769	مستدير	A A Same	10	414
ا تب	تُو	1 10	۳۸۴۲	اد×ن ق		,	717"
Darboux	Darbou	4	744	قوتنوس	توتوں	P'	A
Britannica	Britanica	4	FAA	ج مناف	جمها	pa .	<i>7</i> 4
Britannica.	Britanica	<b>1</b> 44	197		ٺ	٨	riz
Uber die	uber der	4	ų	ا (	.(	10	יע
2I	æ	, i	rad	الشفا	ليبنا	,	116
(كالدياط ك)	) (ديباني)	, ب	مهر د معر	-190	ہم عم! =	14	ffi
(4+1)	(4 + N)	سا	۳. ۹		₩.E.	شکار ۽	477
أيقل	[ نقل	ir	حاس	1 July 1	يل سنتك	<b>,</b>	770
صوره أس حركستان	اش مرکت عرف	; }	haid	اجتهامي	حبت ا	r.	776
سيال	ا سال	٤.	~	مجعشهالا	l man	1	YYA
س <b>يخ</b> ن بهه ک	منبعن	16	١٨١٣	القاء دع	چه دع	A	779
] " ]	منبعن گ	۵	اعماس	13	الم	4	احوح
ا د انگلاه این کرد	,	<u></u>		جعت ا	جث ا	*	ישיפים
افی : معنور ۱۱۱ بر بهام معرک به حمد بی عبارتا اعدا و کوآجا منیز صف کے جادی وجسے جسم کے وزن کے			الوك! الريا	, See	•	a	يماما
	، مرد المرابط. ورف ل ساك			45	ادر	,	ro.
			7-3	تهال	ا رومل	14	Foi
	A The Medicina describing with an absorbed a self-species of		· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				

فهرست بمضامین ماسکونیات بابساول

د نعاست ۱ - ۱۷ نتولفایت - دائوکامسادی مونا - د بائوکانشقال - کتافت کاناپ ۱۰ ۱۰ استکه ۱ ستگه

بابب روم

۱۹ اوازن کی شرط او ۱۹ اوازن کی شرط او ۱۹ اوازن کی شرط او ۱۹ اوازن کی شرط اوازن کی شرط اوازن اوازن کی شرط اوازن

ma	ً ونعات امتلم
	باب سوم
۲۷	٣٧-١٧ عال دباؤ د وباؤك وباؤك مركز
44	ا ينظم .
	بابيهارم
44	رم - ۵۵ نیرنے:الحبیم کا توازن -اچھال کی سطح - نورزن کے محل ۷۵-۷۸ فاص صورتوں میں اچھال کی سطحیں
14	۷ د - ۲۸ و خاص صورتول کی انجیال کی تشخیس
9 س	اشكر
	المحم
1.1	ه ۱ سره الوازن کی تا نمیت ساپس مرز
11-	ام ع فراوین کا مستله
117	ه عد الميكار كام المه
111	ا به الرئيس احنا فه
112	٤٤ وهي كالزير
مم ۱۱	۵۷ - ۷۵ ایبال کی تقیج العموص
114	۸۰ تیرا د کی طح- کمیکایش کا مسئله
316	۸۱ مثانین بر ۱۸ مرسد
, ۳,	۸۶ – ۸۹ محدود مبثاؤ - غید کی معورتین خیرت کار این کار
اسرا	۹۲-9۰ غير متعانس ائع

وفعات وفعات المجاهد المؤات المحال ال		
۱۹۳ منا	صف	(3)
اعظه المناب الم	2	
المناء المراء برائي المناولات المناء	الماسال	
۱۹۲ امثل امثل المراا المراا المراا المراا المراا المراا المراال المراا المراال المرالل المراال المراال المراال المراال المراال المراال المراال المرال المراال المرالل المراال المراال المراال المراال المراال المراال المرالل المرالل المرال	j 🖈 -	امثله
۱۹۲۱ امثل امثل المترازات المترازات المثل		•
۱۹۲۱ امثل امثل المترازات المترازات المثل		ا مستن بنو
۱۹۲۱ امثل امثل المترازات المترازات المثل		Y The second sec
الا المحليب المرابع المحليب ا		
الا المحليب المرابع المحليب ا	144	ا بدا ساره ۱ ترسنه داسله احسا میسکه این ازات
الما الما الما الما الما الما الما الما		[FAI
۱۹۰-۱۱۱ کلیدائل - بیش طلق ۱۹۰-۱۱۱ کلیدائل - بیش طلق ۱۹۰-۱۲۱ کیسول کا آمیزد - سنسبنم - حرارت نوعی ۱۹۰-۱۲۱ کره جوائی - ارتفاعول کا معلوم کرنا ۱۹۰-۱۲۱ مشله ۱۰-۱۲۱ میش	3 C. pm	استمر
۱۹۰-۱۱۱ کلیدائل - بیش طلق ۱۹۰-۱۱۱ کلیدائل - بیش طلق ۱۹۰-۱۲۱ کیسول کا آمیزد - سنسبنم - حرارت نوعی ۱۹۰-۱۲۱ کره جوائی - ارتفاعول کا معلوم کرنا ۱۹۰-۱۲۱ مشله ۱۰-۱۲۱ میش		
۱۹۰-۱۱۱ کلیدائل - بیش طلق ۱۹۰-۱۱۱ کلیدائل - بیش طلق ۱۹۰-۱۲۱ کیسول کا آمیزد - سنسبنم - حرارت نوعی ۱۹۰-۱۲۱ کره جوائی - ارتفاعول کا معلوم کرنا ۱۹۰-۱۲۱ مشله ۱۰-۱۲۱ میش		ا پ پھتے
امرا المراد المرد المرد المرد المرد المراد المرد الم		
امرا المراد المرد المرد المرد المرد المراد المرد الم		الم الله الله الله الله الله الله الله ا
۱۹۰ امثله امثله ۱۲۹ امثله ۱۳۹ ۱۳۹ المثله امثله ۱۹۰ ۱۳۹ ۱۳۹ المثله ۱۳۹ ۱۳۹ ۱۳۹ ۱۳۹ ۱۳۹ ۱۳۹ ۱۳۹ ۱۳۹ ۱۳۹ ۱۳۹	) & A	الم ١٠٩٠ الرسمية ب سياس من الم
المثلم المثلم المراسطون كاتناؤ المال المراسطون كالمراسطون كالمراسطون كالمراسطون كالمراسطون كالمراسط كالمر	IAY	ا ١١١- ١٦١ - ليسول كا أميزه - مشتبتم - خرارت لوهي
المثلم المثلم المراسطون كاتناؤ المال المراسطون كالمراسطون كالمراسطون كالمراسطون كالمراسطون كالمراسط كالمر	14.	ا ۱۲۲ - ۱۲۹ کره جوانی - ارتفاعول کا معلوه کرنا
الا المُ مسطول كاتنادُ الا المراب عوا المراب عوا المراب	y.pu	امثله
۱۱۱ المُسطول کاتناؤ ۱۳۱۳ المُسطول کاتناؤ ۱۳۲۱ النام المُسطول کاتناؤ ۱۳۲۱ النام المُسطول کاتناؤ ۱۳۸۱ النام المُسطول کاتناؤ ۱۳۲۱ النام المُسلول کاتناؤ ۱۳۸۱ النام المُسلول کاتناؤ		
الم		*****
الم		الما الما الما الما الما الما الما الما
۱۳۲۳ - ۱۳۵۵ - ۱۳۵۳ الآبلیدا در لدخی ۱۳۷۸ - ۱۳۵۵ - الناد دباؤ استار استار به به می المیاری ا		
۱۳۲۳ - ۱۳۵۵ - ۱۳۵۶ - ۱۳۲۳ - ۱۳۵۵ - ۱۳۲۸ - ۱	<b>Y</b> 11	الما المرسطين كاتناؤ
امهرا شاؤاور دباؤ المهروبية المهروب	¥1.64	
اسماله باسم منهجم	113	
باب نېم	777	•
باب تنبهم ۱۵۹-۱۵۹ استوارا توکیدار تپرا	ואץ	استام
۱۵۹-۱۵۹ استواریا تیکداریتیا		ا بنهج
١٥١-١٥٩ استغاريا تحيكداريتيا		الأب الم
الما المال و المرابع ا		١٨٥-١٨٩ استنار بانيكر اريزا
	45°	العاساني المرابع المرا

صفحه	وفعات
tor	١٩٢٠ - توميير
705	امثله
	<del>-</del>
<b>73</b> 4	سر ۱۹۹-۱۹۹ سطی نناؤ به رشعاری ختی ۱۹۹-۱۹۹
744	۱۵۱-۱۷۰ متوازی تختیاں
747	المنع کے تطریب
74.	۵۷۵ یترنے دالی سو کئ
71	۱۷۵- ۱۸۵ النّع کی جہلیاں امثلہ
79 M	المثله
۳.۵ ۱۳۱۷ ۱۳۲۵ ۱۳۲۷ ۱۳۲۷ ۱۳۳۹	باب باز و تهم ۱۹۱۰-۱۹۱۹ گموست والے اکع کی تحیت کا اضافی توازن ، ۱۹۹۰-۱۹۹۰ جیکوبی کاسسکله ۱۲۰۰ ناتصی اسطوانه ۲۰۰ بواکارے کاسسکله ۲۰۰ نوازن کی اور شکلیں ۱۰۲ نفرن شالیں
•	······································

#### 644

## ماسكونبات باب اوّل

سيال کال کی تعربین

۲۔ سیال کال ایسے ذرات کا مجوعہ ہوتا ہے جو خفیف ترین قوت کے زیر عمل فوراً ایک دوسرے سے حبد ابو جائے ہیں۔ اس طرح اگر ایک لا انتہا بتلامتوی اس فسم کے سیال کوکسی سمت میں تقسیم کرے تو اس عمل تقسیم میں کوئی مزاحمت د توع نوبر فوگ

ورستوى برسال كا دبارُ صرب عودى مست من عمل كريجا- يعنى سال كالل من لزوحبت عددم فرض کی جاتی ہے اوررگڑ کی تسمیت کوئی نوت عمل ہنیں کرتی-اس طرح تعربیت متذکره بالاست کسیال کی منبیادی خاصیت ح سیال کال کا د با وُہمیشہ اُس سطح پر عمو د وارغمسٹ کرتا ہے۔ جس محساتھ اس کاتماس ہو۔ دراميل كودئ سيإل ايسا تبنير ہے كرجس ليعمال تقسيم إينفعيل نرمونی مو انیکر جبطرح کرامستوات مرکامفه می قدرت کے ایسے احبام سے حاصل ہوتا سے کی کل من ذراسی تبدیلی بهبت بڑی آبات اسے استعمال سے بیدا ہوتی ہے اسی طرح سیال کا ل کا مغبوم اسیں چیزوں کے شا ہرہ ہے عال ہوتا ہے جن میں یہ خاصیت ہوکہ ان کے اجزا جیدا سانی سے حدا موسکی<sub>س</sub> اور دیکھنے میں عمل تقسیر درجہ نتہائی تک موسکے۔ تمام سیال خواداً ن کا در مه لزوجت کچه بهی بوازیل کی تعربیف میں آجا ہتے ہیں -سال ایسے زرات کا جموعہ ہے خوصیف ترین قرت کے افراؤ فبول کر سیتے ہیں جوان کے حداکرنے میں کا فی عرصتاک لگا فی حبائے۔ بِس نینیجه سختاہے کہ ساکن ازج سال میں ماسی تعالی یا جذی تناؤ نہیں ہوتا۔ اور اس کئے سال کا مل کی طرح کسی ماکن سال یا دباؤ ہمیشداس سطح پر عمود وارعمل کرتا ہے جو سیال س كرتى ہے۔ اس طرح تمام سالوں كے ليے بالحاظ لز دجست، علم سكون سالات ك، تمام على كن سيالات (الركماية) مِن سيال كى لزدبت كے شال كرنے سے حركمة اكى ۴ ــسالات کی دوسیں ہیں۔ ما کہات اور کیسیں۔ اول الدکرانسی استیار ہیں۔ بیط یا نی اور ماره جو قابل قدر و ب نهی*ن سکتبر حب یک کربهت برست دادُک زیروان* هون موخرالذ جوائها نی نسے دب سکتی ہیں اور آزا وانہ طور آپیل سکتی ہیں۔ اسلئے بعض ادفات ہم تشمرا ول کے سیامات کو بے بیک ادر تسمرو دم کو لیکدار کیسنگ س سالات برجا وبرار من كا الزاسي طرح : ذا ب حب طرح ويراحبا مرير المعات كي صورت میں تو پینظا ہرہے اور بیکہ ہوا بھی وزن رکھتی ہے ایک بند برتن کوحتی اُلا کان ہوا ہے

فالی کرکے دن کرنے سے معلوم ہوسکتا ہے نیز جوار بھا ایک وقرع سے یہ معلوم ہوتا ہے کہ سالات پر سورج اور چاند کی شفیس اسی طرح عمل کرتی ہیں جس طرح کر زمین کی شش -ان واقعات کی ہنا پر نیز اس طرح سے اور واقعات کی بنا پر ان لیا جا اسے کرتما مشم سے سالات قانون تجاذب کے تا بع ہیں - بینی اس جا بون کے ہرجب وہ ووسری اولی آئیار پر شدیش کا عمل کرتے ہیں اور ان بریمی ان اور ہی ہشتا یہ کی سٹ ش کا عمل جوتا ہے -

سسسيالی دازگی پیانسٹس

ه \_\_ فرض کروکر کچرسیالی او د مبض تو توں کے زیر میل ساکن ہے اور ایک مستوی تطع میالے ساتھ تماس رکھتی ہے اور اس نے رقبہ اپر جو سیال کاعمل ہے اس کے خلاف تواز ن بیدا کرنے کے لئے سطح رتوب ق لگانی پڑتی ہے -

اگرسیال کاممل ( برکمیسال موتوت سے بیسال داؤ نی اکا بی رقبہ تغییر و کا اگر دباؤیکسا مذہو تورقعبہ (کے میزنقطد پر اسکو سنفیر خیال کمیا جا بینگا اوراگر ایک نقطہ سے گر دیے چھو کھے

رقبه عه پر نوت ءِنمل کرے تو ہے کسے تقریباً داؤگی شرح رقبہ عه پر نغبیہ ہوگی۔ مرکز کر میں مرکز کر ایک کا میں میں میں میں ایک کا کا کا کا کا

اگر عدلاانتها که کرویا جائے تو فرض کردگدانتها ایس شکے = ۵ نب بطور تعرفیت کے اس ۵ کریم نفظہ زیر بحبث بردا وکا آپ قرار دسینگے - ۵ وہ قرت و گی دوکا فائد تسبہ برنگا فی جا کینگی اگر اس اکا فئی زفتہ برسشہ رح داؤگیساں خیال کی جائے اور فیقطہ زیر بحبث برسکے داؤگے ساوی ہو پس اگر کسی نظر پر دہاؤ ۵ ہو تو اس کے گرد سکہ جبو سٹے رقبہ عدبہ قوت ۵ عد + حبہ عمل کر گلی جہاں حبہ انتہا میں ۵ عد سکے منعا لمرس صفر ہر عبا اسبے بہکر عد (اوراسکی دصب دعد)

عمل کریکی جہاں حبہ انتہامیں < عدہ سلے منفأ بلہ میں مصف<sub>ر ج</sub>وجاباً سبے نبیکہ عمہ (اوراسکی وحب میں دعہ) مسفرزوجا سے -مرسر

، ۔ َ ساکن سیال کے نسی نفتا ہر و با کو ہر مست میں دہمی ہوتا ہے۔ سیال کے خواص میں ہر خاصیت سب سے ہم ہے اس کا ثبر عب سیال کی بنیادی ناصیت سے مسب ذل طریقہ سے افغاکیا جاسکتا ہے ۔

اگریم سیال کے ایک جھوٹے ذوار دیشا اسطوح کے تواز ن پر عزر کریں تو میں علوم ہوگا کہ اس کے رخوں پر کے دباؤاوراس کی کمیت پر کی تو شب عالمہ فارمتو زن تو توں کا ایک نظم کم میدا کرتی ہیں ۔

(٣)

اول الذكر تونس رخوں كے رقبوں برخصر بونكى دج سے ایسے بدلتی ہیں جیسے بھیم (جبكو ہذات یا متجانس فرض كیا گیا ہے) كے كنارے كام بع اور ثانی الذكر قوت جم اور كافت بر پر مخصر بونے كى دھرايسى بلتی ہے جليے بہم كے كنارے كا كمعب - اور اس سے اگر محبم كولا انتہا كھٹا دیا جاسے جبكہ اس كی تمكن بہيشہ متنا بہ رہے تو موخرا لذكر قوت بقابلہ رخوں بركے دماؤ كے معدوم ہوجاتی ہے ۔ اور اس سئے ہد دباؤ خود متواز بن قوق كا ايك نظام بيدا كرتے ہيں -منسرض كرد كه رخوں و ب ج اور ب ج د بركے دباؤكي بغر عيل الترتيب دكة ہے

تسبیرونی این کنارے و که رخون و ب ع اور ب علج که پرے دباوی شرکفین علی اکتر بیب دلاھیے تعبیرونی این کنارے و کہ کے متوازی ان قوتوں کو تحلیل کرو۔ تو چونکد رضه و ب جاار ب کا

, , ,

کے ظُلُ و د پرکے علی القوائم ستوی یو ہی ہیں (فرض کروکہ ہرایک عہے مسادی ہے م) نند دعہ ہے کہ عہ

لین د = ک

ا وراسی طرح بیزا بت کیاجائے آئے کہ دوسرے دورخوں پرکے

د باؤمیں سے ہرایک دیا کا کے مساوی ہے۔

اب چونکہ ذوار بعبۃ انسطوح کے رخ کسی منت میں لئے جا سکتے ہیں اس کئے کسی فقطہ پرکا سرچہ جہ میں تاریخ

دباؤ ہرست میں دہی مواہدے۔

نیمسلدا سونت نمبی درست رہتا ہے جبکہ سیال شکوک ہو۔ کیوکھ وسی المبرٹ کے اصول کے مطابق اگر موثر قوتوں کی مست الس دی جائے تو یہ بیرونی یا عالمہ قوتوں کے ساتھ مل کر رخوں پر کے وباؤ کے ساتھ ستواز ن مزدگیں۔ اور موشر قوتیں اسی رتبہ کی حیوتی مقداریں ہیں جس

رتبہ کی عامل قوتیں ادراس کئے بقابلہ داؤں کے معدوم ہوجاتی ہیں۔ ٤ ۔۔۔ مسئلہ بالا کاحب دہل نبوت کوشنی کی مثالوں سے کیا گیا ہے۔

- عند اور ت سبادی و می م سادن کے یا جائے۔ نروض کروکہ ن اور ق سیال میں ایک دوسرے سے محدد و فاصلے پر دو نقطے ہیں۔ محیر

ن ق کے گردایک بہت جموتے نفسف قطر کا اسطوانہ بناؤ۔ ق میں سے ایک ستوی ن ق کے علی انتقوائم کھیننچو اور ن میں سے کوئی مستوی گذارو اور ن ق کی کمیت کے قواز ن

برغوركرو-

زس

اس کے سروں رکے دباؤ اورخوی سطح کا دباؤاور وہ بیرونی تو تیں جواس برعل کرتی ہیں ایک متوازان تو تول کے نفاط ق اور ن بر کے دباؤ ہیں۔ وراسطوانہ کی تراش ق کا رقبہ عہد اور راش کی رقبہ عرب ن برکے دباؤ ہیں۔ اوراسطوانہ کی تراش ق کا رقبہ عہد اور راش کی رقبہ کا راگر اسطوانہ کے متوازی تو لیار تکلیل کریں تو جزد تکلیلی کہ عہد کہ سادی ہے۔ اوراسطوانہ کے مقد ان کے متوازی تو یہ عالم جو رقبیلی کہ عہد کا راگر اسطوانہ کے استوی کی بحث نواہ کچہ ہی ہویۃ تو تعالم جمار طوائہ کا نصف خواہ ہو ہو تا ہو الا تراسطوانہ کا نصف جمار ہو تو تو تعالم جمار علوائہ کا نصف جمار بی توجہ تو تو تعالم جمار ہو جا تی ہے جبال کے مصد فی ن برگی ہوت عالم سے مساوی ہو جو ان ہو جبال کے مصد فی ن برگی ہوت عالم سے مساوی ہو جو ان ہو جبال کے مساوی ہو تو تعالم ہو جا تی ہو جا تی ہو تو تعالم ہو تو تو تو تعالم ہو تو تو تعالم ہو تو تو تعالم ہو تو تو تو تو تو تو تو تعالم ہو تو تو تو تو تو تعالم ہو تو	
ستوازن وقول کراهام المجعید کرتی ہیں۔  ذرخ کروکر دک د نظاظ تی اور ن بر کے دباؤہیں۔ اوراسطوانہ کی تراش تی کا رقبہ عہد اور تراش ن کا رقبہ عربے۔  عہد اور تراش ن کا رقبہ عربے۔ مغرر کے ستوازی تخلیل کر بہت تو جزو تخلیلی کہ عہد کہ سادی ہے۔ اورا سلنے مغرر کے ستوازی تخلیل کر بہت تو جزو تخلیلی کہ عہد سادی ہے۔ اورا سلنے کہ عہد د عہد = ن ن کے متوازی قوت عالم کا جزو تخلیلی مغرر ہے حوثا ہو بالا تر اسطوالے کے ہے تی ن برکی قبت عالم سے مساوی ہو جو اتی ہے جبر ہے حصدا سے ستوی کے ذریعہ کا مجابہ عرب الله من کرزے اور کو جو اتی ہے جبراں کہ بس وہ قوت سے جو سالی ورہ ک پر لفظ ت سے فاصلہ لا برعمل کرتی ہے۔ اسلیم کر سے نہ فر لا جبراں کہ بس وہ تو ت کے اس صرکہ عمل کرد دی ہے۔  میں کرد کہ و ب اقب نقد ہی ہی سے گردے داے درستری ہیں ۔ ف بحق علی افرتیب ون قوامہ برعمل کرنے دالی قوق سے اس اس میک عمل کرنے دالی قوق سے اس اس میک کرنے دالی قوق سے دالی قوق سے اس میک کرنے دالی قوق سے دالی قوق سے دالی قوق سے میں میں جال کرنے دالی قوق سے دالی قوق سے دالی قوق سے میں دیں کرنے دالی قوق سے دالی قوق سے میں گرائے دو اس میک کرنے دالی قوق سے دالی قوق سے میں گرائے دو اس میں کرنے دالی قوق سے میں گرائے دو اس میں جس میں کرنے دالی قوق سے کرنے دالی قوق سے میں دی کرنے دالی قوق سے میں دی کرنے دولی کرنے دالی قوق سے میں دی کرنے کہ کرنے دولی کرنے دالی قوق سے میں دی کرنے دولی کرنے دولی کرنے دالی توق کرنے دیں گرائے دولی کرنے کرنے کرنے کرنے کرنے کرنے کرنے کرنے	اس کے سروں پر کے دہاؤ اور ختی سطے کا دہاؤاور وہ بیرونی فرتیں جواس بڑمل کرتی ہیں ایک
عد اور تراش ن کا رقبہ عَہے۔  عن اور تراش ن کا رقبہ عَہے۔  مغر برکے دائر کہ عدر کو اگر اسطوانہ کے معرب اور ہے۔ اور اسطنے کو معرب مورکے متوازی تخلیل کر بی تو جزو تخلیلی کہ عرب متوازی تو سے عالم کا جزو تخلیلی نظر نہ میں سے گرنے والے مستوی کی ہمت نواہ کچہ ہی ہو یہ تو سے عالم جبار الموائر کا لفت فی جو المائیہ ہی ہوا ہو یہ جو الله خوا سطوالے کے عصدی ن کی برکی فوت عالم سے مساوی ہو موجوہ جبکہ بیر حصدا یسے ستوی کے ذریعہ کا ام اسے جو نقطہ ن نہیں سے گرزے اور محور بر عمود ہو۔  جبل کے بس دہ تو ت می خور بر الله علی میں کہ برانظ ق سے فاصلہ الا بر عمل کرتی ہو ہو ہو۔  کر بس ن عد فر الا جزائر میں کرد کہ و ب اگر ب نقد ب ہیں سے گرزے والے اس صدر کا عمل کرد ہو الله فرق اس کے اس صدر کرد کرد و ب اگر ب نقد ب ہیں سے گرزے والے اس صدر کرد کرد و ب اگر ب نقد ب ہیں سے گرزے والے اس صدر کرد کرد و الله فرق اس کے اس صدر بر عمل کرد نے والی فرق اس کے اس اس کرد کی دول کو اس کے اس میں کرد کرد و الله فرق اس کے اس کے اس صدر کرد ہو اللہ فرق اس کے اس کی دول کرد و اللہ فرق اس کے اس کے اس کرنے الی فرق اس کے اس کے اس کرد کی دول کرد و اللہ کرد	متوازن تونوں کے نظام کوبقبیرکر تی ہیں- فرطز کی کہ کہ کہ نقاط تی اور این سر کے دیا ہیں یہ اوراسطان کی تہ اش ق کا رقہ
ن ن برکے دائر ک عمر کو اگر اسطوانہ کے میں اوی ہے۔ اورا سلنے مورے سواری تخلیلی کا عد ہے میں اوی ہے۔ اورا سلنے کا عد ۔ دعہ = ن ن سکے متوازی قرت عالمہ کا جزو تحلیلی نقط ن میں سے گزر نے والے سنوی کی ہمت نواہ کچر ہی ہو یہ قرت عالم سکر اسطوائے انفیق کے معت فی ن برکی قرت عالم سکے مساوی ہو جاتی ہے جبکہ بیر جو میں ان برکی قرت عالم سکے مساوی ہو جاتی ہے جبکہ بیر جو میں ان برکی قرت عالم سکے مساوی ہو جو ان ہے جبکہ بیر جو میں ان برکی قرت عالم سکے مساوی ہو ہو ان ہے جبکہ بیر جو میں ان برکی قرت عالم سے میں ہو جاتی ہو گئے ہوں ہو اور اسطوائے ہوں ہو ہو ان کی برات طرف کے دو اور اسطوائی وزہ کے برات طرف کے دو اللے کو اس میں ان کی ہو ہو کہ کو اس میں ہو ہوں کے اسلام کے اسلام کی ہو ہوں کے اسلام کی ہو ہوں کی اور کی اسران میں ہو ہوں کو اور ہو کہ کو اور کی اور کو	ع ان ۽ نفي ان کار ق ع په سم
مورکے متوازی تخلیل کر بی تو جزو تخلیلی در عدادی ہے - اورا سطنے  در حداد در عدادی ن سے متوازی قوت عالم کا جزو تخلیلی  نقطدن میں سے گزرنے والے سنوی کی ہمت خواہ کچے ہی ہو یہ تو ت عالم جبار مطوائے انفط  والا انتہا چھوٹا ہو ہا لا خرا سطوالے کے حصد ق ن برکی تو شد عالم کے مساوی ہو جا تی ہے  جبکہ یہ صدایسے ستوی کے ذریعہ کا مواسے جونعظد ن بی سے گزرے اور محور برعمور ہو ہو ہو ۔  جبال کی میں وہ قوت ہے جو میالی ور می کیرانظ ق سے فاصلہ لا برعمن کرتی ہے - اسلیے  جبال کی میں وہ قوت ہے جو میالی ور می کیرانظ ق سے فاصلہ لا برعمن کرتی ہے - اسلیے  حب زیل تشریح شوت کے اس صدر عمل کرد سے گی۔  وی میں کرد کہ و ب او کب نقط ہو میں سے گرنے والے درستوی ہیں - ف مق علی انتہاب و ن قوامد  وی میں کرد کہ و ب او کب نقط ہو میں میں سیال کے این صوب بھل کرنے والی فوقوں کے اسراح ہیں۔  وی ق ق ہو اور وی کا میں میں میں میں کرنے وی کہ کوران کا فرق  وی میں کرنے والی قوق کا در ب ن ب برعمل کرنے ان کوران کا فرق  وی میں کرنے والی قوق کا در ب ن ب برعمل کرنے ان کوران کا فرق  وی میں کرنے والی قوق کا در ب ن ب برعمل کرنے ان کوران کا فرق  وی میں کرنے والی قوق کا در ب ن ب برعمل کرنے ان کوران کا فرق  وی میں کرنے والی کوران کا فرق  وی میں کرنے والی کوران کا فرق	یخ ن پرکے دار کہ عمر کو اگر اسطوانہ کے
نقط ن یں سے گزرنے والے سنوی کی مت خواہ کچھہی ہویہ و توت عالمہ جہار الموائے کا نصف کے جا ہے ہوئا ہو بالا خرا سطوالے کے جا ہے و ن برکی وَ بت عالم کے مساوی ہو جا تی ہے جبکہ یہ جو نقط ن بن سے گزرے اور محور بر مووجو ۔  جبل کے اس خالیہ ہے ۔  جبل کے اس وہ توت ہے جو سالی وزہ کہ برانظ ق سے فاصلہ لا بر عمل کرتی ہے ۔ اسلیے جہاں کے اس حد و لا جب و ن ق میں ش فر لا میں کرر کہ و ب او کہ تقد ب یں سے گرنے والے ورستوی ہیں ۔ ف ک تی علی انترتیب و ن وَ اور ب ن ب کی اور سط کا تی ہیں ہے گرنے والے ورت کے اس اوی ہیں )  توق و ب اورق و ب و ب میں ہے جم اوی ہیں )  توق و ب اورق و ب و ب میں ہے جم اوی ہیں )  توق و ب اورق و ب و ب میں کے جم اوی ہیں )  توق و ب اورق و ب و ب میں ہے جم اوی ہیں )  توق و ب اورق و ب و ب میں ہیں ہیں ہیں ہیں ہیں ہیں ہیں ہیں ہیں ہ	محور کے متوازی تخلیل کریں تو جزو تخلیلی کام کے مسادی ہے۔ اورا سٹنے
الانتها چھوٹا ہو بالا خراسطوالے کے حصے ق ن برکی قبت عالم کے مساوی ہو جاتی ہے جبکہ بیت مساوی ہو جاتی ہے جبکہ بیت وت عالمہ ہے میں سے گزت اور محور بر عمود ہو۔  بیت وت عالمہ ہے  ہی وقت ہے جو میالی ورہ کہ بران ط ق سے فاصلہ لا پر عمل کرتی ہے ۔ اسلیے  ہم بال کہ میں وہ قبت ہے جو میالی ورہ کہ بران ط ق سے فاصلہ لا پر عمل کرتی ہے ۔ اسلیے  عام سب ویل تشریح نبوت کے اس صدر محل کروں ہیں ۔ ف مق علی افتہ ہو ون و اور اور میں کرد کہ و ب و تب اور میں ہیں سے گررف والے ورستوی ہیں ۔ ف مق علی افتہ ہو ون و اور میں بیت کی اور سطان فتیں ہو یہ میں کو اس کے اس میں بیت کی اور سطان فتیں ہو یہ میں کو اس کے اس میں بیت کی اور سطان فتیں ہو یہ میں کو اس کے اس کے اس میں بیت کی اور سطان فتیں ہو یہ میں کو تب اور میں کے جم اوری ہیں کو تب اور میں کو قب اور ب ن ک برعمل کرنے والی قوتوں کا فرق اور ب ن ک برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق   عون و اور ب ن ک برعمل کرنے والی قوتوں کا فرق   عون و کو اور ب ن ک برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق   عون و کا در ب ن ک برعمل کرنے اور کی کو قوت کو اس میں کا میں کو کو ت کو کہ کو کو ت کو کہ کو کو ت کو کا کہ کو کو ت کو کھوٹ کو کی کو	کے عدیہ د عدیا ن کے متوازی قریت عالمہ کا جزو کلیلی . قبط قبط
جبکر بیرحصہ ایسے مستوی کے ذریعہ کا اعبا سے جو نقطہ ن میں سے گزرے اور محور بر عمور ہو ہو۔  پس وت عالمیہ ہے  ہباں کہ میں وہ قوت ہے جو میالی وزہ ک برانظ ق سے فاصلہ لا پر عمل کرتی ہے۔ اسلیے  جبال کہ میں وہ قوت ہے جہ میالی وزہ ک برانظ ق سے فاصلہ لا پر عمل کرتی ہے۔ اسلیے  کے = < + کو میں ن فر لا  میں کرد کہ و ب اور ت فر ہو ہیں سے گرنے والے درستوی ہیں ۔ ف ک تف علی انتر تیب ون و احد بر ن من کی اور سط گافتیں ہیں ہیں ہیں سی کرنے والے درستوی ہیں ۔ ف ک تف علی انتر تیب ون و احد بر میں کرنے دالی قوتوں کے اسراع میں ہوت ق و ب اور ق و ب اور میں کے جم اور ک میں کرنے دالی قوتوں کے اسراع میں ہوتا ہوتا کی در ب ن سے برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق بر میں ن کے برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق بر میں ن کے برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق بر میں ن کے برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق بر میں ن کے برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق بر در ب ن ک برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق بر در ب ن ک برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق بر در ب ن ک برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق بر در ب ن ک برعمل کرنے الی قوتوں کا فرق بر در ب ن ک برعمل کرنے والی قوتوں کا فرق بیستان کی برعمل کرنے والی قوتوں کا فرق بر در ب ن ک برعمل کرنے والی قوتوں کا فرق بر در ب ن ک برعمل کرنے والی قوتوں کا فرق کے ۔ میں نش) مرحم و ن فوتوں کو کھوں ک	تقطیدن میں سے زرنے والے متنوی کی تمت خواہ کچھہی ہو یہ قوت عالمرجباً إنظوام کالصف کے اور اور میں مدیدا وقت سے ا الازیتا الحمد علوم اللہ نیز البید مل اللہ کر حصہ بین از رک قریب رای کرمیں اور میں مدیدا وقت سے
پس قوت عالمیہ ہے ۔ اسلیم  جہاں کس وہ قوت ہے جو میالی وڑہ ک برلاط ق سے فاصلہ لا برعمل کرتی ہے ۔ اسلیم  حب نوبل کشریخ نبوت کے اس صدکو سمی کرنے والے ورسنوی ہیں ۔ ف من عی اخرتیب ون وَ اور ب ف آب نقط ب یں سے گرنے والے ورسنوی ہیں ۔ ف من عی اخرتیب ون وَ اور ب ن آب کی اوسط کنافتیں ہیں یس میں سیال کے اِن صوب بیمل کرنے والی قوقوں کے امراع ہیں۔  و ق ق ق ب ( جن کے جم ساوی ہیں ) ب برعمل کرنے والی قوقوں کے امراع ہیں۔  یرعمل کرنے والی تو وُں کا فرق  عدوں وَ مَن کُرِ جَس نَن بِعمل کرنیوائی قوتوں کا فرق علی کرنیوائی قوتوں کا فرق علی میں ہیں کہ جم و ن وَ کُر وَں وَکُر وَکُر وَں وَکُر وَکُر وَں وَکُر وَکُرُک وَکُر وَکُر وَکُر وَکُر وَکُر وَکُر وَکُر وَکُر وکُر وَکُر وَکُرُکُر وَکُر وَکُرُوں وَکُر وَکُر وَکُر وَکُر وَکُر وَکُر وَکُر وَکُرُوں وَکُر وَکُر وَک	الانها بسوما ہو بالا طرا استواے سے میں این دیا جاتا کا ارتصاد می اوج می سیات کا درجار اور می اوج می سیات کے می حمل مدحصدا بسے مستوی کے ذریعہ کا ماسئے حولفظہ ن من اسٹے گزیے اور می ربومہ و ہو۔
کی س ن عدفر لا جہاں کے ہیں وہ توت ہے جو میالی وڑھ کے برانظ ق سے فاصلہ لا برعمل کرتی ہے۔ اسلیے  اللہ حب زیل تنظری خبوت کے اس صدکہ میں کردے گی۔  وض کردکہ و ب او ب قب نقط ب یں سے گرنے والے درسنوی ہیں ۔ ف من تھ علی انتہ ون وَ اور ب ن مب کی ارسط کتافتیں ہیں یس میں سیال کے ان صول برعمل کرنے والی قو تو س کے اسراع ہیں۔  تو ق و ب اورق و ت و جن کے جم ساوی ہیں ) بنی برعمل کرنے والی قو تو س کے اسراع ہیں۔  یرعمل کرنے والی قوق کا ور ب ن ب برعمل کر منوانی قوق ل کا فرق   عون و اور ب ن ب برعمل کر منوانی قوق ل کا فرق   عون و اور ب ن ب برعمل کر منوانی قوق ل کا فرق  عور من کے ۔ مس ش) حرجم و ن و	بین وت عالمیں نتی
جہاں کہ میں وہ توت ہے جو میالی وڑہ کے برانقط ق سے فاصلہ لا برعمل کرتی ہے ۔ اسلیے	كُس ت عدفر لا
اله حسب زیل تنظری نبوت کے اس صدر مکن کرد سے گی۔  فرض کرد کہ و ب او ب نظر ب میں سے گرنے والے درستوی ہیں ۔ ف اف علی انترتیب ون و اور ب ن ب کی ادرسط کنافتیں ہیں ہیں۔  و ق و ب اورق و ب ( جن کے جم ساوی ہیں)  بر عمل کرنے والی تووں کا فرق  و و ن و ب ن ب برعمل کرنیا ہی قوت کا فرق  و ن و ب ن ب برعمل کرنیا ہی قوت کا فرق  و ن و ک س کے جم و ن و ک	
اله حسب زیل تنظری نبوت کے اس صدر مکن کرد سے گی۔  فرض کرد کہ و ب او ب نظر ب میں سے گرنے والے درستوی ہیں ۔ ف اف علی انترتیب ون و اور ب ن ب کی ادرسط کنافتیں ہیں ہیں۔  و ق و ب اورق و ب ( جن کے جم ساوی ہیں)  بر عمل کرنے والی تووں کا فرق  و و ن و ب ن ب برعمل کرنیا ہی قوت کا فرق  و ن و ب ن ب برعمل کرنیا ہی قوت کا فرق  و ن و ک س کے جم و ن و ک	ر با
زمن کردکہ و ب و ب و ب نقد ب میں سے گزنے والے وستوی ہیں ۔ ف علی انترتیب ون و اور اور ب ن ب کی اوسط کافتیں ہیں۔ س میں سیال کے اِن صول برعمل کرنے والی قوق ل کے اسراع ہیں۔ اور ق و ب (جن نے مجم ساوی ہیں) ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب میں کر رہنا ہی قوآں کا فرق اور ب ن ب برعمل کر رہنا ہی قوآں کا فرق = و ن و ک اور ب ن ب برعمل کر رہنا ہی قوآں کا فرق = و ن و ک س ش) مرحم و ن و ک	
ب ن ب کی اوسط کتافتیں ہیں۔ س ، س سیال کے ان صول برعمل کرنے والی قوق ل کے اسراع ہیں۔  و ق ق ب اور ق و ب ( جن سے مجم ساوی ہیں ) بہت ہیں۔  پرعمل کرنے والی قوق ل کا فرق  = ق ق و اور ب ن ب برعمل کر منوالی قوق ل کا فرق  = ( مَن بی سے ۔ س ش) حرم و ن و	
توق و به اورق و ب (جن کے جم ساوی میں) بند اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ الل	
ب من سب بر عمل کرمنوانی قوتران کا فرق = (من منی سن س) مرحم و ن و ک	ب ن مب بی اوسط کما متیں ہیں۔ میں میاں کے اِن صوں برعمل کرنے والی قو توں کے اسراع میں۔
ب من سب بر عمل کرمنوانی قوتران کا فرق = (من منی سن س) مرحم و ن و ک	تَوَ قَ وَ بِ اورقَ وَ بَ (جِن کے مجم ساوی ہِن) بنی جب
= (سَ فَ - س شُ) × حجم و ن وَ	يرعمل كرف والى قوق كا فرق
= (مَن فَتُ - سِ شُ) * حَجْمِ او ن اوَ =معن (سِ مِنْ ) * سِ سِنْ ) * حَبْمِ الْ اِنْ ﴾ (عد تزمشس قَ كارتبديه )	= ون و اور ب ن ب برعل كرمنواني قوتون كا فرق
- من (من من ) موسير عمر برا أي كم (عمر ترمشس ق كارتبري)	= (سَى شَى - س شَ) مرحجم و ن وَ
	عمق (س ف ) الا سين عمر لا أي الم (عد ترامش ق كارتبر م)

#### معنی که نظرن میں سے گذر نیوالی سنتوبوں کے لئے ستقل ہے۔ سسیالی دبا وکا انتقال

اگرکسی ساکن مائع کی سطے پریااس کے کسی دوسرے حصد پر دباؤ ڈوالاحائے یااس میں اصافہ کیا حاسب توبیر دباؤ یا اصافہ دباؤ مائع کے سب حصوں میں مسادی طور پر پنتقل ہوجا ناہے۔

سائوں کی یہ خاصیت بالاست تجربہ کی بنا برحائل ہوئی ادراس طور رہیفن او تاات است ان ایاجا تا ہے کیکن ہم سال کی تعرفین سے اسکواخذار سکتے ہیں۔

فرمن کردکساکن انع کی سطیمیں ن کوئی نقط سبے اور سال کے اندر ق کوئی دوسرانقط ہے طامستقیم ن ت کے گردا بر حجوبے نصف قطر کا اسطوانہ نباؤ جو نقطہ ن برکی سطے اور ق میں

گرزنے واسمے اور نِ ق بِبرنلی القوائر سنوی سُتے محدود ہو -ا

اگر نقطه ن پرکے دار کو بقدر ۵ کئے زیادہ کیا جا سے اور اسطوانہ پر کی اضافہ سندہ قوت کو اس کے محور کی سمت میں تحلیل کیا جا سے تو جزو تحلیلی د عد کے سادی ہے جہاں عداسطوانہ کے محور بین علی القوائم سنوی تراش کا رقبہ ہے اس کے مساوی قوت د عد کو سمت ق ن میں انقطہ تی بین عمل کرنا جا ہے گیر بھنے کے بیکھنے تی سطح برسیال کا دباؤ محور کے علی القوائم ہے اس سنے ق بیر کا دباؤ القسے در دے بڑہ جا اب ہے۔

اگرخطستفیم ن فی بورے طور سربیال سے اقد واقع نہوتو ن اور ق کومخلف خطوط سے جوبالمام سیال کے افدر سے ا بت موسکتا ہے ۔ اور پھر نبوت بالا کی کرار سے ا بت موسکتا ہے کہ وہاؤ د نقط فی برنبیر کسی تربیلی کے نتقل ہوجاتا ہے ۔

لقبينوك سفيه- اوراسك

کے = < + کر<sup>نون</sup> س نٹ نولا + ہے و آ × عف (س ٹ) قوتین چونکه سلسل میں اس گئے خری رقم ساوات کی دوسری ارتام کے مقابلہ میں تسریح اسور م خال کیجا بی سے اور ایلئے کہ سنتس ہے ۔

---(a)-----

اس خاصیت کی نبایرائع کا اوہ شین کے طور پر توت کی تضعیف کے لیے استعال اگرایک یا نی سے بھرسے مہو سے نبدرتن ہیں درسوراخ کردئے جا میں اور ان کو خوتھنسپگر آنے دائے فتاروں فرلا کے بندکرد اچائے اور عیم اگر کوئی قرت ق ایک فشارے پرلکا ٹی طبتے تو دوسر فشار ميرايك ايسى توت ق لكان يرش كى دسبت ق : ق نسبت أو أ کے مساوی وجاد سے کی نیجر تعبراً کے برنقط کے دانویں اضافہ کی بتیرح رقبہ کے برنقطہ پر بنتقل جو حباتی ہے۔ اور اسکے کا پرکی توت اس کے قبیر منحصر ہو تی ہے۔ انِ دو ہوں فشاروں کا درمیانی عملِ بیرم سے مشاہہ ہے اور میز طاہرہے کہ اُر کوبڑھانے سے ا ١٠) ا در اكو گمنان سيم نسبت قَ: قَ كُوجَتُنَا بِرْهِاْ عِا بِنُ بِرْهَا سِكَةٍ بَيْنِ -٠١ – يه ديجها گيا ہے کآييلي سيال کا داؤ اس کی کثافت ادر تبش مِنتحصر روا ہے۔ نيزاسکی نوعیت ہے تجربيت معلوم ہوائے كواگر تبیش ستقل رہے تود باؤاس فضنا کے بالعکس متناسب ہونائے ہے بینی داؤلیسے بدلتا ہے جیسے اس کی **تانت**۔ اس قا ون کو سیجے اسے بیان کیا لیکن میاس عام قا نون کے نتیجہ کے طور براخذ ہوسکتا ہے سی آمیزے کا داؤ جبکہ ان میں کیمیا نی عمل منہ ناہوا سے داؤں کامجوعہ ہوتا نوسیر علیحده علیحده بیداکرتی بن حبکه ایک ایک کرے جدا گانه طور پر برتن کوان سے محراصات پوئکہ برتن میں گیس کی مقدار کو دو چند کرنے سے دباؤنجی دوجیند ہوجائیگا اور سیال کے مقدامہ میں کوئی اور ایر ضم کی تبدیلی دباؤیں ہی طرح کی تناسب تبدیلی سیداکر دیگی-ا سلنے اُرکسی تیسی سیال کی مجید مقدار کی کثافت من ہوا درامس کا وہاؤ 🕻 توجب اکر کر تیش وہی رہے بہاں م متفل ہے جبکو تجربہ کے ذریعہ اس مخصوص سال کے لئے کسی معلوم تبیش رمعلوم کرنا الركسين كافتم ح جوجيكاس كادباؤ ﴿ بِ الرَّجَ تَبْبِكُهُ وَبِالُو لَهُ تَوْ

له برا، كاشكندسالى العات كى اس غاسيت كملى المستال كى ايك اليسي مثال ب-

ح د = ح ک

یعنی سے در معلومہ میں برستقل ہے۔ ۱۱ ۔ دہاؤے جھوٹے اضا فہ کو دِنسِیت اُس مکھی (جمی) بر بیک سے ہوجواس فلیل اصافہ کی دھیر سے پیدا ہوتی ہے اس سے سال کی کھاکسی ٹیا یش سجیا تی ہے ۔ اگر ح حجم بوتوخفیف کمبی بی کیک - فرج بوگار کیک کا نا پ

معقل تبرش ركس كي صورت مين حدمتقل والمستعداور

اس طرح لیک کاناب وہی ہوا جود او کاناب ہے۔ اگر کیک اور داؤیس ربط مب و مروز مهر داؤا ورجیس ربط معلوم کرسکتے ہیں۔ مثلًا الرَّبِم اليك اليص الله على والجودكات والركاسكين حرل من حيك والوكلي ووجيد م وتومير الط

ما من برتا ہے۔ جس سے یا تیجہ کلنا سے کہ دی استقل ہے۔

وزن کمیت اور کثا نت کے یمانے

۱۷۔۔سال کے وزن مکیت اور کٹافت کے پیایش اس طرح کیجا تی ہے جیسے طوس احبیام

ا اگرگیت کے سیال کا وزن و ہوتو حسب معمول قرار داووں سے مطابق حن سے کمیت اور نوت کی اکائیال معرض تعرفیف میں آتی ہیں

اگرک کمیت کے سیال کی کٹافت نٹ اور حمر سے ہونو ک = مشاح

باری چیز کے لئے ن<sup>ے</sup> ۔۱ اور اس کئے کمیت کی اکا ئی معیا*ری چیز کے* اکا ٹی حجر کی کمیتے ہے ماوی سیے۔ا سکئے قرت کی اکا نئی تقریباً نصف اونس۔ لی بیایش اس نقطه بروباوی ایستی سلسل طور پر بد سلنے دالی مقدار کی بیالیشر کی طرح ہو نی <u>جائے۔</u> فرض کروکہ ایک نقطیر کے محدر نے والے کچھ سیال کا حجم سے اور کمیت کے نیز فرض کروکہ ت اک متجانس سیال کی کثافت ہے جیکے حرم کی کمیت کے پاجسین تومت کو سے جمروائے غیر متحانس سیال کے اس حصد کی ادسطان فت کہا جاسکتا ہے اور بالآخر جبكه ح لاا نتها كم كردا جائه كرييمينية نقطه كو كليرب موس*ئة لب ي*و من<sup>ش</sup> كو فے بھا دُمیں جو کا مرکبا گیا اس کی مقدارے ء د کرس زع = - د نرح

ادر حجم سے میں دانے کے لئے وکام کیا گیا وہ

(^)

اگر بچک برتن کے گرو کے ہوائی کرہ کے موجودگی میں وقوع پذیر ہوئی ہے مثلاً اگرایک اسطوات میں فشارے کے ذریعیکیں بندگی تمی ہوتو ہوائی کرہ کا دباؤی بچک کے کا مرس مدونیا ہے ۔ اس طرح اگر کرہ ہوائی کے دباؤ ہر برابندائی جمرح ہوتو جم سے میں دبانے کے لئے برونی کا ہوکیا گیا وہ

 $= -\frac{7}{5}(c - \pi)i(3) + \frac{7}{5}(c - \pi)$   $= \pi - \frac{7}{5}(c - \pi) = \pi - \frac{7}{5}(c - \pi)$ 

امثليه

(ان ثنانوں میں ج ۲۷ ہے کے مساوی لیا گیاہے جبکہ فٹ اور نما نیہ اکا ٹیاں ہوں) استطیلی رقبہ و ب ج د سیالی دباؤ کے زیرعمل ہے۔ و ب نابت خط سیم ہے۔ اور رقبہ رکا دباؤ طول ب ج (لا) کا ایک دایرا تفاعل لا) ہے ثابت کردکہ ج دیک سن قطمہ پر دباؤ نور سے جہاں و = ( ب -

اگر ال ایک تابت نقطه موادر ال ب ، الد کی ستین نابت مون ادر اگر ال ب الا ادر الر ال ب الا ادر الر ال ب الا ادر الر الر ب الر الر ب الر الر ب الر الر ب الر با توج برد با و ب فرا د با الر با تو با د با الر با تو با د با تو با تو

م سسادات و = ج مَثُ م مِن الرَّوْت كى اكائى ١٠٠ يوندُوزن طول كى اكائى ٢ ف ادر وقت كى اكائى ٢ ف الله على ١٠٠ كى اكائى ٢ ف

سر سے اگر وقت کی اکا ئی ایک وقیقہ طول کی اکا ئی ایک کر ہو ، اور اگر معیاری شے کے ۱۵

کمعب ایخ کاوزن ۲۵ اونش موتو قرت کی اکا تی در افت کرو— معب ایخ کاوزن ۲۵ اونش موتو قرت کی اکا تی در افت کرو—

م سسادات و عن ف ح میں وقت کی اکا ئی میں نا نیوں کی تعداد طول کی اکا ئی میں فرش کی نقداد طول کی اکا ئی میں فرش کی نقداد کے مسادی ہے - قرت کی اکا ئی ماہم کرد - کا در معیاری جرک ایک کھیب فٹ کا دزن ، ، ۵ مار اونس ہے - وقت کی اکا ئی عام کرد -

ه -- رنقار کی اکائی م فٹ فی تانیہ ہے یا فی معیاری چیزہے اور قوت کی اکائی ۱۲۵ بونڈ وزن سیے - وقت اور طول کی اکا میاں معلوم کرو۔ ا ن کے ایک کب فٹ کے وزن کوتعلیر کے والا عدداس کے جمرکو طا سرکرنے واسے عدد کا با ادراس کی کمیت کو ظام کرنے والے عَدد کا رہے اوراس کواکی فٹ تھانے میں کئے کا مرکو فلا مرکز سنے والے عدد کا بہا ہے طول کمیت اور وفت کی کا ئیاں دریا بنت کرو۔ ے۔۔ ِ اگر کُرہ ہوائی کا دباؤ ۔ دباؤ کی ایکائی ، آواز کی رفتار ، رفتار کی اکا نی اِسراغ ہوجا فہایض اسراع كى أكا في موتوةت كى كاني تقريبًا معلوم كرو-۸ - اگر و نث اور ب ناینهٔ طِول اور و نست کی آئائیا سور اور ما بن کی مثانت معیاری کتاب موتو اورب میں ربط سعارم کردکہ مساوات و = ج ف سے سے کسی چیز کاوزن اوندوں مِ فَطْ فِي تَا يَدِي رفتار رِنْيَار كِي إِكَانِي أُورَرِّنْ والسيحِسم كا اسراع اسراع كي أكاني أور بڻ کميت کي اکا پڻ موٽويا ني کي کڻا فت معلوم کرد-- تجھ اُنے ایک مخروط میں حس کا محورانتھا بی ادر رس نیچے کی طرن ہے ڈالد یا گیاہے -اس الع مع كسى نقط بركما منت سطح بركى كثافت مت نفدرايك اليسى مقدارك برى ب بوايس بدلتی ہے جیسے سطح سے نقطہ کی گہرائی۔ نا بت کر دکہ حبب ما لئے کو ملانے سے اس کی کٹا نت کیساں ہوجائے قوریمٹا نت اصلی حالت ہراس نقطہ پر کی کثا نت کے مساوی ہے جس کی گرائی مخروط کے محور کی ایک چوتھائی کے مساوی سو۔ ت كأنت واك مائع سي بعرب موسة برتن ميس سيم ما تع كالني واحصة كالدياكيات ادراس كونة كافت واسد الع-يجرد إكيام - اراس عمل كوهم مرتبه وببرایا جائے توبرتن میں کے انع کی کتا فت معادم کرو ۔ ایک برتن کا جم ح بے اس کو سٹ کٹافت وائے انع سے مجرو یا گاہے اگریته کثا نت دایج اکع آکا جم زُنهٔ با کی منعیر تطروں میں اس کے اندر شیک جا ۔ حاصل مت دہ ہائع کی گنافت معامِر ﴿ وَمِهِ الماسة لك ما أن كي كنا فن نقط به نقطه برلتي ب- مابت كروكه الك معلوم نقط مي س

گزرنے والی متوں میں ہے اُس مت میں کتا فت زیادہ سے زیادہ سرعت سے بلتی ہے جو اس نظر میں سے گزر نے والی کیسال کتا فت والی سطح پر عماد ہو۔ نیز اس سطح کے ماسی مستوی میں جوسمتیں ہیں اُن میں سے زیادہ سے زیادہ اور کم سے کم کتا فت کے نغیر والی سمتیں دہ ہیں جوصدری تراشوں کے ماسوں پر منطبق ہوتی ہیں۔ س وق

سیالوں کے توازن کی شرطیں

ا مام سے عام صورت میں فرض کر وکدایسے سیال کی کھیکسیت جو کیک دارموا بے لیک منظم منجائس ہوا نے کیک منجائس ہوائی میں منجائس ہوائی منجائس ہوائی منجائس ہوائی منجائس ہوائی منزائس ہوائی ہ

رکسی نقطه پرکا د با دُمعلوم کرامطلوب ہے۔

فرض کردکہ نیال کے کسی نقطہ ن کے محدد علی القوائم محوروں کے کھا فلسے لا کا ہمی میں۔ ادر ق اس کے نزدیک ایک ایسا نقطہ ہے کہ ن ق محور لا کے متوازی ہے فرص کردکہ لا + مف لا کائی نعظہ ق کے محدد ہیں۔ ن ق کے گردایک جھوٹا منفور

فرصن روكه اسطوانه كى عمودى ترافل كارقبه عانقطه ن بركا دباؤ د اور نقطه ق بيد كا

ربارُ د + من د سريم-

اب چونکرد، بېرت چىولات، اس كئے ستوى ن بركے كسى نقطه برد باؤتقريبًّ د كے سادى دوكا اوراس كئے امير كا د باؤ

( د + جه )عه

موگا جہاں جہ بمفالم د کے عفر ہوجا آئے جگہ عدکولا انتہاکم کیاجائے اس کئے کہ عدکو ہماستدر جھوٹا فرض کرسکتے ہیں کہ بتقالم د کے جہ نظرانداز ہوسکتے ۔ اور اسطوا نرکے رخ ن پرکا دباؤ کہ حساوی لیا جاسکے ۔ اور اسی طرح رخ ن پرکے دباؤ کو لے کمیں رخ ن پرکے دباؤ کو لے کمیں (د + معن د)

اگراسطوانه ن ق كي، وسطكانت ف موتواسكي كميت = ف عد معن لا اور

لا ف عد معنالات وہ قوت نقبیر ہوگی جو ن قی پراسکے محور کے متوازی عمل کرتی ہے جہاں لا معن ک، جباں لا معن ک، ملے معن ک سیال کے وز و معن ک پرچو (لا ، ما ، می ) پرواقع ہے عمل کر نیوالی قوتوں کے اجزائے تحلیلی ہیں۔
اس لئے ن ق کے توازین کے لئے

(د + معت د)عر- دعد= لات عدمت لا

یا مف د یه ت کا مف لا انتهالینسوچبکرمف لا اوراس کے مف لا انتہا کم کرد نے جا کیں نقطدت پرکی

کتافت ف ہوگی اور ہیں حاصل ہوگا

جف د = ت کی

اس طرح کے عل سے جف د = ف ما

جف د حفنی = ف ہے

لكين فرد= جف د فرلا + جف د فرا + جف د وي

ن فرد = ف ( لا فرلا + ما فرما + ئے فری ) ..... (عم)

اس مسادات سے داٖ وُمعلوم ہوجآ اسبے۔ ۱۷ ۔۔ صرحگا واٖ وُ متبوع متغیرول لا اُلا کی کا تفاعل ہے ۔ادر مِم جانتے ہیں کہ

له تغرت بالامیں عداس قدر چوٹا لیا گیا ہے کراس کے خطی ابعاد بمقابلہ معن لاکے نظرانداز کیے جاسکیں مین لاکی تنبر بل من کے اس مین لاکی تنبر بل من کے اس بدلے سے افزنہیں ڈرا۔ من کے اس بدلے سے افزنہیں ڈرا۔

جِفاً د جِفاً د جِفاً د جِفاً د جِف ح حِف ما جِف ی = جِف ی جِف ا حمد ی جِف لا = جِف لا جِف ی حناد / حناد اس لئے گزشتہ مساوا توں سے ہمیں مندرجہ ذیل مساوا تیں حاصل ہوتی ہیں ۔ ر ان ش) = رعب (ث ما) مونه الم جف رف کا)= جف ال شے) ا جن الريار في المرابع المنابع م جن ف م جن ف = ف (جن ما حف م) م جف ما حف ما عن المجف في الم المجف ما حف ما من المجف في الم المجف الم المجف الم الم جون ش م جون ش ع ضر الم جون الله عن الله ع ما جفت الم حفت = ت (جن لا جف الله عن ا لا، ما اے عرب ویرجع کرنے جو توا زن کے لئے عزور می سنسرط ہے ۔۔ اس مساوات کی ہندسی تعبیر بیہے کہ قرت کے خطوط

سطی کے ایک نظام سے علی لقوا مرقطع ہوسکتے ہیں۔ ١٠ - ستينها تعات - ارسيال متعانب ادرب يكيك بوتو لا فرلا + صافر ما + عفرى

يوراتفرقه مونا حياسية تأكه توازن مكن موسك -بالفاظ دیگر زیر س کا نظام تخفظی ایقائی موناجا ہیئے ، در تو تول کی نعبہ قرہ تفاعل کے

م کا فی تغیرات سے ہونی چاہیئے ۔

اگرفته توه تفاعل روتو

مثلًا أگرقوتیں نابست مرکزوں کی طرف ان کے باہروارعمل کرنیوالی ہوں اور وہ ان مرکز ول کے ناصلوں کی تفاعل ہوں **ت**و

 $Y = X \left\{ \psi(x) \frac{1-t}{x} \right\}$   $= X \left\{ \psi(x) \frac{1-t}{x} \right\}$ ے = کے ( ن ر د ) <del>ی س</del>تے ک

جان (۱۱ ب عن) من مراد کے محدوی عبوات وت ف ( ر ) ال ہے۔ رِّ = ( الم - الم + ( ا - ب ) + ( ی - ج )

۵ کاؤلا + ما فرا + ئے فری = ∑ن (د) فرر

زد = ف マ ف (ر) فرر اس صورت میں چونکھ

 $\frac{\sqrt{1-v}}{\sqrt{1-v}} = \sum_{i=1}^{\infty} \frac{1-v}{i} \cdot \frac{1-v}{i} \cdot \frac{1-v}{i} \cdot \frac{1-v}{i} \cdot \frac{1-v}{i}$ 

 $\begin{cases} \frac{d-l}{r} \times \frac{l-l}{r} & \text{if } (r) = \frac{l-l}{r} \times \frac{l-l}{r} \frac{l-l}{r} \times \frac{l-l}{r} \times \frac{l-l}{r} \times \frac{l-l}{r} = \frac{l-l}{r} \times \frac$ 

تو بیرمسا دات پٹیکل

اس کئے یہ فلا ہرہے کہ سا وات (حر) ہمیشہ یوری ہوتی ہے سکین اس سے یغینی منہ رکا البا چاہمیئے کواس طرح کی قوتوں کے زیر عمل خیبر تنجانس سیال کا توازن بھی ہمینہ مکن ہوا ہے ۔ حب کثافت مقل پرونو (به ) مساواتیں موجا نی ہیں ادراسی کئے اس صورت میں مدیشہ پوری ،ونی میں اس سے اس صری تونوں کے زیرعمل اک متحالنر سال کا توازن ہمیشہ مکن ہے۔ - غیر تنجانس سیال -اگر قانون کتانت علیم روینی ت اگر ۱۱ می کاوا مواتفال ہوتو ( به )مسکوانیں وہ ستھیں ہیں جن کا پورا ہوا صروری ہے کہ دی ہوئی تو تیں کا ماستے میال کوتوازن میں رکھ سکیں -سیال کوتوازن میں رکھ سکیل -۱۹ - کیک ارمستیال: - اگر سال کیکدار بوتوایک اور مشرط کا اصلا فدہوجا اسے کیونکہ د ۽ م ٺ ، ارتبت ستقل ٻو  $\frac{6e^{2}}{2} = \frac{1}{4} (\forall 6d + ad id + -2 id) \dots (c)$ اُگرقرتیں توہ فہسے حاصل ہوسکیں بینی اگر لا فرلاءما فرماً + ہے فری پوراتفرقه ( - فرفه ) ہو تو م شرف = - فرقه ن م لوک ح = ۔ ف ، جال ج ستقل ہے يني د = ج توقع ادر ث = ج والم جب قوتیں نابت مرکزوں کی طرف اگل ہوں اور فاصلوں کے تفاعل ہوں ( دفعہ ۱۷ )

(111)

م فرد علی فه ( ر ) فرر ا*ضتیارکرتی ہے اور د کا نقین ہوسکتا ہے۔* اگر میبٹ متغیر ہوت<sup>و د</sup>ائیش اور کثانت میں میر ربط

= م ث (۱+ عه ت) ہوتاہے جہاں تیش ت مئی تیش ہا سے نا بی گئی ہے اور عه = ۹۹۵ س ۰۰۰ و م اس سے میں جال موگا

د ع م ف ع ( را + ت ) = هر ف ب

جمال در = م عد ، ادر ست = له ب ست ، مت کوتبش طلق کیتے ہیں جس کاصفر- ۱۹۰۵ متی پر ہوتا ہے ۔

اس صورت میں خد = کوفران + مافرها + مے فری

ادراس کئے ت تفاعل ہوناچا ہیئے لا ا ما ہی کا۔

ان میں سے کسی صورت میں اگر کسی خاص نقط برکا دہاؤ دیا جائے توسنقل رہانت

ہوسکتا ہے۔

تو مشقل معلوم ہر مباہا ہے۔ ۲۰ — ۵ دریا نت کرنے کی مساوات طربقہ ذیل سے بھی حال ہو مکتی ہے۔

فرض کروگر ن ق ایک بہت چھوٹے اسطوانہ کا محورہے جو ن فی برکے علی توام

مویوں کے طربہ ہوئے۔ فرض کروکہ داور د + مف د نقاط ن اور ق برکے دہاؤہیں۔ عظمی ترامش کا رقبہ ہے اور معن میں بن ن کا طول ہے اب اگر سمت ن ن میں دز ہمت ک

برعمل كرنبوالى قوتون كاجزو تخليلي مس معن كربهوتو

(15)

(د + مف د ) عدر د عه = ف عهر س اور اس کئے انتہا کینے سے

ی سمت میں داؤکے اعنا فدکی شرح دومقداروں کا حاصل صرب ہے۔ ایک مقدار كُنْ فِتْ مِهِ اور دوسرى مقدار قوت كا وه جرو تخليلي مع جواس سمت مي عمل راسي -اگر نقطه ن کے محدو کا ، ما کا می اور سس کے اجراب تحلیلی محدوں کی ست میں 🛭 ما، ہے ہوں تو

س =  $\sqrt{\frac{\epsilon (U)}{\epsilon m}} + ما <u>فرا</u> + ہے <u>فرس</u>$ 

بِنَ فُرِدٌ = تُ (لا فرلا+ ما فرا + ہے فری ) بوجب دفعہ ١٥ اگر نقطه ن کا مقام اسطوانی محدوول ر ، طه، ی کے لحاظ سے دیا جائے اور اگر قوت س کے اجزائے تکلیلی را طرا ہی کی ستوں میں ت است اسے ہوں تو

اور د کی ساوات ہوجاتی ہے

فر < = ف(ق زر + ست رفرطه + سے فری)

پیراگرن کا مقام تطبی محدوں (ر) طرا فر) کے لحاظ سے ویا صابعے اور قریب کے اجزار تحلیلی من ، ك ، كست ، ون جوعلی انترتیب ركی سمت مِن زاویه طه و إلى مستوی کے عمود کی مت میں اور اس ستوی میں ریر کے عمود کی سمت میں خلیل کئے گئے ہیں تو معلوم ہو**گا ک**و

مرفق و من فرو + ن رجب طرفرنه الت رفرط

اسی طرح فرد کے لیے حاکسی اور محددوں کے نطاع میں معلوم ہوسکتا ہے ۲۱ - مَسَادِ کی دا و کی نظمیں - تمام صورتوں میں جن میں کوسیال کا زان کئی ہول مت عال بوكا

د = فر ( لا ) ما ، ي )

جوالیسی مطح کی مساوات ہے جس کے تنام نقطوں یدد اوستقل ہے اورجس میں د کو مخلف قیمتیں ویکی ایک مساوی دارو تی قیمتیں ویک میں ایک سلٹ المتاہے نیزد کو سیال کے بیرونی

یہ صیں دیسے سے صادی و بادی حوں ماریک مت کا مناہ ہے۔ وہاؤ کے مساوی رکھنے سے بیرو نی سطح یا آزاد طبح حاص ہوتی ہے۔ اگر بیرونی دباؤ عمفر ہونو آزا دسطے ہوگی

فه ( لا ، ما ، می )= .

مقا دېر

جن فر جن فر ج<u>ن في جن في جن في</u>

جسط (۱) کے نقط (لا، ما، ی) پرکے عماد کی سمتی جوب التمام کے تناسب ہمی انترب التراب کے دون د

جف د ، جف د ، جف د جف لا ، جف ما ، جفن ی

کے مساوی میں سنی ف لا، ف ما ان ف مے کے مساوی میں اوراس کئے

لا، ما، ہے کے بتناہ ہیں۔

۔ اس کے کسی نقطہ پر کی حال قرت اس عماد کی سمت ہیں عمل کرتی ہے جواس نقطہ میں سے گزرہے والی سادی دا کوکسطے پراس نقطہ میں سے تھینچا گیا ہیں ۔

اس نیتیجہ سے بیستنبطہ بڑا ہے کہ تواز ن کے لئے صرور می منٹر لطالیسی طحون کے نظام کا وجود سے جو خطوط قرت کو علی القوائم قطع کرتی ہیں - میتیجہ ذمعہ (۱۶) کی مساوات (جر) سے

بھی حاصل موسکتا ہے۔ کیوکر بھر جانتے ہیں کراس شمر کے نظام کے وجود کے لئے مساوات کی مدد ساتیں مثارید

۲۲ سے کرسال متعانس ائع ہو بینی اگرف ستقل ہوتہ لا فرلا + ما فر ما + سے فری پورا

تفق موا حيا جيئي إ إنفاظ ويكر قوتون كا نطام تخفظي إ بقا في موا جابيت ك

عام صورت من الرّورون كانف منعالى موتو ت كولازاً تودونه كا نفاعل بوا چاہيے

(00)

کیزیکه فرد = - بن فرفه ادر فرد بوراتفرقه به - اسلیهٔ ن کو توه فه کا نفاعل بونا چارسیهٔ - اس طرح فه اوراس سئ ن ک ک تفاعل بس اور مسادی دبا و کی سطیس مساوی قوه کی سطیس هی بس اور مسادی کتافت کی سطیس تبیق -اگرسیال کیکدار بواور تمیست متغیر تو

 $\frac{ij}{s} = \frac{ij}{s}$ 

اس طرح الهی تشریکے عمل مستدلال سے است اسک کا تفاعل ہے اور مساوی وہاؤ کا کی سطحد مساوی کا تفاعل ہے اور مساوی وہاؤ کی سطحد مساوی کی مسلحد مساوی کی مسلحد مساوی کی سطحد مساوی کی سلحد مساوی کی سطحد مساوی کی سلحد مساوی کی سلحد مساوی کی سلحد مساوی کی سلحد مساوی کی دور کا تفاعل ہے کہ مساوی کی دور کی دور کی دور کی دور کی دور کی دور کا تفاعل ہے کہ مساوی کی دور کی دو

ی خلین مساوی پان ماین مین مین این است. سکن اگر لا فرلا + هما فرا + ہے فری بورا تفرقه نم زوتوسیطیر علم طور رین طبیق نیجی-فرص کروکه سال غیر متعالب اور ہے بیک ہے توساوی داؤی اور ساوی کنافت کی سطیر حسب ذیل مساواتوں سے عال جوتی ہیں

له به يتبع طرمتيه ديل سي بحي ستنبط موسكته بين -

قریب کی دوساوی وا دُکی سطوں برغور کرو- جن کے درسیان سیال کی ایک ترہے اور فرض کردکہ ایک سطے کے نقطہ ن کے گرو ایک چھوٹا وائرہ نبایا گیاہے ادراس کے محیط میں سے گزرنواے عما دوں سے سیال کا پھر حصد علیہ در کرایا گیاہے ۔ سیال کا یقصد توت عالمزان کے سروں اور محیط بر کے داؤنکے زیر عمل ساکن ہے اب چونکہ تقریباً یہ بہت چھوٹا اسطوانہ سے اور اس کے نعیط برکے تمام نقطوں برد باؤساوی ہیں۔ اس سائے دو نوں برخی دباؤں کا فرق توت عالمہ کی دہا ہے جاس سائے اُس سے میں عمل کرتی ہے جس سمت میں کہ یہ وباؤعل کے تم میں نقط ن پرکے عاد کی سے جاس سائے اُس سے بیں عمل کرتی ہے جس سمت میں کہ یہ وباؤعل کے تم میں نقط ن پرکے عاد کی سے بیں میں کہ یہ وباؤعل کے تعمل کے تعمیل کرتی ہے جس سمت میں کہ یہ وباؤعل کے تعمل کے تعمل کے تعمل کی نقط ن پرکے عاد کی سے میں کہ یہ دباؤ عمل کرتے ہیں نقط ن پرکے عاد کی سے بیں۔

اگرنز تیں ایک نور سے حاصل ہو سکیں تو حاصل توت ہم قوہ سطحوں کے علیٰ القوائم ہوگی اوراس سلنے سیادی واو کی سطحیں بم نوہ سطحول بینطبق بوگی -

عن با ما ما ما ما ما ما با ما با با ما به باس عنصری بسطوانه که توان مرغور کرف سنه عمل کرنیوالی ترت ای کا نی کمیت به سادی داد می سطور کا درمایی تا ادر چه کمه اس عنصر کی کمیت با کراست اس فاصله کے تعتامی سب سب سا سام می موتی میں -مستقل مونی چاہئے مینی سادی دا بُرکی ملحمیں مسادی کتا ف کی مطمیر کمی موتی میں -

رون

فرد = · ' فرث = · ینی ۷ فرلا + ما فرما + ہے فری = -جنت زلا + جنت فرا + جنت ورا + جنت وري = · · · · · · · · (ب) اس کے یہ ایسی طوں کی تفرقی ساوا تیں ہی جوابینے اہمی تقاطع سے ساوی داوا وار سے ساوی داوا وار سے ساوی داوا وار سادی کا فت کے سخینوں کا تقین کرتی ہیں۔ (ب )سے میں عاصل ہوگا۔ فرلاً عن فرا عن فرا المحف فرا المحف فرا المحف في المحف ف كيكن بنترائط توازن ست ت جن ما جن ن = ت جن م جن ن الله عن ما جن ن عن ما الله ت جن ع جن الله عن الله اوراس کے مساواتیں (ج) ہوجاتی ہیں 
 زلا
 زلا

 جفٹ کے جف ما
 جف کے جف ما

 جف ا
 جف کی جف کی جف لا
 جوساوی دباؤا ورساوی کتافت کے تنحینوں کی تفرقی سیا واتیں ہیں۔ ۱۹۷ ۔۔۔ ابہم ایک محدود کمیت کے سال کے توازن برعور کرنے سے یہ تبا کیں گے کہ

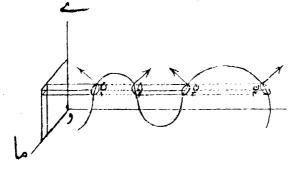
ىر جرح د يائو كى اساسى مساوات حاصل كى جاز<sup>.</sup> فرص کردکہ سال میں ایک بندسطی سی تعلیق گئے ہے ۔ اوراس کے کسی نقطیر بیرونی عماد کے تواز ن کی تنزطوں کواختصا را یوں بیان کر سکتے میں کہ حدود پر کے عما دی وہا بوکسیت پر عمل كنوا في نويون كا توازن كرت مي -اس طرح محورك متوازى تحليل كرف سي مهيشكل ذ**ل کی تیں مساوا تیں لمتی ہ**یں۔

کا که د فرس= ∭شلا فرلا فرا فری اور موروں کے گردمعیار نینے سے سمیں شکل ذیل کی مزیشین ساواتیں عاصل ہوتی ہیں-

ادرن ا-م ی فرس = الکت (اے -ی ما) فرلا فرما فری ... (۲) جهاں دوسرے مکمل کل سطح میں بر اور نہرے تکمل کل بند فضار میں گئے ہیں۔

اب كملد كرك جف د فرلا فرا فرى يرغوركرد جسك عدود مل دمي بي - محورلا كمتوازى

الك ببلامنت وروجولاز أسطى كوجفت مرتبه قط كرك ونس كروكد بينت ورتقاط ن ن ن ن ن برط كاجزا فرس، فرمس فرس ... قط كاب النشور كساته سائة مكل كرف سيمين على مجا



ن تا ن

ں چرینے حماجمی سماچدود

کین اگر طیم اطری طب .... نقاط ن ان ن این مین کے اِلمِروار عما وول کے میلان محورلا کے ساتھ ہوں تو

فرا فری ء - فرس جم طه ء فرس جم طبر = - فرس جم طبر = ....

- - ل زرس - ل فرس - - ل فرس - - س....

علات منعی ایمثبت ہوگی بوحب اس کے کہ زاو میمنفرجہ یا حا وہ ہو مینی بوحب اس کے كه منشور ميدات كمل مين داخل إيس مستضارج مورنا موسه اس کے ( ۲۷ ) میں حدو ویر کی تمیتیں رکھنے سے

∭ جف د فرلا فرما فری = کر(د لومِس + د پل فر س + + کر از مس + + د<sub>م</sub> ل فرس + ......

**₌** اگ که فرنس پور*ی تلع پر* ...... اس قمیت کو ۱۱ میں استعال کرنے سے مساوات

\\\ جف د من \\ ) فرلا فرا فری = ٠

(۱۵) حاسل مونی ہے اور نیز اسی طرح کی دو اور مسا واندیں حاصل ہوتی ہیں اور چونکہ سے سکھے مسال میں تکمل کی تما مرسعتوں بینی تمام مندسطحوں کے مصلے معدد مر ہوت میں اس کے هسستر تقطیر ر ان کے متکما صفر موف تیانیں

حف المرابع المحف المرابع المرابع

فزد = ف (لافرلا + ما فرا + مے فری ) )

مېم نے شکل د ۲ ) کې معیاروں دا لی سا دا تو رکوابھی تک است مال بنیں کیا لیکن بیم ابت کرسکتے ہیں که وہ تبھی مسا دا توں د ۵ ہستے پوری ہوتی ہیں۔ شلاً

∭ما ج<u>ف د</u> نرلا فرا فری

پر فورکرو ۔ اگر ہم اُسی نشور بر پہلے کی طرح کمل کریں اور اس کا خیال رکھیر کہ نشور یہ استقل ہے تو ہمیں صدود ن اور ن، ن مر اور ن مر وعیرہ سے درسیان تمل کرنے سے حال مو گا

کراد فرا فری

اورا دیر کی طرح یہ گا حل ما فرنس کے ساوئ ہے جس میں پوری سسطیم ترجمل لیا گیا ہے۔ بعنی مساوات ( ہم ) اس حالت میں ہمی درست رہتی ہے جبکہ ہم منکس میں ہا (یا می ) جزو ضربی کے طور پرمساوات کی طرفین میں شامل ویں۔اسی طرح کے سندلال سے حاصل ہوا ہے۔

کرد (ن مام می) فرسی حرار (اجف در حی جف در ) فرا فرا فرا ارتفاد (ن مام می) فرسی حرار (اجف در می جف می اندراج کرفے سے میں جوانا ہے

كرف (اے ـ ى ما) فرلا فرا فرى

اس طرح ( ۲) کی تصدیق ہوتی ہے۔

میرا در ب کوچونکسیال کال ترضی یا حقیمی زورکی مزاحمت کے نا قابل بنوا ہے اسلے اس میں اور میں اس کے بینتی بختا ہے اس سے بینتی بختا ہے اس سے بینتی بختا ہے کہ موروں کے گرومیا رہنے ہو اس میں حاصل ہوتی ہیں وہ لاز با بوری ہوئی جا ہمیں جبکہ محوروں کے گرومیا رہنے ہوئی سے حاصل شدہ مساواتیں بوری ہوں۔ کیونکہ توازن کی صورت میں موخرالذکر مساواتیں سیال کے کسی محدود یا صغیر جزکے لئے درست ہوتی ہیں اور تو توں کے اس توازن سے لازم آ با ہے کہ میا دوں کی مساواتیں بھی درست ہوتی ہیں اور تو توں کے اس توازن بے فورک نے بور کے سے ہم یہی تابت کرستے ہیں کہ میں اور لا خرا با جا فر السل ہے فرک کی بورا تفرقہ ہونا چاہیئے۔

کیونکہ اس عنصر کی سطح پر سے سیابی دبا وُتمام کے تمام مرکز کی سمت میں عمل کرستے ہیں ۔ اربیار ا درا سلئے عمل کر نیوالی تونوں کامعیار مرکز کے گرد معدولم مونا چاہیے ۔ فرض کردکہ مرکز کے محدولا کا کا کی ادراس کچھوٹے کرو کے اندکسی نقط کے محصد و اب چونکه مرازیر کی کثافت ف سے اسلے جلہ کے فرم (ے بر- مام ) ہوجاتا ہے ﴾ ﴿ وَمِهِ فَرِبِهِ فَرِمِهِ (تُ+ جِفْتُ عَهِ + جِفْتُ مِهِ + جِفْتُ مِهِ) ﴿ بِهِ ( مِهِ + جِفْ مِعِهِ السَّاع [[فرعه فربع فرحه (تُ+ جيفَ لا عم + حيف ما من السَّاعِينِ مِهِ السَّاعِ السَّاعِ السَّاعِ السَّاعِ السَّاعِ السّ جنے ہے جف مے جن اللہ جن ما جن ما عد بخت اللہ عن اللہ عن اللہ عن ما عد) اللہ عن ما عد اللہ عن ما عد) اللہ عن اللہ عن ما عد اللہ عد اللہ عن ما عد اللہ عن ما عد اللہ عن ما عد اللہ عن ما عد اللہ عد اللہ عن ما عد اللہ عن ما عد اللہ عن ما عد اللہ عن ما عد اللہ عد اب [[ عفرعه فربه فرجه = . ، كونكره كامرز حجم كامرز تمقل ب اسی طرح ∭به فرعه فربه فرجه و ۰۰ وغیره ۱۰ ادراگر فره = فرعه فریه فرم ۲ نَو الله عافرة = إلى بافرة = إلا مرا فرة = 🕆 [[(عراً +براً +جراً) فرنة = + 7 H 7 6 6 = N H 6 4 اسطرح الرعد المراء وكالفط وول كونظرا فاركرد إحاست ومعيار كاحلم موما يكاء \ جن رت ے) - جن رث ما )} ۲۳ رث ما ) اور چونکه میسفر و حابات اس کے جف رث ع) عرف الأصما) ۲۵ ۔۔۔ جا زبہ ارض کے زیرعمل ساکن سنیال۔ محر می کوانتصابی لیکری جیجے کی طرف ناہنے سے

لا = · · ما = · ، ہے = ن اور دفد(۱۵) کی مساوات (عد) ہوجاتی ہے فرد = ج ن فری

حبکوایک نتصابی حیوے اسطوانے کے توازن بر نور کرنے سے بی بلا واسطہ صلال معترب ا

ہے ہیں۔ متحانس سال کی *صورت* میں

د = ج ث ی + ۵

اورمساوی دبا کی سطحین انقی مستوی ہیں۔

اس کے آزادسطی افقی مستوی ہے ادراس کیے سبراکو آزاد سطی میں اور 🖪 کو بیرونی داؤ

تراردیے سے دین ٹ ی + n

اگراتزاه سطح پرکونی وباؤنه هوتو

د = ج ث ک

مینی کسی نقطہ برکا دہا وا اُزاد سطح کے نیعج اس نقطہ کی گہرائی کے متناسب ہوگا۔ عیر متعان سیال کی صورت میں مساوات

ز د عن ش فری

سے ظاہر ہے کہ ٹ کو می کا تفاعل ہونا چاہیئے۔ اس سے معلوم ہوتا ہے کہ ایک ہی اُعتی سطح کے تمام نقطوں پرکتا فت اور دبا وستعل ہوتے ہیں۔

مثال کے طور پر فرض کر وکہ ف ج می ت<sup>ی</sup> ہے مہ می <sup>ن</sup>

تر د = ع س <del>کان + ۱</del> + ۱۲

ں + ا ۲۶ --- دوا منع جو ہا ہم آمیز نہیں ہوتے ایک خدار نلی میں ڈائے گئے میں ٹاست کروکائلی مشترک سطے سے آزاد سطوں کے ارتفاع کتا نوں کے بالنگس تتناسب ہوتے ہیں۔ مشترک سطے برد باؤوہی ہیں اوراگر شترک سطے سے آزاد سطوں کے ارتفاع ی ، ی ہوں اور ما کھات کی کتا فتیں ش ، ٹ ہوں تو یہ داؤعلی الترتیب

(p)

٢٧ --- يراك مشهور قانون مي كه اگر جاذبه ارض اور جكني سطوں كے دباؤك نريمل كوئى نظام متوازن موتو توازن قائم ہو اہت بشرط كيد مركز تقل نسيلے سے نجائي مكن مقام ميں واقع ہو-حس سے يہ نيتي بكاتا ہے كہ فير متوان مائع كى صورت ميں كه إلى كے ساتھ كثانت كو بڑھنا چاہيئے كيونكه بيرصورت وگر توازن غير قائم يوگا-

مائع کی کچوہ مقدار حسب کی کٹافت گہرائی کا ایک ویا ہوا تفاعل ہے مئے نشئے پرتن میں ہے۔ اگراس مائع کو دوسرے برتن میں منتقل کیا جائے تو ہے تا بزن کٹافت کا معلوم کرنا مطلوب ہے جب کہ مبربرتن ایک گروششسی سطح سے چرک

کی صفح میں موجبرہ محوالی سے -لاکو آئے کے زیرترین نظر ہے اور کی طرف نا کیر فرصل کرد کہ یا = ف ( لا ) پہلے تا بہ کہ کا ہنر منون میں اے قرید این دونر کے برتن کا میں

برتن کا کو بنی شخنی ہے اور ما = فنہ ( لا ) دونسرے برتن کا-مجل پیل تاریخ بیال تاریخ الدون کا اور میں اور میں باریخ کرنڈ

بس اگریبلی برتن میں لا لمندی دالی ته دوسرے برتن میں لا لمبندی والی تهد کے متنا طورو تر چربکہ حجر ساوی میں اسلئے ہیں حاصل موگا

الرات ( على ) فرط = الرام (ظر ) فرط

اب عمل منظم سے لا کو لا کی رقوم میں حاصل کرسکتے ہیں۔ اوراسکئے ٹ جو لا کا تفاعل کا سرون وزوں بندانیہ سر

ے، لاکا نیا تفاص بنجا اسے۔ نیزار ان دوبر تنوں میں مائع کی گہرائیاںگ ، گ موں توگ کوگ کی رقوم میں معلوم کر سکتے ہیں اور اس لئے کٹافت ف گہرائی گ - لاکی تومیں معلوم ہوسکتی ہے کہ نیا تا دون کٹافت ویا جائے اور نئے برتن کی شکل معلوم کرنامطلوب ہو تو ہم اس طرح عمل کرتے ہیں :۔۔ (11)

تنافت چونکو رگ و لا) کا اور نیز (گ و لا ) کا دیا ہوا تفاعل سے ہم ان دونوں جلوں كو مساوى كركوكر لاكو الأكى رقوم مين معلوم كرسكت بين -

نیزمنناطر متوں کے جموں کو ساوی رفضے سے ہم ما فرا = کا فرا مال کرتے ہیں

حس میں لاگی نتیت لا کی رقوم میں مندرج کرکے ہم مطلو<sup>ا</sup> پیسیا وات معلوم ک**ر میتے ہیں**۔اور *پی*ھر

پورے بچوں کوایک دوسرے کے مسادی رکھ کرگ کی قبیت معلوم کرتے ہیں ۔ مثال ا سایک اسطوانی برتن ہیں انع کی کتا نت ایسے برلتی ہے جیسے گہرائی قانون کتا فت معلوم کرو اگرا نع کو ایک مخروطی برتن میں ڈالامبا سئے جسکا راس بیمیے کی طرف میو-

ث ہے مہ رگ ۔ لا )

اور ۱۹ وُلا = الله ۱۳ لاً المست عه نیز ۱۹ وُلا = الله ۱۳ گرا مست عه

مثال ۲\_\_ ائع کی کیم مغدار جس کی کتافت ایسے مدلتی ہے ج*میسے گہرا*ئی ایک اوند ہے یا اسطے ملانی نمامیں دی ہوئی بلندی بہر ہری ہوئی ہے ایک ایسے برتن کی شکل معلوم کرہا ، (جوگروشی سطح کی شکل میں ہو) کہ اگراس ائع کواس میں ڈا لا جا سے قو کٹافت الیسے بیہا

اس صورت میں ف=مداف-لا) حدمد (ف - لا) جمال ف م گرائیاں ہیں-

لا = ف - برا فق - لا ) ارس = مدج

سادات ۱ و لا فرلاء كأ فر لأسے

عُ كَا = م او (ف - لا) إنت - (ف - لا) }

عاصل مقاسبير

عل کو پورا کرنے کے ملئے پورے حجوں کو سادی رکھنا جا بیٹے جس سے ہیں گئا ، ج ف حاصل ہوتا ہے جو ف اورج میں مطلوبہ ربط ہے ۔

۲۸ — حاذبه ارض کے زیر عمل کیکدارسیال کاسکون -

اس صورت يس د = م ت

ادر <u>زد</u> = ج فری ه لوک <u>د</u> = <del>بی ک</del> ه لوک <u>د</u> = ج وم

یہاں بھی ساوی داؤ کی طحیں انقی ستوی ہیں اور ستقل ہے کا تعین ی کی کسی دی ہوئی قیت کے لئے داؤ کی سطورت سے ہوئی قیت کے لئے داؤ کے لئے داؤ کے معلوم ہوئے سے سوسکتا ہے۔ یااس صورت سے

مثال: - ایک بنداسطوان میں حلکا مورانتھا بی ہے ہواکی دی ہو تی کمیت ہے۔ اسطوان کے سے سے کو نامینے سے

جسے جے معلیم ہوجا ہے۔

**۲۹** – مسا دات عامه سیکه استعال کی مثنالیں۔

ر ۱) فرص کردکہ اکع کا دیا ہوا مجم سے محوروں کے متوازی قوتوں مدلا کے مدما کا مای اللہ کا مدما کا ہے کا میں اللہ کا میں کا می (44)

كےزوم ساكن ہے تو

نرو = ف (- مولا فرلا - مرا فرا - مرى فرى )

$$(\frac{1}{r_{1}} + \frac{1}{r_{1}} + \frac{1}{r_{1}} + \frac{1}{r_{1}} + \frac{1}{r_{2}} + \frac{1}{r_{3}})$$

اس کے مساوی داوی کی مطمیر متفایز اقص نماہی اور آزاد سطح کی میا وات جبکہ بیرونی داو

اب جس شرطت متقل معلوم ہواہے وہ یہ ہے کہ اس کا جم دیا گیا ہے اور

ح = يم ١١ ربة (رت )

( ۲ ) ایک نامت ستوی برا نع کا دیا ہوا مجم ایک ایسی قت کے زیرعمل ساکن ہے ہوستوی کے ایک نامت نقطہ سے فاصلہ۔ ایک نامت نقطه کی طرف عمل کرتی ہے اورالیسے برلتی ہے جیسے س نقطہ سے فاصلہ۔

ب اجف تعظم می طرف مس ری ہے ہور ہے بدئی ہے بیسے اس مقط نابت تعظمہ کومبدا قرار دیکر کسی نقطہ پر ہا دسعلوم کرنے کے لئے حبلہ

رر د = + س ن ( الا - را )

مستوی کا ده مصیبکو ما نیمس کرتا ہے ایک دائرہ ہے بھی نصف قطر الرہے اور اس کئے اس پرکا دبا گئے ۔ \* \*\*\* کرد رفر رفر طد

= له ١٠ حث لا

(۲۳) اس نتیجیکو مه بیا ا × بیا ۳ ث لاسمنیکل میں رکھا عاسکتا ہے۔ یہ جلالیسمیشش کوظا ہرکر اسبے جو ما لع کی کل کمیت پر جبکہ وہ مرکز تقل پرایک ما دی ذرہ میں کمثف ہوجاہے عمل كرتي ب أور در حقيقت به حلمه منه فرض كرك بهي فوراً عال كميا عاسكتا ب كه به ما تع توت کے مرکز یر کی تشش ادبستری کے تعال کی وجہ سے ساکن ہے ( ۱۷ ) ایک وز کُ دارها کُع کا دیا مواحچم ایسی نوت کے زیرعمل ساکن سنے جوا یک تا بت نقطه

کی طرف عمل کرتی ہے ارابیسے البتی ہے جیسے اس نقطہ سے فاصلہ۔ ناً بت تقط کومبدا ٔ قرار د و اور ی کوانتصابی مت میں پیچے کی طر**ن ای**و- **تو** ٧ = - مرلا ما = - مرما ، ه = ج - مرى

اور خ = هر- مه لانه الم الم عن + ج ي

سادی داد کی طحیر کرے ہیں۔ اور آزا دسطے بیرونی دباؤکو صفر فرض کرکے سا واس لاً + ما + ي - الله ي = حمد

> اس کرہ کا جم ہے T- 12 + 27 ) n - 12 - 1

اس کودئے ہوئے جم کے مساوی رکھنے سے متقل هر معلوم ہوجا آہے اور بھرکسی تقطیر پکا وہا ُو ر اور می کی رکوم میں *کیا جاسکتاہے۔* 

لهومت والاسيال

سر ارسیال کی محدمقدار کمیاں رفتارسے اوراسینے ذروں کے اضافی مقااب کی تبدیلی کے بغیر ( بینی شیچیم کی طرح) یک ٹابت بحر سے گرد کھو ہے تؤگز شتہ مسآ وا توں سکے ذریعہ ہم کسی نقطد پر کا دَا وَ اور سیا ٰوی دَا وُ کی سطوں کی نوعیت معلوم کرسکتے ہیں ۔

کیونکہ اصافی اوان کی ایسی صور توں میں سیال کا ہر ذروایک دائرہ میں کمیساں رقبارے وکت

کرگا درسیال کے کسی ذرہ ک برعمل کر نیوالی ہیرونی توتوں اور اس برے سیالی وہاؤگا حاصل تو

ک سیار کے سیاری موالی ہوتا ہے جو مور کی طریف عمل کرتی ہے جہاں سدزاوی رفتار اور ر،
محورہ ذرہ ک کا فاصلا ہے ۔ اس لئے نیٹیج بنگلا ہے کہ ہیرونی توتوں کو اگر سیالی دباؤ
اور نورسے قمل کر نیوالی توتوں ک سنڈ رکے ساتھ ترکیب ویاجا سے توہیں سکونی توازن کا ایک
نظام سلے گاجس پر دفعات گرشتہ کی مساواتیں استعمالی ہوسکتی ہیں ۔
متجانس العلی کی جی میں ایک برتن میں کیسال دفقار سے ایک انتصابی مورک کردھوم رہی سے کسی نقطر پرط ویا کو اور مساوی دباؤ کی سلمی معلوم کرنا مطلوب ہے ۔

سے کسی نقطر پرط ویا کو اور مساوی دباؤ کی سلمی معلوم کرنا مطلوب ہے ۔

سے کسی نقطر پرط ویا کو اور مساوی دباؤ کی سلمی معلوم کرنا مطلوب ہے ۔

سے کسی نقطر پرط ویا کو اور مساوی دباؤ کی سلمی معلوم کرنا مطلوب ہے ۔

سے کسی نقطر پرط ویا کو اور مساوی دباؤ کی سلمی معلوم کرنا مطلوب ہے ۔

عامہ ہوجاتی ہے

ا فرد = ن (سالا لا فرلا + سال افرا - ج فری) اوراس کے

اس کئے مساوی دبا کو کی سطحیں گروشی مکا فی نما ہیں اوراگر بتن کے اوپر کا سرا کھیسلا ہوا ہو نوآزا وسطح مساوات

سارلاً+ اً )- ع ی + حد الله

سے عاصل ہوتی ہے جاں ۳ بیرونی دہاؤ ہے یستقل کا تعین ہرخاص صورت میں مغروضہ وزیاں کی سیکہ اور اسکا اے ۔۔

چیزول کی موسے کیا جاسکتا ہے -شلاً اگر برتن کا سرا ہند ہو اور مائع سے اسکو بھر دیا جائے اور ۲۱ = • تو مورسے بلند ترمین

نقط کومبدار وارسیے سے کا عن جکر لا ا کا ای مفروں اوراس کے هر = ٠٠ اور

د = ٺ(ل سا (لا+ ١٤) - ج می } ٣- اب ایک ایسے موکدارستیال کی صورت برخور کر وجوالیسے مرتن میں بندہ ہے جوایک انتصابی

(44)

كر وكلومتات

اویرکی طرح فرد = ن (سارلافرلا + ما فرما ) -ج فری)}

د = م سف : م وك ف = سال الم الم الم - ع ى + هر

اس طرح مسادی وا در کی طعیر اور ساوی کتافت کی طعیر سکانی نما ہیں۔

فرنس کردکہ برتن اسطوار سے جواہتے تحور کے گرو گھوم رہا ہے اور نیز سال کم

دی مو نی*کٹ میننقام حام کرنے کے لئے سیال کوعنصری* افقی حالفتی میں **بر اراک**ک کی کتا گئے۔ کیس ترتب دیا ہوا خیال کرفیہ اور فرش کروکہ اونجائی می برایک طفعے کا تضعف تطریر ہے ادر انقی موانائي معت دام انتصابي مونائي معت ني هيء اوراسطوار كانصف قطر لا أورا رنتسلام

ب سیم نو طفتر کی کمید ۲ م من رسف ر معت می

ادر فراکی کا کمیت (ک) = آر از ۱۳ من ر فرر وزی

جان مبداکواسطواز کے قاعدہ میں لیا گیاہے

ف = وأ × و عام

 $(e_{i} : \mathcal{L} = \frac{1}{\sqrt{m_{i}^{2}}} \cdot \frac{e_{i}^{2}}{e_{i}^{2}} \cdot \frac{e_{i}^{2}}{e_{i}^{2}} - 1)(1 - e_{i}^{2})$ 

مرس بالرسال يكسال زقارت گوم را مرداوركسي قسم كى تورتوں كے زير عمل موتو اتواز ن كى مساوات عام موكى

فرد = ت { لافرلا جما فر ما به عاری به میا ( لافرلا جافر ما ) }

توازن کے امکا اُن کے کئے شرط کی تین مساواتیں بیری ہونی جاہئیں جن سے فراہ کا پررائکمی ہونا ظاہر ہردادراگر پیشرطیں بوری ہوں کا مساوی داوڈ کی سطھول اور تعیش صورتوں میں آ

آزاد سطح کا نتین ہوسکتا ہے لیکن ہویا درسیے کہ ہمینیہ آزا ڈسطح کا سر جود ہونا مکن نہیں ورال آزاد سطح کے وجود کے لئے صروری ہے کہ مساوی دباؤ کی سطحیں گردیش ہے محدرے کیا تا سسے متشاکل مہوں -

امنيايه

ا - ایک بند کی جزاقص کی لئکل میں ہے ادر جس کا محداعظم انتصابی ہے تین مختلف الکوں سے جن کی کٹافت کی سے جن کی کٹافتیں سنے کو سنے کا سن کا جن کی کٹافتیں سنے کا صلے کسی ایک ماسکے ساتھ کسی ایک ماسکے ساتھ کسی ایک ماسکے ساتھ کسی ایک ماسکے ساتھ کسی ایک ماسکے سے علی الترشیب رہ کر ہر ہموں تو تامیت کروک

ر (فر- فر) + رفر - فر) + رفر - فرا

٢--- ايك ساكن متجانس الع كى دى بهونى كميت كه ذرات فالذن قدرت كمبوهب ايك ورسرك ورات فالذن قدرت كمبوهب ايك ورسرك كورب كرات الم

مو ۔ ایک مانع کی کنا فٹ ایسے بدنتی ہے جیسے آزاد سطے کے نیج گرائی کا مربع - (1) ستطیل

رقبه بردا کوسعلوم کرو جوانتصاباً عین و و با مواسب اور حسکا ایک صناع سطی میں ہے (۲) دائری رقبہ پر آ کا دبا کوسعلوم کروجو مائع میں عین و دبا مواسب -

راس، کی کی سطے ہیں ہے۔ ابیرو اِئی سلوم کرو (۱) جبکہ اکی متعالنسس ہو (۲) جبکہ الع کی کتافت ایسی مدیجے جیسے گرائی -

۵ کے مساوی داوگی سطحیں دربانت کرد جبکہ تو تیں نابت مرکز دن کی طریف اُمل ہوں اورایسے مدلتی ہوں چیسے ان مرکز دن سے فاصلے ۔

مبین ہیں ہیں۔ من رزیں ہے۔ ہ 4 ۔۔۔ ایک منتظم حارسطحی ( ذواد بعثہ انسطوح ) کو ما گئیستے بحردیا گیاہیے ) اوراس جاح تھایا سری سریک

گیاستے کہ ان کے دومقابل کے کنارے افقی ہیں۔ اس کے مختلف بہلوؤں برسکہ را وُکی ما نُع کے دزن کے معالجة منفا لمبرکرد۔

ا سے اگر نقطہ لا ، ا ، ی پر فی اکا ئی کمیت محدوں کے متوازی تو نیں

1(6-5), 1(6-5), 11

عمل كريس تو نابت كروكم مساوى والوكن طحيل زائدى مكافى نما بين اورسيادى وا داور كأفت

۔ ایک ٹھوس کرے کے اندر دوکر وی جوف میں جیکے بضف قطر عموس کرے کے نصعت قطر کے بیفت ہیں لنکو اکع سے محرد یا گیا ہے ۔ معوس ادر مائع کے فرات ایسی قوتوں سے ایک ودسر سے کو حذب کرنے ہیں جوالیہ بالتی ہیں جیسے فاصلہ نامت کردکر مساوی وا کی طعیر تھوس کرہ کے ہم مرکز کرے ہیں ۔

٧ = - (1 + 1 ي + ي) ما = - (ئ + ك ا ) ك = - (لا + لا ) ك = - (لا + لا + 1) مصنعبیرہ تی ہیں اُنع کی کمیت کوساکن رکہ ہنگی گر اُنع کی کنافت ایسے بدلے جیسے مستوی لا + ما + ی ع · ست زناصلی، - نیزنا بت کروکه مساوی دادورساوی کفافت کے کے منحنی دائرسے ہیں۔

\_اگر بک مخروطی بیابی اسم سے بعردیا جائے تو نابت کردکہ اسم کے جریس کسی نقطہ بر کے اوسط دباؤ اور بیالد کی سطے کے ایک نقطہ بیکے اوسط دباؤ میں نسابت ۳: م کہوگی-

اا ۔۔۔ ایک بے وزن برتن فائم مخوط کی شکل کا ہے جسکا زادیدراس م عمدے - برتن کولمنع مع معرداً كياسيع اوراس كوكورك كسمى نعظم سع الكادياكيا- الرميز والمك موركا سيلان أتعالى سمت کے ساتھ بہ ہوتہ ناہت کردکہ

مم ۲ ہر = مم ۲ عد - سل قم ۲ عد انع کی کیوکمیت ایک مرکزی عبا ذاب تورت ( رہیے ) کے زیرعمل ایک سنوی بیساکن ہے توت كامرزستوى سے ج فاصله رأس طاف واقع ہے جس طاف مائع نہيں ہے۔ مائع كى آزاد كردى سطح كالفعف قطرا ہے . نانت كرد كەستىرى بردادً

<u> المت سر (و -ج)"</u>

استعانے وقوق کے زیر ممل ساکن ہے جوایسے برلتی ہیں جیسے ووٹا بت نقطوں سے فاصلوں کے معکوس مریعے میساوی داو کی منطمیں معلوم کرو-آگرصفر دباز کی سطحایک کر درمو توناً بت کرد که ایسے نقطوں سے حربرای بیمی رکا دبار قوت کے ایک مراس فاصلے العکس متناسب سے کرے ہیں۔

امثله

۱۲ --- اگرائی کے ایک عفر جونقطد لا ، ای برست ) برعل کرنے والی تو و سکے اجزاے تعلیم محروں کے متوازی علی الترشیب

1+11+11+12+11+11+11+11+11+11+11+11+11

 $\frac{2}{2}
 \frac{2}{2}
 \frac{2}{2}$ 

١٥ - مانع كي تحيكست ورون

"(S-(1+U)=2-"1-(U+U)=1"1-"(S+1)=8

ے بیل توازن میں ہے۔ کثافت معلوم کرد اور نابت کرد کرمساوی داؤ کی سطمیر کردشی زائد نماہیں۔ ۱۶۔۔۔۔ مائع ترت کے ایک میلان میں ساکن ہے جہاں

٧= ١١ + ى - لا ١ - لاى الما = ى + لا - اى - لا السع = لا + ا - ى لا - ى ا

نا بت کرد که مساوی د با ؤ اور کنافت کے شخنی دائروں کا ایک حبث ہیں ۔ رئیس کرد

۱۵---- اگر کا = ما (ما + ی) اما = ی (ی + د) اسے = ما (ما - لا) تو تابت کردکم ساوی و اور کثافت کے منحنی ما (لا + ی) استقل اور

ما + يى = متفل سے جال بوتے ميں

۱۸ --- مساوی داوگی طحبر معلوم کروجبکرکسی نقطه (لا، ما، ی) پرکی قوتوں کے ابزائے تخلیلی ما (دا + می) کی کوکر مطلوب طعیس تخلیلی ما (دا + می) کی کرکر مطلوب طعیس

کلیکی ۱٫۷۴ کی) کو زامدی مکا نیمنامیں

ا (لا + ى) = ج (ا + ى)

4 ا ۔۔۔۔۔ انع قر تول کے دسے بوسے نظام کے زیر مل متوازن ہے اگر فتا = فد (لا الا می) ، من = فد (لا الا الا می) کسی نقطه پر کی کتا فعظ کی دومکن قیمتیں ہوں تو تا بت کردکہ ہر مور ت میں مساوی دباؤ کی مطور کی مساواتیں

فه (لا ، لا ، مى ) + لهدفه (لا ، ما ، مى ) = ·

سے عاص موتی ہیں حیاں لہ اضتیاری مبدل سے۔

، م \_\_\_ ایک کھوکھلا کرہ حس کا مصف قط اوسیت اکا ٹی کٹنا فت کے ستجانس انع سے میں عین کھرویا گیا ہے۔ اسکودو خارجی جاذب مرکزی فوتوں میں اور تیں سکے درمیان

حرکیا ہمی فاصلہ ہے ہے ایسیم مقام برر کھدیا گیا کہ قرنوں کی دحبہ سنے اس کے مرکز کیششیر مساوی گرشقابل ہیں۔ ٹابٹ کروکر کسی فقطہ بر کا دباؤ سیے

> مِرِّ + مَرَّ <u>مَرَّ أَ مَرَةً (مَد + مَر) } </u> [ (م + مَرَّ ) وَالْب مرمَدَى } ]

السلم کرہ جس کا تصف قطر ج ہے سنجانس ائع سے تقریباً بھر دیا گیاہ ہے ہے کرہ قوت کے دو بیرونی مرکزی متقابل جا نبول میں آت کے دو بیرونی مرکزوں سے زیرانز ہے جو کرہ کے قطر پر مرکز کی شقابل جا نبول میں آت کے ہر مرکز کی ششش فاصلہ کے مربی کے سناسب معکوس میں ہے ور مائے کی مکیت پران کی ششمیں بالتر تبیب سے 17 ج اس میں میں۔

الراس ) المراد مراد المراد - على اور الراب على المراد الله مراد الله مراد الله مراد الله مراد المراد المرا

 $\frac{1}{\sqrt{(2,2)}} = \frac{1}{\sqrt{(2,2)}} + \frac{1}{\sqrt{(2,2)}} + \frac{1}{\sqrt{(2,2)}} = \frac{1}{\sqrt{(2,2)}} + \frac{1}{\sqrt{(2,2)}} = \frac{($ 

۱۹ - ایک انع کی کتافت جوایک اسطوانی برتن می ہے ایسے بالتی ہے جسید گہرائی۔ اس کو درسے برتن میں منتقل کوا گیا ہے حس میں کثافت الیسے مبلئی ہے میسے گہرائی کا مربع۔
دوسے برتن میں منتقل کوا گیا ہے حس میں کثافت الیسے مبلئی ہے جیسے گہرائی کا مربع۔
زیر میں برک میں منتقل کوا گیا ہے۔

اس نستهٔ برتن کی شکل معلوم کرو-سر است ایک مندر مخروط مبرکاز دویه راس ایک به بانی سے عین مجر دیا گیا ہے اور از کل ایک کون ایک افعی مستوی میں مصنبوط جڑو گیا ہے۔ مستوی کو کمیساں زاوی رفتار سے ایک انتصابی محدر کے گرد جو سحزوط کے راس میں گرزتا ہے گھایا گیا ہے۔ بڑی سے بڑی (46)

رفقار معلوم كروكه حبس سنت لمبندتزين نقطه ميرو مبائو صفر ره مسيكيه ادراس صورت مبس قاعده بركا ومابك اسدها دُندا جسكامِروَرَّه السي قرت سي مشرف أراً سي حبي عامل سكم مربع ك بالعكس بداني ہے متعانس ہے بچائك سال كى كميت سيم گھزا زوائے مساوى دا وكى سلموں كى ئىنىكا برجادهمرد -٨٥ - ايكنة أن دارمائع افقى ستوى بيتها بواجه ادرايك أا بندا مركزك ظرمت ايسى ستنقل « ستنه عذب مور باروشه حس کی شدسته جاذبه ار حق سکه م يزمستوى بركا وباؤمعلوم كردادراكابت كروكهب مستوى قرت كمرارين ست أزرابهم تویہ دباً کا اُنع کے دان کا جم ہونا کہ - ایز سنوی ریکا دبار اس صورت بی بنی حادم کرو حبکہ لى برصية كمنتعشر كرئاسية ينول كے الدركے مصركة سخانس الله كت حراً مجروباكيا ہے جو ايك ساتھ بكسال وفيايست كرون كے مرزوں میں سے گزرزو استحقار شنیم کے گردگھومتا ہو ثابت كروکیا زائر طح کوئی مکا نیما ہوتا دوسرے کوانسی قوت سے مغرب کراسے مرتا سلے کے مربع کے انگس برلتی ہے تا سے کروک سطح یریک وباو اور سیال کے کسی ا ذرونی نفظ میریسے والز کا فرق اس نقطه یں سے گزیزیا لی کره کی مچھو لی سے چھوٹی تراش کے رقبہ کے متناسب ہے۔ م ۱ --- ریک کوبلابرتن حس می مان سیمے کیسال آرا دی رفتارے ایک انتصابی توریکے گرد گھما پاکیا ہے برتن کی شکل اور اس کے ابعا ومعلوم کرو کہ وہ عین نا ل ہوجا ہے ۔ 44 --- شَوَّانس سال كَي ايك غير عدود كميت ايك بند سطيك كرو ب اورسطي كاندروني نقطر ( ق) کی طرف الیسی قرف سے حذب ہورہی ہے جوفا صلے کے کمب کے تناسب معکوس میں ہے اگر شطے کے مسی نقطہ ف بریکے عنصر برجود باؤسے اسے مت ف و میں غلیا کہا جا ہے تو نا بت کروکہ اس طرح حاصل بندہ تمام معتطوں کے قطری دباؤں کامجوس ستنقل ربيا بيده خواه مطي كرجسا مت أوراس كي شكل محيدي بولبشر كي نقطه ف سعال متناسى

فاصله پرسیال کا دبادُمعدوم بوجاتاً موس

س ـــخط صنوری ( cardiod )

( = [ ( 1 - جم طر)

کو اس کے مورکے گرد جوانتصابی ہے (راس او برای طرف) گھاکر ایک ظرف بنایا گیا ہے ادر اسکو با نی سے میں بھرویا گیا ہے۔ یکسال زاد می رفتارت یا مورکے گرد گھوم رہا ہے۔ یہ تمار معلوم کر وجبہ صفر و باؤکا خط طہ ہے ہے۔ ہوکیسی دو مرسے نقطہ بربھی دباؤ معلوم کرو۔ ادر وہ نقت اط مھی دریافت کرومن برکا و باؤ بڑے سے بڑا ہے

مس کرتے ہیں کمسی نقطرت کا نقین (ر) طر، فر) سے کیاگیا ہے جہاں نقطر ف ہیں سے گذر نیوالے وائرہ کا نصف تطراوراس کا مرکز ج ہے ذاویہ وج ف کو طرسے اور ستوی وج ن اور کو ارسی کا در موری میں سے گذر نیوالے ایک ثابت مستوی کے در میان جوزا وید بنا ہے اس کو فنہ

سے تعبیر کا گیا ہے۔

نا مَت *کروک*ه

فرد ث من میراد - جم طه ) فرر + ت مب طه فرر + ت د فرطه + ن رحب طفرفه

مہاں ائے کے مقدم برقوتیں میں، م ت ، م ف علی الترتیب ج ن کی ست میں دارو کے نقلد ن پرسے ماس کی ست میں اور دائرہ کی ستوی پرسے ما دکی مست میں

حمل کرتی ہیں۔ سوس --- ایک نیکدارسال کی کیت ک ایک تورے گرد کیساں نداوی رفقار سدھ تھوم رہی ہے ادر مورکے ایک نقطہ کی طرف ایسی شعش کے زیر عمل ہے جوفا صلا کے مرکزا کے مساوی

بے۔مد، سات براہے۔ ابت کروکدمساوی کتافت مث کی طوکی مساوات ہے مدر لا ابتا ہے ابت کروکدمساوی کتافت میں اوات ہے مدر لا ابتا ) = م وک (معرامہ سنا) × من میں کا

(YA)

۱۳۳ سائع کی کچر مقدار جس کی گنافت ایسے ملتی ہے جیسے گہرائی ایک اسٹے مکا فی نا میں جس کا وتر فاص کی گنافت ایسے جس کا وتر فاص کی گنافت ایسے برتن میں فتقل کیا جائے حکی شکل سختی مدت کی جیسے گہرائی کا مربع اگراس کو ایسے برتن میں فتقل کیا جائے حکی شکل سختی مرتن میں فتقل کیا جائے ہے جاتا ہے تا ج ت لا ( او س لا ) (۲ او س لا )

کومور لاکے گرو گھانے سے حال ہوتی ہے جہاں و کوئی ستقل ہے۔ ہے۔۔۔۔۔ مازب الذات مائع کی کمیت حبکی کٹافت ن ہے تواز ن میں ہے تا او کہ شن

ے است برب بالدات ہوئے مام میں ملی ملی کا میں ہے۔ معکوس مربع کا قانون ہے۔ تا بت کرد کہ ائع کے کسی کرہ میں ادسط دباؤ مرکز برکے دباؤسے بقدر ﷺ مٹا تر کے کم ہوگا جمال دکرہ کا نصف قطرے ۔

بعد و المسلم المسلم الون بها من و الما فقى مستوى براسنة قاعده بركه المواسي - المسلم المواسي - المسلم المواسي - المسلم المواسي المسلم المواسي المسلم المسلم

١ ﴿ جَا ﴿ جُ ﴾ : ٣ جَا ﴿ جُ ﴾ ٢

سے بہلجاتی ہے۔ یہ فرض کرایا گیا ہے کہ اگر مائع کوستری پر ڈالدیا حاسے تو تو انائی ! لفتوہ صفر ہوتی سے۔

مس ايك سيال قانون

رٺ۔ ف) ہرد۔ دِ) ث

کے مطابق خفیف طور پر دنباہے جہاں ہر ایک حیو فلم مقدارہے۔ نابت کردکہ اس سسیال کی ہے ہ شبر اور نمیت اسپنے وائی سجاؤسب اور بیرونی دباؤ جسکے زیر عمل ایک کردی خیکل ختیارکرتی ہے جبرکا نصف قطر توریج

 (لا، ۱۰ ی ) یزنوت (فی اکا فی کمیت ) کے اجزائے کیلی ۔ و لا ، ۔ ب ما ، ہے می ہیں-مبدا میردا و اور کتا نت علی الترتیب د اور ت کے مساوی ہیں۔ نابت کروکہ و ب ج ت ک = ۸ الات

(۲۹) اسم سرواکی دی ہوئی کمیت ایس موابنداسطواند میں سے جبر کا محورانتها بی ہے میوا اسطوار کے محورے کے گروا میا نی توار ن میں گھوم رہی ہے۔ تحریکے بلیدتریں نقطہ بر د بائو کے اوراس کی خنی سطے کے لمبند ترین نقاط بر اوبار دبار دست خاہت کردکدا گرسیال مطلق طور يرساكن بونا تومورك بالأكي نقطه بركا دباؤ

( د - ک ) سوتا ، جهال بهوا کا وزن بھی محسوب کمیا گیا ہے -

، یم \_\_\_گیس کی کھکیت مستقل نبیش ریابسی قونوں کے زیر عمل ساکن ہے جن کا قوہ نصنار کے کسی نقطہ پر فدہنے (فیفا رسٹے حدو دی شائط کچہ بھی ہوسکتے ہیں)۔اُس نقطہ پر جہاں فہ

ا ب گیس بیست قور آن کا عمل مٹا دیا گیا ہے اورا سکوابسی فصا میں بند کیا گیا ہے ہیں اس کی کتافت کیساں ہف رہتی ہے۔ نابت کردکہ تعبیلاؤ کے باعث گیس میں ذائی توالی گ الفتوه كانقصان ہے

ت الله و الله فر الله فر الله

جهات کمل کل گیب بھرس لئے گئے ہیں جبکہ وہ ایتدا ئی حالت میں تھی ۔ الهــــانيك ليكدارسيال كى دى بو ئ كميت كسب ايك استوار خول مين داخل كگي اس خول کی ساوات الا + الم + الله عليه د عرات اور سال کے لئے کليه د عرات ورست رہاہے بیسیال ایسی و و سک نظام کے زیمل سکوں اختیار کر تاہے جس کا توتی تفاعل ہے ہے۔ لوک ( اللہ + اللہ + من ) + سنقل

1 = 10 + 11 + 11 = 25/1

کے کسی نقطہ رکا دہاؤٹ ہو تو ٹا بت کرد کہ خول کے اندر کمیت کے سیادی حصوں کے حساب سے اوسط دہاؤ ٹوکا

مرم ك المانية ( المربع + جرا + المربي )

۲۷ -- ایک بندنصف کردی برتن کا تصف قط و ہے۔ اسکواس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کی متوی سطح انفی اور اوپر وارد ہے اس میں سجانس دن وارا کو ڈالا گیا ہے جو محور کی طرف ایسی قرت سے جذب ہوتا ہے جو محورے فاصلہ کے کمعیب کے تناسب منکوس میں ہے ۔ ایسی قرت سے جانس کی آزاد سطح نصف کرہ کوراس سے زادی فاصلہ ﷺ برملتی ہے ۔ اگر یہ نطاع محوسے تو آزاد سطح برتن سے سستہ می رخ کوکنا رہ اگرین نظام محدر کے گرد کا کا بی فاصلہ پر قوت سستہ لاک برایسے دائرہ میں لئی ہے جرکا فصف تطرب ہے تا بت کردکہ اکا بی فاصلہ پر قوت سستہ لاک برایسے دائرہ میں اور سب اور سیرسا وات ذیل سے مربط میں

مرم ۔۔۔ ان کی کچے کیاں کمیت کر وی تکل کی ہے۔ اس کی کثافت ن بد لا ہے اور نصف قطر الساس کے گرد دو مراب یے بچک ارتعاب حس کی کثافت من ہے اور بیرونی نضمت قطر الساس کے گرد دو مراب یے بچک ارتعاب کی وجہسے توازن میں ہے اور نیز کوئی برونی وار عمل نہیں گڑا۔ نیا بٹ کروکہ مرکز یرکا وباؤ ہے

 میں متوازن ہوجاتی ہے ۔ نابت کروکہ پہلی صورت میں مرکز پر کا داؤ دوسری صورت میں مرکز پر کا داؤ دوسری صورت میں مرکز برکے داؤست بقدر

 $\left[\left(\frac{7}{1-1}+1\right)\left(\frac{4}{1-1}+1\right)\left(1-\frac{\dot{\omega}}{8}\right)\frac{1}{1-1}+1\right]\left(\frac{4}{1-1}-1\right)^{\frac{1}{2}}\left(8-\frac{\dot{\omega}}{1-1}\right)8\pi\frac{4}{1-1}$ 

مرکم بلخ اسبے ۔

۵٧- ايستعانس تازني طوسطير= ١ { ١ + عدع ز ميطه)} سعدودي- اس

عُوس کی کیت کے ادر آن فت لا ہے اور عدا تناجیونا ہے کداس کا مربع نظراز الزکیا جاسکتا ہے۔ یہ سفوس ایک تجاذبی مائع سے جملی کیت کے ادر کثافت من سے گھرا ہوا ہے ثابت

سبه میر معنوس ایس عباد بی الع مست مسلی میت نرد که آزاد مطلح کی مساوات تقریباً

ر=ب (ا+ بوع (جم طه) }

ہے جہا ہے

23

= بر ( لا - ت ) و الم

(۲ ن-۲) ٹ ب۳+ (۲ ن+۱)(۴-ٺ) و ۴) ہے ہے۔ ۲۶ -اکیک کیساں بے بیجیک سیال کی کیت تعاذبی اکائیوں میں کب ہے۔ اپنی ذا آ

ا المراہے ایک بیٹ اسٹ بیٹ کے میاں میں میں جاتا ہے۔ اسکوایک کم وزوت کے دریا تر ایک ایک کے ایک وزوت کے دریا تر ا کے زیما تر ہر ایک کرہ کی شکل اختیار کرتا ہے جس معند قطر و ہے اسکوایک کمزوز توت کے

سدان میں رکھا گیا ہے جس کا تجاذبی قودہے

کے سن <del>وں ۱۰</del> عن رجمط) ( ن سے ۱)

جال ائ کی اوسطاکر و می سطع کے مروسے رنایا گیاہے۔ من کے نمورد کی رقوں کے مرابع نظار نداز سکتے ہیں۔ ثابت کردکر آزاد سطح کی سیاوات ہے۔

( ) = + = + 30 ( 5,4)

عم ۔ اگرزین کوشخانس ائٹ کاایک کرہ خیال کیا جائے تو ٹابت کروکہ اس کے مرکز پر دہاؤ۔ لہ ٹ 9 پونڈ فی مربع نٹ ہو گا جہاں زمین کے ماوہ کے ایک تلعب فٹ کسیت کا دزیں مشا پونڈ ہے اورزمین سرین نور میں میں اور

كانفف تطرا نك-

مرہ سے تجاذبی انع کا ایک کرہ ہے جب کل نصف قطر (سیمے کسی نقطر اس کی کتافت کیساں طور پر بڑھتی جاتی ہے جیسے وہ نقط مرکز برکا دا کہ جا اسٹے سطی کتا فت مت اور اوسدط مثافت نف ہے ۔ نابت کروکہ مرکز برکا دا کوسے

الم المرادات رُف سب + سن؟ }

ہ م ۔۔ تجافر بی سیال کا ایک کرہ ہے جس کا نصف قط اوے۔ مساوی ٹنا نت کی تطعیب صدودی سطے کے ساتھ میں کتا نفکسی مدودی سطے کے ساتھ میں کتا نفکسی قانون کی بموجب بڑھتی حالتی ہے۔ نابت کردکہ مرکز مرکز کرکا دباؤائس دباؤسے جبکہ کتا نت کیساں موقور

۾ ۾ جرگر (ڪُٽا۔ ڪُ) ر فرر

کے بڑا ہوتاہے جہاں ن پوری کمیت کی اوسط کتافت کو اور ن اس حقتہ کی اوسط کتافت کو اور ن اس حقتہ کی اوسط کتافت کو اقترار میں اور جاتا ہے۔ کو انتہار کتاب کا مستقل ہے۔

(11)

# بابسوم

## سطحوں پرسیالات کا حاصل دباؤ

### مستوى سطحول بيسيالي دبائو

چوکاستوی کے تمام نفطوں پر دباؤستوی پر عمو و وار ہوتے ہیں اور ایک ہی سمت ہیں ملک کے تمام نفطوں پر دباؤں کا مجموعہ ہوتا ہے ۔
ملک کے ہیں اس کئے حاصل دباؤں تمام دباؤں کا مجموعہ ہوتا ہے ۔
بیں اگر سیال بے پیچک ہوا ورصوف جاذ برار حل کے ذرعمل ہوتو کسی ستوی پر کا حاصل دباؤ ۔
عاصل دباؤ ۔
ج نے می فر (انجہاں ستوی رقبہ کے حفوفر (ال کی گرائی می ب

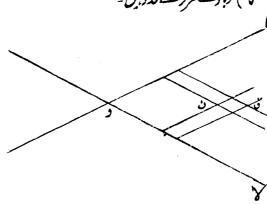
سے میں کے میں اور ہوت جب سے سرار اور کا ہران کی ہے۔ جہاں \ سے مستوی کا رقبہ اور تی سے اس کے مرکز ہندسی کی گہرائی تغییر ہوتی ہے۔ عام طور پراگر سیال کسی تسم کا ہوا در وی ہوئی تو توں کے زیر عمل ساکن ہوتو مستوی کے

، ندر مورلا ادر مالو اور فرنس کرد که نقطه (لا م ما ) برد با کر هـ سه-

تورقبه کے عنصر معن لا معن ما بیر کا دا و = ۵ سعن لا معن ما ن كالل دباؤ = ركم حفر ما فر لا مال كمل كل رقبه زيحبث يرايا كياسے -اگر قطبی محدد است تعال کے جائیں تو حاصل دبائر

= کا در فرر فرطه

۱۳۲۶ - تعربها بسیطیمستوی کی صورت میں دبانو کا مرکز دہ نقطے ہاں ستوی ہے اُس تنہا قوت کی معلمتی جومستوی سطح پرکے نمام سالی دباؤ ک کے حال کے مساوی ہے۔ یهال د با وُسکے مرکز کی تعرافیٹ مستوی طلحوں کے کھاظ سے کی گئی ہے۔ آبیدہ نیہ معلوم زوگاکہ خنی سطحوں برسالات کا حاصل عمل ہمیشہ ایک تنہا قوت میں تحلیل ہنیں کیا جاسکتا ۔ (۳۲) ون دارسیال کی صورت میں مین طا ہرسے کوانفی رقبہ کا دباؤ کا مرکز ایس کا مرکز ہندسی ہوگا کیو بحد اس کے ہزمتطہ ریکا دبا و مسادی ہے اور چوںکئہ گہرائی کے بڑھینے کے ساتھ دباؤیمی بڑہتا جاتا یرا تفی *مستوی میں د*اؤ کامر*ز مرز ہندسی کے بیتھے واقع ہوگا۔* سی منتوی نفیہ کا دہاؤ کا مرکز معلوم کرنے کے لئے صنا بیطے ۔ فرعن کردکد مستوی کے امرر علی ایقوائم محا ورسکے لحاظ سے کسی نقطہ کے محدد ( لا ) ما ) ہیں اور اس بر کا دباؤ 🕻 ، 🛘 در اس كے ساتھ كے نقطہ كے محدد (لاب معت لا) ما + معت ما ) ہيں-نیر (لا ، ما ) وباؤکے مرکز کے محدوبیں۔



ما × كرد فرا فرلا = ولاك كرو عاص والكامعيار = ولا كرور تبك تمام عناصريك وبايس كمعيادون

یه ۲ دمن ما مت لا× ما

= کرکه ما فرما فرلا

ما = <u>الأد ما فرما فرلا</u> كا د فرما فرلا

لا = كرد لافرا فرلا -کاد فرا فرلا

سی کھلے رقبہ زریجت بر لئے گئے ہیں۔ اگر تعلبی محدد استعال کئے ہائیں تو اسی طرح کے طریق عمل سے

آ = <u>کرد را جمطه فرر فرطه</u> ، مَ = <u>کر درا جب طه فرر فرطه</u> ا

(٣٢) هم سار سیال سخان اور بے بیک ہواور صرف ما ذہ ارض ہی عمل کرسے تو در اور من ما ذہ ارض ہی عمل کرسے تو در اور م

جاں گ سطے کے پنچے نقطہ ٹ کی گہرائی ہے۔ اس سنے اس

بیض او تات مستوی اورسیال کی سطے کے خط تفاظع کو ایک بحور مقرر کرنامفیڈنا بہت ہوتا ہے۔ اگر اس خطائو ہم محور لا فرض کریں اور مستوی اور افق کے درمیان زاوی طر ہوتو

#### د = ج ف ماجب طر / اوراس سك

ا ان آخری مساوانون ( به ) ست فلا مرسیه که و ما ترک مرکز کوارتها مرمستوسی اور افق سکه در این فی اوته پر منصر مهنیں موتا - اس سے اگر مستوسی اور سال کی سطح سے خوالتقاطع سکه گروستوسی کو گھا اصلیت نو د با توسکه مرکز سکے متنام میں شوبی فی داقع منیس ہوگی۔

اگرسا واقوں (عدایمی کمی کوستفل ترارویا جاستے میں اور یہ نیازی و نعت تدریک واقعی فرطن کیا جاستے اللہ آور ما رقب کے مرکز ہندی کے محدود جاری ہے ہے۔

ایکن مساوا توں (ج) میں اقدا ور ما کی تبتیں طریز محصر نہیں ہیں اور طرسک سندو ہوسنے مساوا توں فرائل کی فرق نہیں ہوں اور طرسک سندو ہوسنے مساوا توں کی کا بی کو فرق نہیں آگا اور اس صورت میں مرکز ہندی کے محدود حاصل نہیں ہوسنے سے اس فلا ہری سیاط باط کی کی تو نینے اس طرح برتو کئی ہے ۔ طرکو گذا ہی جوٹا ایا بالے مستوی اور میانی سال میں خوج کا درمیانی سال میں نینے اور کی شکری ہوگا۔ اور سنتوی کے اور اور گار جو کا درمیانی سال میں نین میں میں میں میں میں میں میں میں اس سنتوں نہیں میں وست کے بلکہ اور کی کسی محدود تیم میں ان سنتوں نہیں میں وست کے بلکہ میں یہ سنتا المیتوں نیس میں وسکتے ہیں ان سنتوں نیس میں وسکتے ہیں ۔

#### اس د فغه كى سياداتين استعلال ذيل يتفيجى عائل بوسكتى جي-

مستوی رتبه کومحدود کرسند واسله خطاست برتقله سند، نتقها بی خطوط سال کاسطی که کفینی برطرح میال کی مجد کمیت ان میال کی اس مستوی سک تعالی کا انتقابی حزو تعلیق سال کی اس کمیت کے دزن سکے برابر ہوگا اور یہ وزن کمیت کے درز میں سنت گزرت والے استعمالی منطوی میں کمرز میں سنت گزرت والے استعمالی منطوی میں میں کر موگا ۔
موالی می مجور کو توایک عنصری منتور کا وزن جو مستوی کے نقطہ (لاا ما) میں سنت عمل کا است میں میں کمیت کے معند کا معن ما جم طومو گا جہاں افق سے سائند مستوی کا میان ناملی اور راس سائند مستوی کا میان دائوں

لاً = كرك فرا فرا الله على الله الله ا

یس بیر فاهسہ ہے کہ دہاؤے مرکز کی گہرائی گھرے ہوسئے سیال کی کمیت کے مرکز کی برائی کا ددچندے۔

، رب بیری برد. ۱۳۱۹ سے وزن دارمالع کی صورت میں دباؤکے مرکز کا مقام سئلہ ذیل سے ہندسی طور پر حال موسکتا ہے۔

۔ اگر تربہ کے ستوی میں ایک ایسا خطاستقی لیا جائے جو ما کئے کی سطح کے متوازی اور رقبہ کے مرکز ہندسی سے اننا ہی نیچے واقع ہو حتنا اس کے حرکز ہندسی سے ) مالتے کی سطح اوپر واقع ہے قواس خطامستقیم کا قطب ملجا کا مرکز ہندسی برکے معیاری قطع ناقص کے جس کے نیم محور

اس نقطه برگردش کے کعندری نیم قطر ہیں دباؤگا مرکز ہوگا۔ رقبر کو ۱ اور گردش کے صدری ضعت قطروں کو 11 ب، فرض کروتو بیصدری تضعف

تطمسران مسادا تون سے سلوم ہوتے ہیں:۔

١٠٠٠ ﴿ الله فرا الله فرا الله على الله في الله فرا الله فرا الله في ال

معیاری (Momental) ناقص کی مسادات ہے

 $I = \frac{V_1}{V_2} + \frac{V_3}{V_3}$ 

جاں والے کے مور مرکز ہندسی رکے صدر می مور ہیں۔ فرض کروکہ آل ، ما دباؤ کے مرکز کے محد دہیں اور سط میں سکھنط کی ساوات ہے

لاجم طه + ما جب طه عاع

 $\overline{v}\overline{v} = \frac{\sqrt{(3-1)^{2}}}{\sqrt{(3-1)^{2}}} = -\frac{\sqrt{(3-1)^{2}}}{\sqrt{(3-1)^{2}}} = -\frac{\sqrt{(3-1)^{2}}}{\sqrt{(3-1)^{2}}}$ اوراسی طرح آ = - بني جب طه

ن (لآ ، مآ) خطستیم لا جمطه + ما جب طه = -ع کا قطب بلجاظ معیاری اتص کے ہے -سے و ہاؤ کا مُرکز معلوم کرنے کی مثبالیں۔

(١) دائره کا ایک ربع آئیصا بی شمت میں ایک وزن دار شجانس رائع میں عین و بویا کمیاہیے

اور اس کا ایک کنارہ مائع کی سطیں ہے۔ اگر سطےکے اندرکے کنارے و کا کو محرر لا توار دیا جا سے تو ۸ برا<del>د ۱ س</del>

لاً = رُكُونُ لا ما زما فرلا كركافة - لا ما فرلا

مَّ = كَرُمَا فَرِهَا فُرِلِهِ مَّ = كَالَهُ الْمُواهِ فُرِلِهِ

مآ کے لئے حدووکمل دی ہیں جو لآ کے لئے ہیں۔

اب يونكم كرا فرلا فرا = المراراً - لأ) فرلا = الله الآ

ككلاما فرلا فراء لم كرلا (لا - لا) فرلا = لم ال

カガーサート イカーリ ム

تطبی تعدداستعال کرنے سے اور و کا کوابتدا ٹی خط لیتے سے ہیں « یہ ف رجب طه عاصل ہونا جا ہے اور

(۲) ایک داری رتبه حبر کا نصف قطر او کیت انتصابی سمت میں ڈبویا گیا ہے اوراس کا مرکز ہندسی عن ایک

عهران کس پرواقع ہے۔

مروع میبیده می اور اس میں سے گزر نے واسے نیمجے وارا سُقدا بی خط کو ابتدا کی خط قرار دو-اگر مراز کو میدا اور اس میں سے گزر نے واسے نیمجے وارا سُقدا بی خط کو ابتدا کی خط قرار دو-اگر نه تقد (رواط می) پر کا داؤ در ہواؤ

بود رود د = ج مث (گ + رحم طر)

در سرکز کے بیٹیے وہاؤ کے مرکز کی گہرا فی

نِیتجہ دفیدروں کے مشلب نوراً اندکیا جاسکتا ہے۔

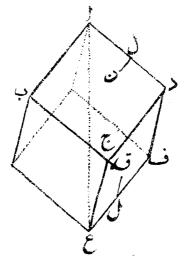
و مر الميا المعلمة في معطيل حرب كا وصل التي ب كره موانى كے زير عمل م جستقل مثل برہے -المرستطير ك تا عدد يركره موانى كا دباؤ ١٩ مولة مى لمبندى يرداؤ ١٩ وم موكا دفعدد ١١١١

، دراز ب سے مستطیل کا عرض نتیبیہ وستطیل کی ایک انعتی بیٹی بر کا و با کہ

۳۰ برای من ی

المرسلة لبيل كالطول فرجوتواس تبركا عاصل وفإؤ

( م) ایک کمو کھلا کھب مالع سے تقریباً بھر ویا گیاہے۔ بیٹ بایک ایک اُمتعمالی و ترک گرو کیسا سطور برگھومتا ہے۔ ان کیختلف رخوں پرسکہ واؤ اور ان سکے وباؤسکے مرزم ملوم کرو۔



ا- ادرک ن ایسج د کے لئے۔

(١١) إب كو محور لا أورمور ما تزار دو- اور فرض كرو كدكسي نقطه ن (١١١) ك نغظه ﴿ سيما نفي اور انتصابي فاسطيم ي اور ربين تو

$$= \frac{1}{2} \left\{ \frac{1}{m} \left( \frac{1}{n} + \frac{1}{n} - \frac{1}{n} \right) + \frac{1}{m} \left( \frac{1}{n} + \frac{1}{n} \right) \right\} \left\{ \frac{1}{m} \left\{ \frac{1}{m} + \frac{1}{n} - \frac{1}{n} \right\} \right\} = \frac{1}{m} \left\{ \frac{1}{m} + \frac{1}{m} - \frac{1}{n} \right\} \left\{ \frac{1}{m} + \frac{1}{m} - \frac{1}{n} \right\} \left\{ \frac{1}{m} + \frac{1}{m} - \frac{1}{n} \right\} \left\{ \frac{1}{m} + \frac{1}{m} - \frac{1}{m} \right\} \left\{ \frac{1}{m} + \frac{1}{m} - \frac{1}{m} \right\} \left\{ \frac{1}{m} + \frac{1}{m} - \frac{1}{m} - \frac{1}{m} \right\} \left\{ \frac{1}{m} + \frac{1}{m} - \frac{1}{m} - \frac{1}{m} - \frac{1}{m} \right\} \left\{ \frac{1}{m} + \frac{1}{m} - \frac{1$$

سے حامل ہوگا۔

$$\frac{b+b}{rb} - \frac{b+b}{rb} = c$$

اس سلنے دباؤ کا مرکز مساوا تول

رِيِّ كَرِرِّ حِبِ طَهِم طَهُ فُرِرِ فُرِطُهُ ، \_ ککر رہم جب طبہ خرر فرطہ ∫∫ ر"جب" طه فرر فرطه ا کر ترجب طه فرر فرطه 1 mr = 1 11 ( 114 = V ر ١ ياكك تضعف دائري رقبه ياني مين بوري طرح وبوويا كمياسي وائره كي سطح أشصابي سية اس كو ا حالد كرف والعظر كا ايكرسرا إلى الله كي سطي من م فرض کردکه قطرادرما نع کی سطح کا درسیانی زاویه عمرے ادر قطرادر ا پرکے ماس کو محاور مان کرد باؤکے مرکز کے محد و ( لا ا ) ہیں تو لا کرکر جب (ط+عه) فرر فرطه = کر ۳ مم طحب (ط+عه) فرر فرطه اورِ ما كرار حب (طه + عه) فرر فرطه = كركر احب طحب (طه + عه) فرر فرطه رکے صدود ، سے ۱۲ جم طر "ک اور طرکے ،سے ہے "ک

(mm)

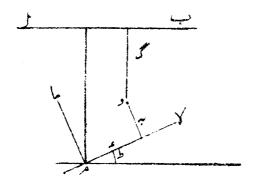
اگرمتوی رقبہ اور آزاد سطی کا خفاتفاظع ﴿ صب موتو ﴿ صب ست و باؤک مرکز کا فاصل رقبہ اور انتصابی سمت کے مرکز کا فاصل رقبہ کو رہ اور انتصابی سمت سکے درمیانی زاوید پر سخصر بہنیں ہونا ( دفعہ ۱۹۵۵) اس سنتے ہم رقبہ کو انتصابی سے سنتے ہیں۔

بی مسلسه بین نرض کردکر تابت نقطه و کی گهراتی گه هپاور رقبه کے اذر و کا اور ما تاب محربی-اگر و کا کاسلان افق کے ساتھ طه ہوتو اگر و کا کاسلان افق کے ساتھ طه ہوتو

د = ج سف (گ دلاجب طه م عد)

 $\frac{\vec{l}}{\vec{l}} = \frac{2 \cdot (\vec{l} + \vec{l} + \vec{l}$ 

عباں لا مب ج وغیرہ معلومیت تقل ہیں۔ اب طار کو ساقط کرنے سے دباؤ کے مرکز کاطابق ایک مخروطی تراش موگی۔



دفده (۳۱) کے منکہ کی مدد سے بھی ہم اس نیتر کو اخذ کرسکتے ہیں۔ ہندسی مرکز ہر میں سے گزرے خوالے مدری نوروں کو حواسلے سکے محور قرار دبیرر اور و سے محدد (عرکب) فرعن کرکے ہم بیمعلوم کرسکتے ہیں کہ وباؤ کا مرکز خطامستقیم لاجب طع+ ما مجم طعہ = - (گ + عد جب طعہ + بہ مجم طعہ) کا قطب ( عنا م عا ) بلحاظ معیاری انفس کے ہے اور مساواتوں

الم جب طر = بالم جم طر = - (گ + عدجب طه + جرجم طه)

سے حامل ہومائے ۔ ان مساواتوں سے مساواتیں

( يا + به ) جم طه + عه جب طه = - گ

ے ہیں۔ پہلے جب طرکو اور پھر جم طہ کوسا قط کرکے حاصل سندہ نتیجوں کا مربع سیکر جمع کریں تو

سمین مطاربه طریق کی مسأوات معلوم برجانی سے جو ( وا ب ا + عرب صنا + برواعاً ) = گا( وا عا + ب صنا)

- -اگر د اور هرایک دورسرسے پر منطبق ہوجاً میں بینی اگر عہ = ۰ ۰ اور ہ = ۰ تو طریتی کی سیا دا ت میرحا کیگی

برتن کا قاعدہ مستوی ہے اور اسل کے ببہلوستوی اور انتصابی ہیں۔ ایک بہلویر حاصل فاق

-ربرنا مرد موسرر-رض کروکد اور کے باکع کی کتافت بت اور گہرائی گ ہے اور پنچے کے ارتباکے کے متناظرار قام گئ<sup>ے ،</sup> اور گئ ہیں۔مشترک طحانغی سنتوی ہوئی چاہئے جس کے ہر

نقط برکاوبار ج اس ک بوگا اور مفترک طی کے بنیے ی گہران برکا دباؤ ہوگا

۾ ٺگ + ج ٺ ي

انتعابى بېلوكا عرض ب ينے سے اس ير اويرك الله كا داؤ = له ى ف بككا

ادر نیج کے الیم کا واڑھ کر بن کی ب خری ا = ج ب گ (ف ک + ل ت ک ک ) ب خری مال داؤان دون ل کا مجرعه سوگا جو

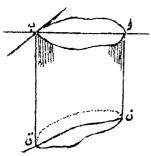
اس ببلیریکے سیالی دباؤگا معیار (اس کے اور آزاد سطح کے فعظ تقاطع کے گرد) - کی نف ب می فری مارچ (دنت ک + نت ی) ب (گ + ی) فری

ا عمال کمتل کویوراکرکے متذکرہ بالاعامل دہاؤ کے مبلہ ہے اسکیٹسیر کرسٹی سے ہمیں دہاؤ کے من کم کر کا بعد مقامل میواتہ ہے۔

منحني سطحوں رکے حال دا ۪وَ

، م \_\_\_ایک متجانس مائع کا جو جا زیدار من کے زیر عمل ساکن ہے کسی سطح ریافسل انتصابی دباؤ دریا فت کرو۔

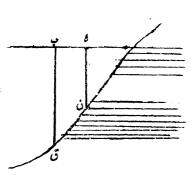
یا مسروت فرض کروکرسطی ن ق پرایک وزن دار مانع کاعمل بورا ہے اور مائع کی آذا وسطے پراس کا مرساز کرک



برکا انتصابی دار کا ق کے وزن کے رابر ہوکا اور اس کی کمیت کے مرکز میں سے عل کر کا۔

اگر ن ق کو ای اور کی طرف دایسے حسط حکدورسری کل سے ظاہرہ وسط کوخارج کو اس ق کا برہ توسط کوخارج کو اس کے دور ن ق کا طل یہ کے طرح ایک کی سطح پر اور و فرض کر وکد فصنا د او ق استی قسم کے

(そり



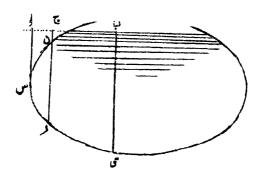
ا نع سے بھری ہوئی ہے اور مائع کونیم سے فارہ کر داگیا ہے ۔

وہی ہیں جربیطے مقعے لیکن تقابل متوں بڑ اور چونکواس مفرد عنہ صورت میں انتصابی وباؤ وق کے وزن کے سادی سبے اس کئے اصلی صورت ہیں حاصل انتصابی و با واویر کی

مان و ق ك وزن ك بابروكا-

اگرسطی کو الع جزا اور کی طرف اور جزآ نینج کی طرف واسے تو نقطه ن میں سے جوسطی کے زریجت مقد کا بند ترین نعظم سے واک انتقابی سے مستوی ن رکھینیو اور فرض کروکہ الع کی سطح پر ن س تی کاظل او ج ب ہے۔ کی سطح پر ن س تی کاظل او ج ب ہے۔ تو صافعانی دائو ن س رپر

ا من مصابی رباد ک می ربید = ن مس ر کے اندرونی ما تع کا وزن



اور رق ير = ج ق ك اندرونى الغ كا وزن المد ق ير = ج ق ك اندرونى الغ كا وزن الله ف س ر ك اندرونى المرونى المرون

ں۔ ینمبتر گئشته ددموروں کی دوسے بھی مال کیا جاسکا ہے کیئے ن رکوانتعمابی عِاسى مستولول كي خط تماس سے دوصوں ن س ا سب ر مير تقليم كيا جاسكا ہے جن يو کے وہاؤعلی المازینی اوپر وار اوریسیے وار ہیں۔ اور چونکہ ن أس يركا وارد التي التي ال ن س كاوزن اور س ر پرکا دباؤ = انع اوس ر کا وزن

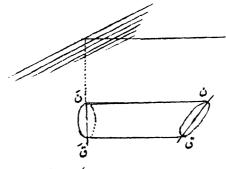
اس كے ان كا فرق نعيى ن س رير كا انتصابى دباؤ = ائع ن س ركا وزن اسی طرح دوسری صورتوں پر غورکیا جا سکتا ہے۔ مشاہدہ طلب سنتے کہ پخشق غیر متعانس الع (جس میری کثافت گہرائی کا ایک تفاعل ہونی جاتے

لیونکرسا دی دہائو کی طعیر ساوی خنانت کی طعیں ہوتی ہیں ) کیصورت میں بھی درست ہے

بىنىرىكىيە قانۇن تانىڭ باڭ كى مۇرەنىدىرىن مىرىجىي دىپى خيال كىياجاھئے-

الم كسيطح ن في ريكا حامل أفقي دِارُكسي دي مودي سمت مين معادم كرا -وی ہوئی سف کے علی القوائم انتصابی سنوشی پر ن ق کاظل اواور فرض کروکہ ہے

فلل أَن قَدَ اللهِ مَا اللهِ مَا اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ الرستوى اللهُ قَالَ النقي وارد الرستوى اللهُ قَالَ النقي وارد الرستوى اللهُ قَالَ اللهُ الله کے متوازی انتقابی ستویوں مرعمل کرنے والی توتوں کئے زیرعمل ساکن ہے ۔۔



اس کئے ن فی پر کا افقی او اُن قَ برکے افقی دبا دِکے مساوی ہے۔ اور یہ دبا وایک ہی خط متعقِم میں عمل کرتے ہیں بینی نَ تَی کے دہاؤگئے مرکز میں سے گزرنے والے افعی خط

اس کئے عام طور رکسی سطح برحاصل داؤمعلوم کرنے کے لئے اس برکا انتصابی واکو

اور علی القوا کرسمتوں میں حامل فعی د ہا وُسعلہ م کرو۔ یہ تین قر تمیں بعض صور توں میں ایک تنہا قوت میں تحویل ہوسکیں گی حس کے لئے نشرط سکو نیات کے عام طریقوں سے حامل کیجا سکتی ہے ۔ کیجا سکتی ہے ۔

41

مثال به ایک نفت کره سجانس ا نع سه بهردیاگیا ب اوراس کو مرکز بین سے گذر نے دالے دو علی القوا نم انتصابی ستوبوں سے چار حصوں میں تقسیم کرو یا گیا۔ ان حیار سخنی حصوں میں سے ایک حصد برکا حاصل عمل در ایف کرو۔

مرکزکو سندا ما نوا حاطر کوست واسلے افقی ضعت قطور کومورلا اور موریا اور استصابی نصعت قطرکو محرر کا اور استصابی مضعت قطرکو تحرر می فرض کروتولا کے متوازی واؤا اربع ما وی برک وباؤسکے مساوی برگاجہاں ما وی اور کا ایک علی القوایم مستوی برسختی سطح کاظل ہے۔ اس کے علی القوایم مستوی برسختی سطح کاظل ہے۔ اس کے دلا کے متوازی واؤ

= ع ف من المرام من المرام على ال

پر عمل کرہا ہے۔ حاصل انتصابی دباؤ = مائع کا وزن = بلے ج ن ۱۸ ای اورخط سے تقیم ا = بید الا کی سمت میں ممل کرا ہے۔

تينون توتو ک کيسمتين لفظه

( پیر دران کے دہ ایک تنہا قرت میں سے گذرتی ہیں۔ اور اس کے دہ ایک تنہا قرت

(r'r)

 $\frac{1}{4}$  ع ت  $\frac{1}{4}$   $\frac{1}{4}$ 

میں عمل کرتی ہے ۔ یہ خطامت قیم مرکز میں سے گذرتا ہے اور ایسا مونا بھی جا ہیئے کیونکر تمام سیالی دہائد کرہ کی سطع پر عمود و ارعمل کرتے ہیں۔ یہ خطامت تقیم سطع کوجس نقط بر تعلق کرتا ہے اس کومد دہاؤی مرکز " کہرسکتے ہیں ۔

٢٧ - وزن دارمائع مين ايك تغوس سبم جزأ يا كلاً ولوياً كيا سبه اس كي سطح بركا حاصل دماؤه

موم کرد کرد کو تعوس کو کا لدیا گیاہے اور اس کی بجائے اس نے کا ایک بھر دیا گیاہے تو اسپر کا مال دباؤ وہبی موگا جراصلی مختوس برتھا۔لیکن اس انکے کی کمیت اکسینے وزن اور اس کو گھیرنے والے انکے کے دباؤ کے زیرا بڑساکن ہے۔ اس لئے حاصل دباؤ سٹا سے بوسے انٹے کے وزن کے برابر موگا اوراس کی کرنٹل میں سے انتھائی سمت میں عمل کرنگا۔

رن کے بربر ہون اولوں وحرفر میں کے بات ہوسکتا ہے۔ اسی طرح کے استدلال سے صریعاً بہتا ہت ہوسکتا ہے کہ کسی مطوس میں برنیکدار سال کا اسل دبائ جسم کے ہٹائے ہوئے بچکدار سیال کے وزن کے برابر ہوتا ہے۔

بر کا بنیجے وار - ان دولؤ ل کا فرق صریحاً منموس کے سما سے روسے سیال کا وندن----- ایک تحوس حبم بورست طور رپر وز کن دار ما کع میں غرق کیا گیاہیے ، اگراس کی سطح کا کچھ حصهُ تنمی سطح اوربقید عصد مللومیستوی رسفیه بون اوراگراس کا مجمر ( سخ ) دیا حاسے تومنحنی کیونک<sup>ے مس</sup>نزئ سطوں کا رقبہ اور ان کا محل معلوم ہے اس سنے ہم ان رقبوں پرسکے حال فقی د ما دُه لا اور حاصل نتفها بی دار ما سعله *م رسکته کمین اور چونکومبر کی پوری سطح پر کا* و با دُج ت ح مسكرسا وى سيد اورادير وارا نقعا بى مستعيم على واسب الني اس كى منى سطح يركا س افتى داؤ كام وكا اور حاصل تصابى داؤ تح ف ح - ما مثال – دائری رقبه کوایک عاسی خط سیکے گروز اوپیر طهرمیں گھانے سے ایک کھوس مجسب بنایا گیاہے۔ اس کوما نی میں اس طرح تحدالاً گیا ہے کہ اس کا نجلاستوی نے افقی ادر گہرائی سیسطے برایک ایسے سیال کا حاصل دہاؤ دریا نت کرد جوکسی علومہ قوتوں کے دیر عمل ساکن ہے۔ زخن کرد کرسیال کے زیر عمل سطیح ع = ۔ کے نقطہ ( لا ، ما ، ی ) بر کا وہاؤ کہ ہے جو باب، دوم میں حاصل کر دہ د آئر کی طرح معلوم کما گیا ہے۔ تونقطه ( لا الما مى ) برك عمادكي جيرب المام بوعمك ي جف و ع جف و ) ع جف و ) ع جف و ) رض كردكاس نقطه كو تحيير بيني والدرتبه كاعتصر من سي تعبير وذا من ويورو کے متوازی اس عنصر ریسکے وہاؤ ہو گگے

دع جفع من س دع جفع من س دع جفع من س اس کے اگر مور کے متوازی حاصل دماؤکا ، ما ، مے اور مال حبنت ل ، هر، ن ہوں تو لا = الدع جف و فرس ماء كردع جفء فرس ے= اردع جفع فرس اور ل = را جف ع د ع (ا جف ع - ى جف ع) فرس م = الرحاع (ي جف ع - لا جف ع ) نرس ن = الردع (الا جفء - ما جف على) فرس ا سبکمل کل سطح زر بحبث پرویں۔ یہ ماصل ایک تنہا قات کے معادل ہو سنگے اگر ٧ ل مما مر + الله ك = ٠ ۵۷ - حوالے کی ستریوں کے متوازی مستوی کیسے سے مم کی سطح تین مختلف طریقیوں سے عنا مریق میں سکتی ہے۔ شلاً من لامن ما علا ما يرمن س كاظل عن حف ع من س

اوں سے سے = کر د زلافرا اور اسی طرح کا د فرا فری ، اور

(44)

ما = کرد فری فرلا ل = کرد (افر لافرا - ی فری فرلا = کرد (افرا - ی فری) فرلا هر = کرد (ی فری - لافر لا) فراه ن = کرد (لافرلا - افرا) فری

۲۹ ۔۔۔ اگر سیال صرف جا ذیبارض کے زیر عمل ساکن ہوا در تحوری انتصابی ہو توج کہ می کا تفاعل بڑکا حبکو فرض کروکہ فہ ( می ) ہے ۔

کا = کل نہ ری) فرا فری

مستوی ما ی بر دی ہوئی سطح کا جونفل ہے یہ جلہ صربحگا محدر کا کے متوازی اس فل برے وباد کو نتبیر کرتا ہے -

اسی طرح ما مستدی لای برے طل بے وارکے مساوی ہے۔

اگرسال بے بچک ہواور صرف جاؤ برار خن اس برعمل کرے تو دو معت لا معن ما اس کے اس حصر کے در میال کی طح براس کے طل کے درمیان دا تعہدے۔ طل کے درمیان دا تعہدے۔

. سے یا کرکد فرلا فرما دی ہوئی سط کے اوپر کے سال کا وزن ہے۔

مینتانج دفعات (۴۸) و (۴۷) کے ننائج کے ساتھ متوافق ہیں-۴۷ — اگرایک مِٹوسر سیم مزاً یا کلا کسی سال میں غرق کیاجا سے اور میسال دی ہو ج

ا استعمار ایک و را بر بر با ما می با می بال برا کران یا به است می بال می این این این این می بادی می این می این مرکز در به این کرد بر کرستال معالمات به می باد کار برای این این این باد کرد برای می می بادی بادی برای معالمات ب

دگا جو ہناہئے ہوئے سیال مطل گوتیں ۔ کیو نکہ ہم جبر کو سیال سے علیحدہ کرکے اس کی جنگ کواسی تشریکے سیال سے میر کھیا ہوا تصور کر سکتے ہیں۔اب یہ واخل سنندہ سال ان تو توں اور گرد کے سیال کے دباوں کے زیرعمل ساکن ہوگا۔ادراس لئے حاصل دبا وان دی ہوئی قو توں کے عاصل کے مسا وی ہوگا گرسمہ منظابل ہیں عمل کرسے گا۔

یک میں کی جگر کوسیال کے کرتے وقت ٹا نون کتا نت کی یا بندی کرنی جا ہیئے بیسنی مساوی کتافت کی طحیر گرد کے سیال کی کتا نت کی سطور سے ساتیمسلسن ہونی جا ہیں۔

## امثنله

ا ۔ ایک وزندار مون میں جس کی کتا نت یا ن کی کنا نت کی دوخیدہ ایک سرے سے جو بانی کے باہرے اس طرح مٹکا ن گئی ہے کہ اس کا نچھ صعد غرق آب رہے ۔ غرق مثدہ مصلے وسط پر رہی کا تناؤ دریا نت کرو۔ وسط پر رہی کا تناؤ دریا نت کرو۔

٧ ف ایک کمو کھنے کرہ کا تصف قط اوئے -اسکو مانی سے بین بجرد یا گیا ہے اس کی سطح کوایک ایسے مستری کی سے جو مرکز کے بنتیج ج گہا کی پر داقع ہتے دوسنوں میں تفسیم کیا گیا-ان حصوں پر سے

م ما مانتشانی دا و معلو*م کرو*-

ما سامی برتن کرو واست ملع کی شکل کا بیده جبکا قاعده ن تنگیوں وا لاستوی کنیرالا صفالا ع بید داگیا - برتن کا مرزخ یا بیلوماس کا محورا نتیا ای اور راس نیج وار رہے - اس کو بیال سے محمد داگیا - برتن کا مرزخ یا بیلوماس بر کے ندمند کے گردھ کیت کرست اے نمین اس کوا بنی جگہ بر تا نمر مینے کے لئے ایک رسی کے ذرمید اسکونفا اگیا ہے جورخ کے تاعدہ نے اقد وسطی اور کیٹر الافغلاع کے مرکز سے باندہ و مگئی ہے ۔ ناب کروکہ برسی کے تنا واور سیال کے کل وزن میں سنسب ان کو جب مرکز نصف وائروں سے گھرا ہوا ہے اوران کا مشترک قطر آزاوسطے میں داقع ہے تابت کو کہ و باؤے مرکز کی گہرتی

データ(デール)(デージ) (デール+ ター)

سے جہاں ارامہ ب نفعت تعربی ۔

ہ ۔ ایک مربع بترے کے داوکا مرز معلوم کردجس کا لیک ماس سیال کی سطح میں ہے

46 اگراس کواس راس کے گرداس کے اپنے مستوی میں قعایا جائے اور بیٹرا ہمیتہ بورسی طرح مائع میں ڈو بارسے نواس کے دبائو کے مرکز کا طریق معلوم کرو۔ و \_\_ ایک ناقصی بیترے داؤکا مرکز معلوم کرو جویا تی میں عین دویا ہواہے۔ اگراس کواینے انتعابی متوی میں اس طرح تھلیا جائے کہ تیہ بیٹے اپنی میں غرق رہے تواس سے محوروں کے لحا فیسے وہا وُسکے مرکز کا طریق معلوم کرو۔ ع \_\_\_\_ ایک کمعب صندوق یا نی اسے بعردیا گیاسیداس کا فوکمن وزن دارا ور مفلیک معطف والاست اورا سکو چیکتے قبینوں کے فدیعہ ایک کمارہ پڑتا ہے کرویا گیاہے ، اِری ابری سے اسکو قا مده كرك رك است كروات زاوير من كلمايا كياب كريان عين فاج موسف لك وإن مر \_\_\_\_م محرر واركون كاكب نظام كوياني من اس طرح وبويا كياسي كدم كزول والاخطاب وی ہوئی گہرائی رہے۔ نابت کروکہ اورسے طور پر ڈوسیے ہوستے وائری رقبوں کے داؤکے مرزایک سکا فی یرواقع موستے ہیں ۔ - ایک نیم قطع انفر لمحاور الا اور لا ) کے وہاؤ کا مرکز معلوم کرو حوالیسے قطرسے محدود ہے جس کامیلان موراعظم کے ساتھ ہے جاتھ کی سطح انتصابی ہے اور نظر سال کی سطح میں دا قعب ہے۔ ۱۰ جب ایک نیم قطع ناقص اپنے بحور اصغر سے محدود سے اورا سیسے مائع میں شین ڈو ہا ہوا ہے۔ جس كى كما قت الله بالتي ب جيسي كهرائي- اكر موراصغر الغ كي سطع مين دا تع مواتو خروج المركز در یا دنت کر و کاکه اسکه دما و کام کر موت ال-باک مربع بشار الب سج دیانی میں دوبا ہوا ہے اس کا منت اسب یانی کی سطے میر فاقع سے انقطاب سے ج کہ کے نقط سے تک خطامتنقیم ب سے ایسا کھینے کہ ودنوں حصول یر کے رہا رُساوی ہوں۔ ايسي صورت بين أبت كروكم

وما و کے مرکزوں کا درسیانی فاصلہ: مراج کا ضلع :: ﴿ وَ وَ وَ - إيك نفعتُ دائره مين مسيحس كا قطره تَع كي مطريس من ايك دورُوكا ك لياكياءَ اس وائره كا قطرنعسف دائره كا انتصابى تفعت تطرب بقيد حصيك دا وكا مرزمعلوم كرد- ۱۳ اسایک نصف دائری نتمقابی پتر بوری طرح یانی میں طوحا بہواہے اس کے محدود کرنے والے تطرکا سرا کا بیانی کی سطح میں سبت اور بانی کی سطح کے ساتھ اس تعظرکا میلان عدہ - اگر سے دیا در کا مرکز ہر اور تنظر اور است کا درسیائی زاوید طد ہو تو نیا جت کروکر

س ط= ۲۲ + ۱۹ مس عه

سم اس اگرایب شان کے داسوں کی گہائیاں ائع کی سطے کے نیمج وال ب مج ہوں تو نابت کے کے مرکز نظر کے نیمج وارد کی گہائی ہوگی کے مرکز نظر کے نیمجے دارد کے مرکز کی گہائی ہوگی

> <u>((・・り) + ( ターで) + ( でー ()</u> ( で + い + り) リア

> ك ه (ك.ه) -ك ه م (ك-ة) -ك ه م (ك-ة)

۱۷ ۔۔ مکا ٹی کے ایک تطعہ کے دہار کا مرکز معلوم کروجو ونز خاص سے محدو دہے اور ڈنرغاس کے ایک سرے برکاماس مائع کی سطح ہیں ہے۔

ا ماک مرسے پرہ ہم مل ہما ہی سے بر ہے۔ \_ اگر ا کع کی سطح ادبر مراستھا در مکانی سائن رہے تو نا ہت کردکہ دباؤ کا مرکز ایک خط ستقیم

مرسم الماسي -۱۵ -- ایک مخروط بانی میں پوری طرح فرق ب - اس کے قاعد ہ کے مرکز کی گہرائی دی گئی سبے - اگراس کی محدب سطے برک عالم اللہ اللہ کا کا کا تھ ہوں جبکہ انتی کے ساتھ اسکے محورکے میلان کے جبر بازیزب میں ، میں ، سسّ میں بونفا بت کردکہ گر ( میں - میں ) + کہ ا س - سی ) + کہ ( میں - سی ) = -

\_محوروں اور منحنی ما لا ب ١٦٠ = ما آه کے در میانی رقبہ کے دباد کا مرکز معلوم کرو محاور على بقوا مُمْرُين اور ايك محورسيال كي سطيمين واقع ب---19 -- الع كى كچير قدار دوستوازى مستوليال مكر درمايان مو-يد ما نع ايك مركزى توسك زیرعمل ہے جوایسے بدلتی ہے جیسے فاصلہ اگر ستوبوں کے اس عموں سے رشنے جہاں سال س كراسي الأب بهوب تونابت كردكه ال جسول ريك وباؤل مي نسبت الان بالباي \_ أيك عطوس كره ابك انهي مستوسى ير يحكاموا فيد اوراكي ما تع بين عين دو با بهوا ي ا متصابی فطریس سے کرزنے والے و وعلی الفؤائم مستویوںسے وس کرہ کوتنسیم کیا گیا ہے آگر كره كى كُفَّا فَتَ أَوْرِسَالِ كَي فَهِ جُوتُو تَأْبِت كَرُولًا بِيرِ حِصْ إِيكِ دوسر السيم عَنْ حَدِينَهِي ممنك بشرطيكه تز > لم ث ٢١ \_\_\_ زائد كا الم سقارب سيال كي سطيس اس أس رتب و وادُ ك مركز كي كب وافي ط*وم کرد جرڈ دیسے ہوسے م*تقارب ہسنجنی<sup>، اور زائد کی سطح میں کے دوا فقی خطوط<sup>م</sup></sup> <u>۔</u> ایک محزوط یا نی میں اس طرح ڈوبا ہوا ہے کہ اس کے فاعدہ کا سرکز یا نی کی سطح کے بیعیے اس کے اوتفاع کے ہے گیرائی پرواق ہے۔ ایسی فاعدہ اورا رتفاع کا ایک سکانی نہا بھی اس طرح غرق ہے کہ اس کے تا عدہ کے مرکزی گہر انی سطح کے نیچے دہی ہے جو محزو طائے فاعده كم مركزى عدنيزا نتصال مت كم سائقاس كم موركا سلان مبى وسى ويوفروطك محور کا ہیں۔ بیرمیلائن کمیا ہونا چائسینے کہ ان دونوں محسمہ یں کی ممدب سطحوں مرشے دائیں۔ اوری مول \_ ایک بنداسطورنه انع سے تقریباً بحرابوا ہے اورا پنے ایک تکوینی خطے گر وجوانتھالی ميے يكسان رفعار سے تھوم رہ اے - اس كم منحتى مطح ير كا حاصل دمارُ معانِ م كرة -اس کے ادیر کے لسرے پر حو دہاؤ ہے اس کا نقطہ ثما بھی معلوم کرو۔ رم ۲ سے تابت کروکر جور قبہ شخنی (د- او اجم طرے دے کے مقارب اور اس کی توس کے درمیان گھرا ہواہے اس کے دباؤے مرکز کی گہرا تی سے جاں متقارب سال كى سطح ميں ہے اور منحنى كا مستوى انتصابى سے -

۲۵ --- ایک مخوط مائع سے بھردیاگیا ہے - اس کا ڈبکن وژن وار اور شیک بیٹھنے وا لاسے اور ایک بیٹھنے وا لاسے اور ایک تبینہ کروں کے گرد ایک تبینہ کی کرد حرکت کرسختا ہے -اس مخزوط کو قبصنہ میں سے گور سنے والے تکوینی خط کے گرد (جوانتصابی ہے ) بیکساں رفنا دسے کھایا گیا ہے - بڑی سے بڑی زاوی رفتا رمعلوم کروکہ مائع نکا نہ ٹرے -

علی نیرے۔ ۲۶ ۔۔۔کردی خول کا ایک حصدا کیسے سندی سے ترانس لیا گیا ہے اور بقید حصد کو ایک فقی

مستوی بیاس طرح رکھا گیا ہے کہ دائری تراش ستوی کوس کرے - بچر ہکو بلند ترین نقطار ر کے ایک جیو سے سوراخ سے ذریعہ یا نی سے بھرویا گیا ہے - کروی خول کا بڑے سے بڑا حصہ

دیا نت کرد م کاٹ لیاعا سے اس طرح کرما تی با ہر کل بیسف ندیا ہے خواہ فول کتنا ہی لیکا ہو۔ ریسی صورت میں تا بت کرد کر خول بر کا بیرا و باؤ آئیے کے وزن کے ساتھ ۲: ا کی

نسبت ركيتاسي س

۷۷۔۔۔ اگرایک ُغرق سندہ مستوی رقبہ اسپیغ مستوی ہیں سنکہ ایک خطامت قبیم کے گردگھو ہے تو ناست کردکہ وباؤ کا مرکز اس مستوی میں ایک فعامت قیم مرتسم کرتا ہے۔

عم بسير الكي المعب كوكناه م الوسي التي كان كان الفقي اورانكها في من - اس كرواكيت وزن داراك سنه جس كاحجم م الا إسر ١٠٠ كاست ما يؤيراكيت ايسي قويت عمو كرتي

روں دوں ہے۔ اس مرکز کی طرف ہاکہ سیمہ اور است بدلتی ہے جیسے اس مرکز سیمے فاصلہ- فاصلہ-ہے جبکعب کے مرکز کی طرف ہاکہ سیمہ اور است بدلتی ہے جیسے اس مرکز سیمے فاصلہ- فاصلہ-

و برزنت کی مقدارے ہے۔ اواضطح کی شکل اور کسی نظاریکا ویا کہ معادیر کرو۔ اگرایک انتقعانی ا کرخ اِسپیٹر ستوی کے ایک افقی مطامعقیم سے گرد حرکت کرسے تو ٹاست کروکہ یو رخ ساکن مبوق

بینهٔ طرکه برخطوس رخ سنگے زرین گخارسی سکتے بھی او خاسصتے بروز قع ہو ۔ مناب کا ساتھ برکافی ان کا میں سرگر افرار دسیوس سے میں فاکھا سر دروہ

8 م کے۔۔ایک بھوس مکافی نیا ماسکومیں سے گزرنے والے مستوی سے ترام**فا کیلہے جواس کے** محور برعلی القواعی ہے۔ بیسکافی نیا ہور ہی ظرت ائع میں غرق ہے اس طر**یے ک**اس کا راس وہی ہوگی گہرائی برسبت اورا میں کا نحو احتسا نی سب کے ساتھ وہا ہوا لا دیو ن**باتا** ہے۔ اس کی منحنی سطے برسکے

بر عاصل بازگی ست آوراس کی تقدار معلوم کرو-

۰ - - آیک مکانی رتب و ترخا عمل سے محدو دہے۔ اس کو دترخاص کے گرد زا ویہ طہ میں تھاکر ایک تھی س بنایا گیا ہے اوراس ہٹوس کو پانی میں اس طرح تھاما گیاہے کہ بیعین فزق رسبے ادراس کا نیاپ مستومی رخ انعتی رہے۔ اگر منحنی سطح پرسکے قامل وہا وکا مسلان افق کے

ساقه فنرموتو نابت كروكه

سوجب اطاس فد = ٥جب طد - سوجب طرحمرطد - ٢ طر

۳۱ ۔۔۔ سیال کی کچیکمیت ایک تحورکے گرواضا فی توازن میں گھرم رہی ہے۔ بیسیال تا اون قدرت کی موجب کشش کرنا ہے -اس میں ایک چھوٹا وڑہ واٹل کرویا گیا ہے اور اس کو وہی رفیار دسی گئی

کی موجب سشنس کراہے - اس میں ایک جھوٹا درہ دائل کردیا کیا ہے اور اس کو وہمی رضارد می کمئی ۔ -ہے جوکراس عگر کے سال کے ذرہ کی ہے۔ کیا اپنی حرکت میں یہ نمور کی طرف آسنے گایا اس سے ۔ دلیہ

رے سنٹے گا۔

سيال كى ايك غير محدود كميت مين دوخول داخل كئے سينے ميں سيال كى ثنانت مض

ہے ادر اس کا ہر صدم ردوسر سے معد کو قالوٰن قدرت سے بوجب حذب کراہے خواوں کے اندرونی دہیروتی نصف قطرعلی السر تنیب اور اور کوٹ ب میں ادر ان کی کٹافتیں شاکھی

المرود فی دایک دوسرے کو ادر سیال کو قانون فندرت کے بوجب عذب کرتے ہیں۔ بہزول میں۔ خول بھی ایک دوسرے کو ادر سیال کو قانون فندرت کے بوجب عذب کرتے ہیں۔ بہزول پر کی عال قوت معلوم کرد ادر نابت کرد کہ بعض عمورتوں میں بیر نوت وافعی ہوگی۔

و من است ایک دیا موارقبه انتفها بی طور پرایک وزن دارمان میں غرق سے اس رقبه کوفاعدہ سرس سے ایک دیا موارقبه انتفها بی طور پرایک وزن دارمان میں غرق سے اس رقبه کوفاعدہ

مان کرایک محزوط بنایا گیاہے جو کلیتاً ما کہ من خرق ہے راس کاطریق معلوم کرو جبکہ منحتی سطع بیر کا حال دباؤمسنقل مواور ٹابت کروکہ مید دباؤ غیر شغیر ریسیگا یا گرمخروط کواس انفق خط سے گردهمایا

عاب جوقا عدہ کے مرکز نقل میں سے اُرتا ہے اور فا عدہ کے مستوی برعمود وارہے -

ا ما سا ایک مخوطی برتن کو حب کا محورانتها بی ادر راس مینیج دار میم محور میں سیم گزرت و ایک ایک مستوی سے کورت ا والے ایک مستوی سے دوحصول میں تعمیم کیا گیا ہے ان حصوں کورانس بیسک ایک جمعندادر

وائے ایک مسوی سے دو محصول میں تعسیم کیا گیا ہے ان محصوں کر اس ہوسے ایک بلصدادر ایک ڈوری کے ذریعہ جو برتن کے کنارہ کا قطر سرے اور فاصلِ ستوی پرعمود وارہے حدا ہونے

ے روکا گیاہے ۔ اگر برتن کو یا نی سے بھردیا جائے تو رسی کے تنا وُ کا بَا بی کے وزن کے ساتھ متعالم کرو ۔

۳۵ - ایک کھو کھلے محوٰ واکو جسکی جو ٹی کھلی ہے یا نی سے تھردیا گیا ہے اس کے محد میں سے گزرنے دالیے دوستویوں سے (جن کا ورسیانی زاوید دیا گیاہے ) محزوط کے ایک طرن جو

کورے والے دوسلوبوں سے (مین کا درمیا می راوید دیا گیاہے) ہو سطح کا حصد کشا ہے اس برکا حاسل دباؤا دراس کا خطاعمل ساوم کرد۔

اگرزا و بدراس ٹائمہ ہولو نابت کروکہ بیضط مخ وط کی جو ٹی سے مرکز میں سے گزیے گا۔ ۱۳۷ — ایک برتن اقصی مکانی نما کی شکل کا ہے اس کا محور انتصابی ہے اوراس کی ساوی

كياً ہے ان بيت ايك حصد ميں ك گهرائي تك إنى ڈالا كيا ہے - اگر مخنى حصد يركے حاسل دادُ كوا نتقها بي اورا نقى ممت مى تحلياكما جا ك تو تابت كروكما فقى جزوتحلياكم خطام نظه (<u>۵</u> و<sup>م هِ هِ بِ عِ كُ ) ين سَمُّ مُذر مُكَارِ</sup> عس فصف کروی نشکل کا ایک بیاریانی سے تعرویا گیاہے - اگراسکواک ایسے ستوی سے تراشا جائے جواس کے مرکز ہیں سے گزر اسپ اور انق کے ساتھ ویا ہوا زاویہ بنا اسپ تو بیات کے اور کے حصہ پر رابعل وہا و کی ست اور مقدار دریافت کروس ٨٠٠- إلى تعليم وطي خول مين جس كا وزن نظر انداز كميا حاسكماسيم إني بحرد إكياسيم اور اس کے کنارے کے ایک نقطہ سے اس کولٹکا کرو اڑن کامحل بتدریج اندیارکیسے دیا گیا ہے۔ اگراس کازاوبداس جمة الله بهوتونا بت كردكه يانى كى سطح نقط بقليق مين سے گذر نے والے "كُونِي خط كومشيت ٢:١ مين تقسيم كريخي -٣٩- ابك نتظم كية الاصلاع جويورى طرح انع مين عزف ب اسيني مركز تقل كرو حركت كرسكما و نابت كُورًه وما وكُلُ مُركز كاطريق أكب كره ہے بم بالك رفيعت كروي ظرف بان ت بحرواً كياب ادراس ك وسطى رفست قطاس سيد د دامنعها بی سنوی کینیعیر سکیئرہیں۔جِرسطی کو نصف بیما نک میں تراستے ہیں۔ اگر مستوبول کا درما لاديه ٢ عدة د تو نابعة كروكه اس جدانك برحاصل دماؤا نتعماني ممت كے ساخترا ديو مسن (جيڪ) اله بني تقويب كا ابات أب البات كروت كا أبات كروت المنافت واليربيال كالبيت الم<u>لاية الم</u>

کہ اس کا نحورانتصا بی رہے اور تیعر یا بی کی کو ئی مقداراس میں ڈالدیں ا دراس کے تحور میر سے گزرے والے انتصابی ستوی سے اس کودوحصوں میں تقسم کریں تو کل طراب بر کا حال میں د با و اس حصه پرکے مامل افقی دبا دُسکے ساتھ ستقل سُبت رکھنا ہے استطح کُتُ کُل معلوم کُرُو۔ ۔ نم منحنی انتہا بی محورے گرومتنا کل ہے اگراس کو ما نع میں اس طور پر خرق کمیا جا سے ب سے او نیٹے نقطہ کی گہرا وسب سے تیلے نقطہ کی گہرائی کی تفعف ہوتو اس کے دباؤ کا مرکز محور کی مضیفت لرائے۔ اس کی مساوات دریا فت کروسا - ایک تنطیلی رقه یجکیدار مانع میں اس طرح غرق ہے کواس کی طفخ تعمانی ہے او اِس کا ایک منطع

ما ئيِّ أَن تصطيبين مين جهان دابُوص غرم - اگر کتافت دابُوکا خطلی تفاعل مواتو نما بت کردکه و ابُرک م

ل × (م-1) ت + (1- أ م ا) ث بـ (م - 1) ث بـ م ا) ث بـ م الله م ال

م = کور ف

۔۔ ایک مثلثی پیرے کے راس ( ' ب ' ج ایک متعانس اُنویں اِلز تیب گ کُ گ گرائیوں تک خق میں - اگر از ، ب ، ج ، سے ب ج ، ج از ، ال ب رعو وعلی سرتیب ع، ع، ع بوں تو تا ہت کروکہ دبار کے مرکز کے منطی ( Trilinear ) تحدوم رستگے ( - 1) re ( - 1) re / ( - 1) re / ( - 1) re ( + 1) rt

٢٧ \_\_ ايك شنتى يزا ايك متجانس ائع مي يورى طرح غرق ہے -س كے راسوں كي كه رامال ف، نى ار مي اگر متلك ك داوكا مركزرانون يراصعات ل م ن ك اوسط مركزير

منطبق موحائے نو نابت کروکہ

ن : ن : ر : ، ۳ ل - ( م + ن ) : ۳ م - (ن + ل ) : ۳ ن - (ل + م )

د : ن : ر : ، ۳ ل - ( م + ن ) : ۳ م - (ن + ل ) : ۳ ن - (ل + م )

د س ایک کلب صندوق کے صنع کا طول کو ہے اور اس کے وزن دار ڈوہکن کا ور ن ن و ہے جوایک کنارے کے گرورکت کرسکتنا ہے - صندوق کو اِن سے بھردیا گیاہے اور اِس

کنارہ کے ایک سرے میں سے گزرنے والے نظر کے ذریعہ اِس کوانتھا بی طور پر نشکا یا گیاہے

اب اگراس کو تکسال زاوی رفتا رسے سے گھما یا حاسے تو نابت کروکہ و کو

سے کم نہ ہونا چا جیئے اگر بائی گرنہ جا ہے جہاں و صندوی کے اندرونی یانی کا دزن ہے ۔

ہم ۔۔ایک ناقص نما کو مرکز میں سے گذرہ والے کسی ستوی سے تراش کراس کی شخی سطح
اور سنوی تراش سے ایک بنداستوار برتن تیار کیا گیا ہے۔ برتن کو پانی سے عین بحرکوایک افقی
میز براس طرح دکھا گیا ہے کہ مستوی قاعدہ میز پر نکا رہے ۔ نا بت کردکہ شخی سطح پر کا صال داؤ
ایک انتصابی قوت کے مساوی ہے جریا نی کے نصف وزن کے مساوی ہے اور جس کا
خط عمل ستوی قاعدہ کو مرکز سے ہے راز ہے آ

مزدوج نصف و تر اور ع مرکز سے افقی ماسی مستوی پر عمو دہے۔

مزدوج نصف و تر اور ع مرکز سے افقی ماسی مستوی پر عمو دہے۔

ہر ایک جوٹا مفوس جسم ایک سیال میں ساکن رکھا گیا ہے جس میں کسی نقط پر کا دیاؤ

تا یم محد دوں کا نمائی می کا ایک ویا ہوا تفاعل ہے۔ نیابت کروکدائس جفت کے آجزائے ترکیبی جوسیم کواس کے مرکز نقل کے گرد تھمانے کامیلان رکھتا ہے

$$\frac{\dot{z}^{2}}{\dot{z}^{2}} = \frac{\dot{z}^{2}}{\dot{z}^{2}} - \frac{\dot{$$

+ **ن** فزاد زی فرلا

وی ولا اوراسی طرع کے دواور سطے ہیں جہاں لا، ب، ب، ح، ح، ع، ن مرکز تقل میں۔ سے گزرنے والے محاور کے لخاظ سے جسم کے مجمودی معیاروں اور جمود کے قال سروب کو تعبیر کرتے ہیں۔

٠ ٥- ايك استوار كروي خول كانصف قط الرسيم وسركيس كيت ك ه عب من ارد کٹا فت کا ل سخناہے کیس ایک نابت بیرونی نقطہ وسے (جس کا فاصلہ کرسے ف ہے) ایسی قوت سے دفع موتی ہے جو ٹی اکائی کمیت فاصل کے مسادی ہے۔ نامع كروكه خول بركيس كاحال دا وب ال منا - الا المنا + الالمنا + المنا + المنا ا ۔ یا نی سے تعرابوا ایک خارف نا تھی نما (مماور او م ب سس ) کے ہم مگویں حصہ کنے کل کا ہے جو تین صدری سنویوں سے محدود سے - محور سے استصابی ہے اور کر اُم ہوائی کا و باولظر اور ہوسکتا ہے۔ نابت کردکمنتی سطح برکا عاصل سیالی داؤ ایک ابھی قوت ہے جس کی شعدت ہے۔ سید یہ یہ ہے۔ かとしょうなかっとなりもでいしょ م د -- ایک کمو کلونا قص نمایانی سے بھروا کیا ہے اور اس طرح رکھایا گیا کہ محور و افت کے سا کھ زاویہ عد شائے اور محور ج انفی رہے۔ ٹائبت کروکہ محور لا بیسے گرے والے المقهابي ستوى منظي برطرت كي مخمني طع ير كاسيال دبا وايك رنخ مساوی ہے جس کی گھائی ہے سر ہے۔۔ایک شلٹ ایک مائع میں غرق ہے جس کی کٹافٹ ایسے مبلتی ہے جسیے گہر دئی۔ اس سِتْلَتْ کے راس ا نئے کی سطے کے نیسجے عدا بہ ، حبہ فاصلوں پر داتع ہیں۔ نا بت کروکہ د با و کے مرکز کی گہراتی ہے م ھ ۔۔۔ ایک سنوی رقبہ ایک وزں دار غیر شعبانس سیال میں کلیٹا غ ق ہے اور ایک ایسے

کا وہائوست

افتی نا بت محورے گر ، کموشائے جوگ گہرائی پرہے اورستوی پر عمود وارہے اگری کہرائی پرسیال کی کثافت مدی کے مسادی مواور اگر محورا ویستوی کے نقطہ تقاطع میں سے گذر نے والے دوعلی انقوام کا درمیں سے ہرایک کے کا ظرسے ستوی رقبہ نتشاکل مووقہ نا بت کروکہ ویاؤ کے مرکز کا طریق نصنا میں ایک قطع نا تص ہے جس کے مرکز کی گہرائی ہے مرکز کا طریق نصنا میں ایک قطع نا تص ہے جس کے مرکز کی گہرائی ہے مرکز کا طروق نصنا میں ایک قطع نا تص ہے جس کے مرکز کی گہرائی ہے جہاں مشاکل بحوروں کے لی فاصے رقبہ کے گروش کے نصف قطر کئے ہی اور کر ہوائی

ين سه ( لا -ك )

جن ممہ ( ۵ - بس) ۵۵ - بنابت کردکسی غرق آب ستوی رقبہ کا دہا ُوا ایک قوٹ میں جور قبہ کے مرکز ہندسی پر عمل کر تی ہے اور ایک حبفت میں جورقبہ کے ستوی میں ایک بحورے گردہے تحلیل ہو سکتا ہے ۔ نیز تابت کردکہ اس حبنت کا محور اُس ناس رعمو و وارہے جو مرکز سندسی پرے سعیاد می ناتھ کے اِفعتی نظرے سرے پر محدینجا گراہے ۔

باب جهارم

تيرني والي أحسام كأتوازن

۸۷ -- تیرنے والے حبیر کے توازن کی شرطیں معلوم کرنا ہم یہ فرص کریں گئے کرسیال صرف جاذبہ ارض کے زیر عمل ساکن ہے اور سبم بھی

صرف اسی فوت کے زیرا فرسیال میں آزا وانہ تیرر اسے - اس طرح جسم برعمل کونے والی ا تو تیں صرف اس کا وزن اور گروے سابال کا دیاؤ ہوگا۔ اس سائے تواز ن کے قیام سے لئے

عال سیاکی دبارجسم کے وزن کے سیا دی ہوگا اورا نتصابی سمت میں ٹمل کر سچا۔

اب ہیں بہمعلوم ہے کہ مجزاً یا گاماً عزق سفدہ تعلوس کی سطح برکا حاصل سیالی داؤہ ہٹارے ہوئے سیال کے وزن کے مساوی مرتا ہے اور اس کی کمیت کے مرکز میں

ے گڑرنے دائے انتقبا بی خطایں عمل کرتاہے۔ اس سے بینتیج بخلتا ہے کہ مبر کا وزن ہٹائے ہوئے سیال کے وزن کے ساو<sup>ی</sup>

ائل سے پیلیجہ تکما ہے اور سے ایک ہے وائی سامے بوسے سیاں سے وازن ساوت ہونا چاہیئے ادر یوکہ جسم اور سٹا سے ہوگئے سیال کی کمیتوں کے مرکزایب ہی اُتبصہ بابی ب

خطیمی واقع ہونے چاہلیئں۔ پیرنز طبیں توازن کے لئے عزوری اور کا فی ہیں خواہ سیال جس ہی حیر وا ہے کے مند کسر سرائی مارند تاریخ ساتھ ہوئے ہوئے کا ساتھ جا کا ہے خوال

کسی نوعیت کا ہو-اگرسیال نیر متجائش ہے تو ہٹا گئے ہوئے سیال کواس طراح ضال کرنا ہرگاکہ وہ بھی جسم کو گھیرنے والے سیال کے قانون کٹانٹ کی یا بندی کرتا ہے ۔ بالفاظ دیگر اس میں ایکسے طبقات فرض کرنے مہو تنگے جوگرد کے افقی طبقات کے ساتھ

ملسل موں نیز اسی تسم کے اور اسی کٹانت کے ہوں۔ ''سلسل موں نیز اسی تسم کے اور اسی کٹانت کے ہوں۔

مثلاً البیکھوس مسبم جزا غرق سندہ یانی میں تیررہا مو تو اس کا وزن مٹائے ہوئے این کے مثلاً البیکھوس مسبم جزا غرق سندہ یانی میں تیررہا مو تو اس کا وزن مہنا ی ہو ی مواکے وزن اور کہنا ہی ہوگا۔ اوراگر مواکوخارج کردیا جائے یاس کے واؤکو کٹانت یا تبش کی تحفیف سے تھنا ویا (19)

تو تھوس کا کچھ حجم یا نی میں اور ڈوب جاسے گا جواس کے درن اور یا نی اور موا کی کٹا فتوں

پر مخصر مو کا- اس کی مزید تشریح یوں موسکتی ہے کہ داکا واویا نی کی سطح پر متنا ابرکسسی اوپر کے نقطہ پرکے دباؤکے زیا وہ ہے اور مہوا کا سطمی دبائویا نی کے ذریعہ تیرنے والےجسمے غ ق ست ده حصد پزشقل ہو جا ہاہے جس کا ینتیجہ سرتا اسے کہاس پر ہوا کا ادبر وار د ! و اس کے

نیعے وار دبا کوست بڑا ہواہے۔ وہ سے سم چند خاص صور میں ریکر شراکط بالا کے اطلاق کی توضیح کرسیگے۔

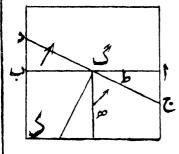
مُثَالَ (١) تَعْلُوسِ مِكَا فِي مَا كَا ايك حصيرَ بِي كا ارْتَفَاعِ وَيَأْكِيا ﴿ عِنْ الْكِيمِ مِنْ طِيحِ تیرر اسے کرمحرانتصابی ادرراس نینجے کی طرت ہے اس کے تواز ن کامحل معلوم کرو۔

تکوینی مکا فی کے وتر نعاص کو ۴ / ارتفاع کو ٹ / اور راس کی گہرا نی کو لا سے تعبیر کیا جائے تو یورے مفوس اور خرق بندہ حصد کے حجم علی انٹریتیب ۲ اور فی اس اور ٢ ١ و لاَ ہوننگے - اوراگر تموس اور مافنع کي کُتا فقيس لُخا ، تذر مُول تو تواز ن کي ايك سترطَّ ؟ ت × ۲۸ ون = شر ×۲ او لاً

لا = الله ن

جس سے غرق سنندہ مصد کا تعین موحاً اہے ۔ ِ دوسری سف ط صبر کیا پورس ہو تی ہے۔ مثال ( ۲ َ) ایک مربع بترا ایک مائع میں جس کی کثّا نت اسکی ٹمائندی کا دوجندے انتصاباً تیزو ہے۔ اس کے توازن کے محل معلوم کرو۔

شرائط تواز ن صریحاً بوری کمونی میں اگریتیرے کا نصف حصد ما نع میں اس طرح عرن موكه وترا نتصابي رسيصه يا دواصلاع انتصابي بون -



اب یہ معلوم کرنے کے سائے کہ کو ٹی اور محل تھی توازن کامحل ہوسکتا ہے این س - فرض کروکہ بتراس طح تعااكياب كحصتقر دكج اكع كمطع م ب بر برا المال المالي من طابوري بوق ب-ليكن الرك ج كل ١ - طر اورم يع كامنك = 1 کو تر نعظم ک کے گرسالی دہاؤ کا تعیار جو

44

ستطیں اِس کے سیاراور شلت گئ ب د کے ورجند معیار کے فرق کے سیاوی ہے ۲ لاً × 1 مر جب طرب لاً مس طر× <u>لا تط طر+ لوجم طم</u>

يا حب طه (۱- يمس طو)

کے متناسب ہوگا اور یہ اسی صورت ہیں معدوم ہوسکتا ہے جبکہ طد = ، ایا ہے ؟ ا اس ملئے توازن کا کوئی ووسرا محل بنیں ہوسکتا۔

مثال ۲۰ – ایک مثلثی منشوراس طرح کتر را سبے که اس کے نیارے انعتی دیں۔ ہس سے توازن کے محل در ایفت کرد

فرض کردکشکل دلی منظور کی وہ ترامنس ہے جواس کے مرکز تقل میں سے گزرنے والے

انتفہابی مستوی سے پیدا ہوتی ہے -ن ق تمیراو کا خط اور ہے ہٹائے ہوئے ایک میں کہ فقل میں تازین کی صریب میں

ما أنع كا مركز تقل ہے۔ توازن كى صورت ميں رقبہ اله ن ف : رقبہ ال ب ج :: نتوار رئب نام

ئر بنائع کی کتافت کی کتانت ؛ مائع کی کتافت

اور اس کئے ن ق کے تمام محلوں کے گئے (ن ق مستقل ہے۔ اس کئے ن ق ہمیشہ اپنے وسطی نقطہ پردایک ایسے زائد کو مسرکر آہے جس کے تنقارب (اب

ادر اج أي-

بین ه ت ن ن پرعمود وار ہونا جائے اور جونکر نیز ه ت ن ن پرعمود وار ہونا جائے اور جونکر ( ف : ف ی = ( ف : ت ن

اس کے ف می من ق بر عود وار ہوگا۔ بینی ف ی زائد کے نقطہ ی بر کا عاد ہے۔ اِس لئے اب پیسکار ف سے سنحنی پر عماد کھنچے کے مسکر میں تول مہوا اہے

12 = 17

(ar)

بترنے ولالے اجسام کا توازن

ارزاد ب اج = طر اب = ۱۲ ، اج = ۱ب نیر زمن کردکہ نقطہ ے کے محدد (لاً) ایں ۔ او ب نقط ف کے محدد ہیں اور نقطه درگ مآد کی مساوات ہے عا- ما = المجم طر- لا (منا - لا) ادراگریا نعطرف میں سے گزرے جس کے محدد و 'ب میں تو (ب - ا) (لا جم طد - ما) = ( و - لا) (ما جم طم - لا) يا الأ- (ل+ ب جم لم) العائر المجم طم + ب ) السيد (بم) مساواتیں رعمہ) اور ( بر ) زائد کے تمام تقعوں کا تغیین کرتی ہیں جن برکے ماس تىلۇكى خطوط موسىكتىمى--۔ نیز مسادات (بب) ﴿ بِ اللَّ سِکِ مِتوازی مز دوج فطروں کے حوالہ سسے ایک فائم زائد کی مسادات ہے۔ اس لئے ان دولوں زاندوں کے نقاط نفاطع سے کے ٧- (و + ب عبرطه) لآ + (٨ بمرط + ب ) ح الا - ح = . سے لامعادم ہوسکتاہے ۔ اس ساوات میں صرف ایک اصل منفی ہے اورایک یا تیں متبعث إملیں ہیں۔ اِس کیے نواز سے محل تین ہو سکتے ہیں باصرت ایک ب المُرْمنتُورُ أور الْع كى كَنَافنين بنه اور هيف بون توجُّونكم أَوْبُهِ ن أ ق = ان × اق حبطه = ۱ لاماجب طه = ۱ ج حب طه ۲ ف چ جب طرح ۲ × ش × و × ب جب طر ن با به ندر د حبی سے ج معین ہوجا آہے۔

فرس کردکر منشورمتسادی اسافین ہے تو او = بدیکے سے لا کو متعین کرنے کی

کی مساوات ہوجاتی ہے

لاً - ج" - ر ( ا + جم لم ) ( لا - ج ال ) = -

اس بیں لا = ج متا ہے حب سے ا = اج حاصل ہوا ہے اور ب ج انفی قراریا آ ہے جو صربحاً توازن کا محل ہے اور نیز

 $U = \frac{1}{2} \left( 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} \left( 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \right) - \frac{1}{2}$ 

デ(デーキペッシ) \* キャラ) = اس کے متسادی الساقین منتورے توازن کامحل مرب ایک موگا تا آنکھ

وجمز ط > ج

اور چونکہ ت ج ا = مذاراً اس کئے یہ

一点人人声

مِشال ہم'۔ ۔ مِشال ہم'۔ وی مونی ٹیکل اور وزن کے غبارہ کے بدوزن کا محل معلوم کر وحبکہ کرہ ہوائی کے مختلف ارتفاعوں بزنمیں کے تغیرت نظرانداز کئے جامیں -تبش متنقل ہوتو تک ارتفاع بر ہوا کا دبارہ = ۴ قو سطی اور اس کی کیافت

کی ہیائیٹس ہوئیہے ۔ ہٹائی ہوئی ہوا شغیر تحانت کے طبقات کے سلسلوں بیٹٹل ہوگی ادرا گرغبارہ کے مہائی جوئی ہوا شغیر تحافت کے طبقات کے سلسلوں بیٹٹل ہوگی ادرا گرغبارہ کے

زیرترین نقطه کا ارتفت ع کی جوادراس نقطه سے عبارہ کی کسی افتی تراش ( کا ) کا فاصلم لا ہوا در من غیارہ کا ارتفاع جو تو ہٹا گی ہو گئی ہوا کے ایک طبعتہ کا دزن ہوگا

ادر بنانی به اکاکل وزن -ج (ی + لا)

= رُبِی ای به اکاکل وزن = رُبِی ای ای به اکاکل وزن ای بین ای بی بی بی بی بی بی بی ای بین ای بی بی بی بی بی بی بی بی بی

اب جونکه غیاره کی شکل دیگئی سیصے اس کئے کا ) لا کا ایک معلومه تفاعل سیصے اور اگر غیارہ اور اس کی اندرونی گیس کا وزن و ہوتو ارتفاعی کی تقبین و کو ہٹا ٹی میرد ٹی مہوا سکے کل وزن کے مساوی رکھنے سے موج آ اسبے ۔

· ۵ — ایکسه تنجانس میلوسر حبر کلاً غرق سف دوایک مانع میں تررا ہے حس کی کمانت ایسے

بدلتی سے جیسے گہرائی میسک کمیٹ کے مرکز کی گہرائی معلوم کرد۔ فرض کروکر جیم کے کمبند ترین اور زیرترین نقاط کی گہرائیاں ور بب ہیں، اور سی

گہرائی براس کی افعی تراش کا رقبہ سے ہے اوراس کہرائی برائع کی کثافت مدی ہے۔ اور اس کی افعی تراش کا رقبہ سے ہے اور اس کہرائی برائع کی کثافت مدی ہے۔

بٹاے ہوئے الع کاوزن = آج جہ می سے فری فرنس کروکہ جسم کے حجم ( س ) کے مرکز ہندسی کی گہرائی کی سے نو

ح تی عرکے عافری

اس کے مٹائے موسے النے کا وزن ہے ج مرقمی سے ۱ اور اگر جسم کی کمنا فت ہے ہوتو اس کا دزن ہے ج خ سے اس لیئے ہئے ہے ہم تی بینی جبر کہالیسے محل میں تیرر ہا سے کداس کے جرکے مرکز مند ہی کی گہرائی پر مائع کی کٹافٹ اللم کی کئافٹ نے ساوی ہے۔ ادس۔ اگرا ایک ٹھوس سیر کسی تعدید کے انتخب تیرر آجونز توازن کی مشرطیں تدیدے حالات کی نوعیت بیٹھ میر ہوگی لیکن ہر صورت میں تعدکر سے والی قونوں کا مامل انتھا ہی مت میں ممل کرے گاکھ بیکر دوسری ٹو تیں اسیالی وہ کو اوز النے کی سنسرط ہوئی ہوئے ہا رہیں۔ گرد جسم کے دزن اور مثاب ہوئے میال کے وزن کے معیار مسادی ہوئے جا رہیں ۔ (a a)

اگر پر شرط پوری ہوتو جسم کئی ہوگا اور تا ہیں تعظم برکا دباؤان وووز توں سے فرق سے ساوی ہوگا۔

اور مثال میں ہوتھی ہے کہ ہم ایسے عثوس ہم بر عور کریں جوبائی میں تیر رہا ہوا ورایک رسی

کے ذریعہ دیکایا گیا ہو جو بائی کی سطح کے او پر ایک نفظہ سے بندھی ہوئی ہے ۔ تواز ل کی حالت

میں رسی انتصابی ہوگی اور اس کے تناؤ اور حاصل سیالی وائو (جو ہٹا ہے ہوے سیال کے وزن کے

میں اسی انتصابی ہوگی ور اس کے تناؤ اور حاصل سیالی وائو (جو ہٹا ہے ہوے سیال کے وزن اور

میں اسی انتصابی ہوئے ہوان کے خطوط ممل اور ڈوری کے خطے ور میان ہیں اور جو یہ کی انتہاں ہیں اور جو یہ بیا ہوئے ور میان ہیں اور جو یہ ہوئے ۔

مینوں خطوط ایک ہی انتصابی میں ہوئے ہے۔

مینوں خطوط ایک ہی انتصابی میں وہ بھے ۔

مینوں خطوط ایک ہی انتصابی میں وہ بھی میں ہوئے ۔

میں دیں بیار مینوں میں ہوئے ۔

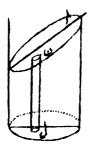
۵ — آینده کی تختیق بیر حسب ویل برندسی مسئلے کارآمذ ثابت ہو جگھے۔ اگر ایک مستوی سطح ایک کٹوسر مسر کر قطع کرے ادر اس مستوی کو ایک بہت حیو شے زاومہ

بشرطیکه خط متقیم ستوی تراش کے رقبہ کے مرکز ہندسی میں سے گزرًا ہو۔ اس کو تابت کرنے کے لئے کسی قسم کے ایک اسطوانہ پر مورکروجس کوالیسی ستوی طع قطع کرتی ہے جواس کے قاعدہ کے ساتھ زما وکیا طونیا تی ہے۔

ن رون کروکر تراش و کے مرکز ہندسی کا فاصلہ اسطوانہ کے قا عددے تی ہے۔ اور تراش کے بقید کا صفر معن فی اور سنتویوں کا درسیا نی جمرح ہے تو

ی= <u>×سنا× ن ل</u>

: المجمله × من ع ع العن المجمله × ن ل ) = ح



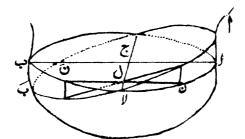
پا سے ہے ( قاعدہ کارتمب )
اب رقبہ اکا مرکز ہندسی اُن تمام تراسنوں کا مرکز ہندسی اُن تمام تراسنوں کا مرکز ہندسی کرنے والے استون طلع کے اللہ کا عدد کرنے میں۔ یوبا مصال ترامنوں کے ظل استوان کے قاعد کے اور میں میں دینا کے دیا دہ میں میں دینا کے دیا دینا کے دینا کے دیا دینا کے دینا کے دینا کے دینا کے دینا کر دینا کے دینا کر دینا کے دینا کے دینا کر دینا کے دینا کے دینا کر دینا کے دینا کر دین

پر لینے سے بون ظاہر ہوجاتی ہے۔ اب چونکر تمام تامنوں کے لئے تی دہی ہے

(04)

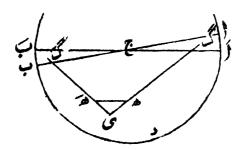
اس النے قطع کردہ مجم بھی وہی ہو بھے۔ کسی فلوس کی طورت میں اگر قاطع مستوی کواشے مرکز سندس کے گردایک بہت جیوٹے ڈادید میں گھایا جائے تو تراشوں کو محدو دکرنے والے شخسنیوں کے سئد بالا کی تقدیق ہوجا تی ہے۔ فلطی کے اسطوانی خیال کیج اسکی ہے ۔ اوراس النے سئد بالا کی تقدیق ہوجا تی ہے۔ بالفاظ دیکر قاطع مستوی کے متقام میں نبد بلی سے حجہ میں جو نعقصان اور ا منا فرہر تاہے آن دونوں کا فرق کسی ایک کے متقالم جم لا انتہا جیوٹا ہوتا کیے ۔ سر ھ ۔ تعرفیا ست ۔ اگرایک عجم ستجانس ائن میں تیررہ ہوتو مائع کی سطیح ہم کو حبن ستوی پر قطع کرتی ہے۔ اس کو تیراؤ کا مستوی کہا جائے گا۔ مٹلے کرتی ہے۔ اس کو تیراؤ کا مستوی کہا جائے گا۔

لله حسب ذیل غبوت بھی دیا جاسکتا ہے -فرض کروکہ خاطع ستوی اس جسب، ایک خط ج لا کے گرو ایک جیوٹے زادیہ (طم) میں کم یا گیا ہے ادراس کے رقبہ کا عنصر فرا ہے -



تو قطع شعد مم میں جواصا فہ ہوگا اس کی جبری قبیت کرطہ ما فرا کے مسادی ہوگی۔اب اگر یسعدوم ہو جائے قو کر ما فراء ، ، جواس بات کی شرط ہے کہ ا کا مرکز ہندسی محورلا بر واقع ہو۔ اس طرح اگر ہے کو مرکز ہندسی زعن کیا جاسے تو ہے میں سے گزرنے والا ہرستوی اس شرح کو بوراکرے گا۔

مخنی نه رہے کہ نطع مضدہ تمجم کا جبری معیار تورا کے گرد کر طہ لا ہا فر 1 ہے جو معدوم ہوگا اگر کر لا ما فرڑے ، مینی اگر تحاور ہے لا ، ہے ما رقبہ کے صدری محاور ہوں۔ اگرجم اس طرح حرکت کرے کہ ہٹائے ہوئے انع کا جم نہ دسلے تو تیرا کی ستوی طموں
کے لغاف کو تیرا کو کی سطح اور ھ کے طرق کو اچھال کی سطے کہتے ہیں۔
ھ ۔۔۔ اگر ایک ستوی حرکت کرے اس طور پر کہ اس سے ایک مفوس مرم کا ہمیشہ شقل مجم فطع ہو اور اگر قطع مواور کر قطع مواور اگر قطع موادر کو جم کا طرق ہے فطع ہو اور اگر قطع مستوی جم کا طرق ہے فاطع مستوی ہے متوازی ہوگا۔
قاطع مستوی کے متوازی ہوگا۔
و و سرے الفاظ میں تیرا کی سطح کے کسی نقط ہرا ور اجمعال کی سطح کے متنا فالمقط بر ہے ماسی مستوی ایک دوسرے کے متنا فالمقط بر ہے۔



قاطع متوی فرج ب کوایک جمو گزادیه می کواد فرض کردکداس کانیا متعام فرج ب ب کے جمسادی ہیں۔

می فرض کردکدان فانوں کے ہندسی مرزگ انگ ہیں ۔

گ ه محددد میں نقطی اواس طور پرکہ

می ه: هگ :: مجم فر د ب ب ج ب کے جم اُد ب ب گئی کو اور نقطه هو او اس طور پرکہ

گ ی کو کا دُو اور نقطه هو او اس طور پرکہ

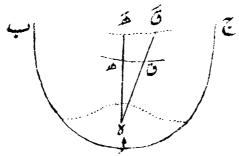
می ه : هگ :: مجم ب ج ب : جم اُد ب ب کی ه : هگ او ه ب کو ہندسی ہوگا۔

لیکن می ه : هگ :: می ه : هگ اور اس سائے ہوگا کا مرز ہندسی ہوگا۔

ادر اس سائے ه ه ، گ گ کے سوازی ہے ۔

ادر اس سائے ه ه ، گ گ کے سوازی ہے ۔

می ہے بنتی بنگلا ہے کہ اگرزادی ایس کا مرکز انتہا کم کردیا جاسے تو انتہا میں بی ہوگا۔



فرض کروکہ عدود بال ج اور فرق سف و عجم سے کے نے ایجال کی طی کوئی ه ق ہے - ایسا خیال کروکہ عجم سے کاٹ ویاگیاہے اوراس کا مرز بہندسی لاہتے -لو لا ہ ذا: لا ہ : الا ق : ح : ح - سے متوسطی کھ ق ایجمال کی تی سطح ہوگی جو صریحاً سطح ہوش کے نتشا ہہ ہے۔

۔۔۔اچھال کے شخینیوں کی خاص صورتیں ۔ مثلثی منشور کے لئے' بوجب وفعہ 44) تیراؤ کا سنحنی ن ت کا تفا**ن ہ**ے جوا کی

ممکنتی منتورے کیے ' برجب دفعاہ ۴م) چراد کا معنی ں فی کا تفاق ہے جوالیہ اند سیے جس کے شقارب ( ب ، ( ج ہیں اور چرفکہ ( ھ = ہے ( می اس کئے اگر مغند سر ۔ ورب

ا چھال کانتخیٰ ایک متشابہ زائد ہے۔ انجھال کانتخیٰ کے مدینہ میں انہاں کے کرف میں مدیری میں انہال ک

اگرجیم ایک ستوی پیتار ہوجوایک مکا نی سے محدود ہے تو تیرائواور اجھال کے مختی سیاوی مکا نی سوئی ہے۔ منحنی سیاوی مکا نی سوئیگے۔

لیکن اگریترانا قصی توسسے محدود بوتوسنی بهم کرزناقص بوبگ سو ایم سنا بدادر متنا بطور رواقع بونگے۔

اگرتسی بیزے (بامنیفر) کا غرق سنده حصیت تطیل بروتو تیرا و کامنحی مرحیاً ایک تنها نقاله بوکا اورا جھال کامنحنی ایک مکا فی بوکا۔

اس کو ثابت کرنے کے لئے فرض کرو کہ تیرا ؤ کے خط کے مماوں (ج ہے اور اُج بَ کے جواب ہیں ہندسی مرکز دل کے مقامات ہدر ہقر ہیں ۔

ع ب عرب براب براب مراد ول معامات ها ها براب عن عامات ها المارة المارة المارة المارة المارة المارة المارة المار الراج = ج ب = انب ب = به المج ه = ج س =

كل رقبه حو تعطع بوقباسي

ترس ا = س × هَل = الله × الله - الله الله ( - الله ) علاله

س لا =س × ص ل = الم وب (ج + مير) - الم وب (ج + مير) - الم وب (ج - مير)

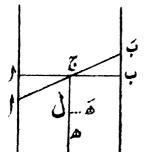
ドラー=

ر نوس ا = <del>کی</del>ولا

یہ شلتی منشور کی خاص صورت ہے اور مبیا وہاں یمال بھی نیراؤ کی اور جمال کے مغنی مقشائہ سختی ہیں۔

کان ہی میراوی اور جھال سے سی معشابہ محتی ہیں۔ زحقیقت تیرا و کامنحنی ایک مکانی ہے جس کا مائسس سر ہے وہ صرفالہ کا کہ خطامیاتھ یں رکھ اس م

مثال (۲) ونغه وه کی صورت میل مس = ۱ و۲



ادرا چمال کامنحن مکانی ۱۰ ما تا تا ۱۸ لا ہے۔

اس مکانی کے داس ہے پر انخنا کا تضف قط ہے و ہے جو ہ گ سے کم ہے۔ اس عرح فلہ ہے کہ ایجھال کے منحنی کے تین عما دکھنچ سکتے ہیں جن سے توازن کے تین کل ملس کے ۔

یک می یک ۸ ۵ -- اگر جسم ایک پترام وجوزائدی توس سیسے محدود ہو تومنحنی متشا برنا کم ہو بگے -اگر ق وقتی تیراؤ کا حظوم و اور م کو ۲۲

\$ \(\bar{\sigma}\)

ار ک وی پیراد کا نظارو اور ۱۹ استان این کا مردوج قطر موں اوران کے درمیان زاویہ طرمواطع کو کہ متب جب طرع کا ب ، نو

رتبه ق ن قَى ٢٠ كَلِّ مَ اللَّهِ - وَ الْ جَبِ طه فرلا

(يتبر) (ع هر) = ا ت جب طه كُر لا الآ - وَ أَ فر لا

(1-1) ショニー

اور اس کئے ج ھوکو ج ن کے ساتھ جو سنبت ہے رہ تنقل ہے۔
منتھ اللہ میں میں اس کے مرکبین سیکھیا

ینطیخه غانص مندسی استدلال سے بھی مستنبط موسیکتے ہیں ۔ ۹ ۵ ۔۔۔ ایک مٹدیر مخروط کی عبورت میں جواس طرح تیرر ایپ کواس کا اِس آزاو سطح

الرع والاراس واكسى تراش كالمواعظ في عب اور العب بركاموروك

(#

ہوتو حجسم ورا ب

= لم وك × لم ۱۳ اب (۱ و× ب رجب م الم

لكن وك مال ب ولا م وب جب عد

ونکر ہر جگہ رتبہ ق\ ب کا دوجید ہے۔اس کے عجم ستقل ہونے سے نیٹر کٹھا ہے کہ

کر ب مستقل ہے۔ اس ملے مستوی تراش کے مرکز ہندسی ج کاطرین ایک کروشی زائد ناہے اور وہر اسلامی سیاسی میں میں میں میں میں ایک کروشی ایک کروشی میں اور وہر جِنكُ وج كاتين حرتمائي ب- اس ك احجال كي سطي بقي ايك سفار رائد ناسي -. و سناقص نمائے گئے اچھال کی اور تیرادُد کی سطحایں۔

ی = ج طاکے إذراج سے بیسئلدایک کرہ عاللہ طال + طالع ا کے سئلہ سی تحول مرحباً ہے اوراگزا قص نماکے غرق شدہ حصر کا حجم سے تعبیر ہوتوا س کے جاب میں کرد کیجب

م ب ج سے تعبیر موگا۔

ابِ بنظام سِبَكُ مد حجمقط كرف والاسنوى نصف قط رك ايك كره كرس كيسكاكا

= (1+r)(1-1)A =

۹ ب رجی است کا مرکز مبندی ایک ایست کره بر واقع موگا جس کا نفیصت قطر س سیست جمال است ایست می ا

م أر n (١- ١٤) فرلا = كر n لا (١ - ١٤) فرلا

(J+1) <u>w</u> = V یا سر تا <del>من است این است است</del> اسل شاری طرف رجوح کرنے سے ہم دیکھتے ہیں کہ نیراز کی سطح ایک متشابہ نا نقر ما ر جن کے نفیف مور رؤ کر سے ، رج میں۔ جہال زائدنما و دچا دری کے ملئے بھی ہی تسم کے نتائج خال ہوسکتے ہیں ۔ ١١ -- ناتصي مكا في نما -بيصورت انفس نماسكة تأسج سيحاس طور يرهاسل ميسكتي سِعك اقتص نما كم نيتجول معير ب من کو اس طرح پر ائل بولاتنا ہی کمیا جائے کہ الم عدادر سی سه به جیال عدا به سکافی نماکی صدری تراشول کے نضمت وترخاص بین -اس ملئے گؤسشة کی طرح اگر سے سے خ ق مشدہ محدوہ مجے لغبیر ہو تو و المرابعة موعلادر اورس دونول مال بداكاني بوسطے - اس ملئے تيراوُ اور ا چھال کی ملحیہ مساوی مکا فی نما میں ۔ نیز ان کے راسول اور دے ہوئے مکا فی نما کے راس میں جو فالتصطیمیں وہ ج (۱- ر) اور ج (۱- س) کی انتہا نی فیمنیں ہیں۔ - CT + - ()-1) & اس طبع معلوسه کانی منا اور نیزا کی سطح کے درسان موریر کا مقطوعہ حبر موسی جہال

اس طرح وفعہ ۱۰ ( ۲ ) سے

رجس سے اچھال کی سطے کے لئے متناظر مقطوعہ لمجا آہے۔ مسيحسى تراش كا اسطوانه-

تمراؤ كى سطح نفت طبندسى كے خط وسے براكات مقط سے مواج و حست مال بوگا جہاں لا عَودی تراش اور ح غرق مند هم ہے ۔ فرص کروکہ قاطع ستوی کی مساوات

ى بيل لا + م ١ + ج ہے اور سبدا و قائمهُ ا مجمال کے مرکز کے محدد (لآ) آ) ت ) ذیل کی ساوا توں سے حاصل ہوتے ہیں:۔

ح لآ = كرالاى فرلا فرما، قاعدة يُرْكُلُ بِاللَّيا = الا (ج + ل لا + م ما ) فرلا فرما

= ال+هم

اسی طرح ح بآ = آلای فرلا فرا ء د ل + ب م

اور ح ی = الم کری زلافرا = الله ۲۰ اول ۲۰ ه ل م دب م) + الم جالا

(44)

جإب ال عد كالأفرلا فرها ، ه عد كله ، فرلا فرها ، ب حركاً فرلا فره

اگرم تراض کے صدری محوروں کو محور لا اور محور ما فرض کریں تو ہے ۔ ، ، اور سے تا ہے ۔ ، کا اور سے تا ہے ۔ اور ال اللہ ہے ۔ اس سے اللہ اللہ کی سطح کی مساوات ہے ۔ اس سے اچھال کی سطح کی مساوات ہے

E-G1 = 1 + 1

مر ۷ — ایک گروشنی محبرایسے ایغ میں تیررہ ہے جو ایک انتصابی محور کے گرد مر ۷ — ایک گروشنی محبراً کے ایک ایک ایک انتصابی محور کے گرد

گھوم رہاہے گویا یہ تھوس ہے مجسم کامتحور گر دش کے محور پرمنطبق ہوتا ہے ۔ توازن کی مشرط معلوم کرنا مطلوب کیے ۔

گھو شنے والے اکع کی کیت میں ایک گروشی سطح کھیپنوجس کامحور گھو صنے مالے مائع کے محور پرمنطبتی ہو۔ اس سطح کے اندرونی اکع کے توازن برغورکرو۔ اس اکع برسیالی واؤں کا حامیل اس کے وزن کے مساوی ہونا جا ہے۔ اس طرح اگر اس مائع کی حکرکوئی مجسم لے لیے تو

(۱۹۳) اس کی سطح برجمی میں سیالی داوعمل کریں گئے اور اس کے اس شمر کامبھم متوازن ہوگا اگراس کا وزن ہٹا ہے ہوئے سیال کے وزن کے بار بہور ِ قابل توجہ ہے کہ خواہ مجسم سیال کے سابھہ

گھوسے یاان کی زادی رفتار نختاعت ہو! یہ ساکن موہر صورت میں میتجہ با لاصا دق آئے گا۔ مثال نے۔ ایک اسطوا نہ گھو مسنے والے یا تع میں تیررا ہے جس گہرانی یک یہ ڈو تا ہے

سے معلوم کرو۔ سے معلوم کرو۔

اگر سند زاوی رفتار بوقر آزاد سطے کے کو بنی مکا فی کی مسا دات اس کے داس کو مبدا قرار در سے سند کا اور کی مبدا قرار در سے سند کا اور کا تراؤک دائرہ کے مبنیج بعنی ہس دائرہ کے سند پیج جر آدا وسطے ادراسطوانہ کی سطح سکے تفاطع سے حاصل موقا ہے اسطوانہ کے قاعدہ کی گیرائی تک

مبوادراس کے تا عدم کا نصف قطرر تو ہٹا سے ہوئے سیال کامجم کی ارتفاع کے اسطوان

کیجم اور سیان برگاء کے مکانی نما کے جم کے فرق کے ساوی ہوگا۔

بر گراس علوانہ کی کتا فت فتر اور سیال کی فت ہوتر

فتر  $\pi$  رکز ف = ف ( $\pi$  رکز کی -  $\frac{\pi}{2}$  سیار  $\frac{\pi}{2}$  )

اور یکی = فت ف + سیار  $\frac{\pi}{2}$  (ف اسلوانہ کا ارتفاع ہے)

اور یکی = فت ف + سیار  $\frac{\pi}{2}$  (ف اسلوانہ کا ارتفاع ہے)

مو ا ۔ زیاد، عام صورت ایسے مبر کی ہے جر جزآ یا کا خرق شدہ ایسے مائع میں تیروا ہے جر سامات ہوں ہیں۔ معد سامات ہو ساور قراق کے زیرعمل ساکن ہے اور ہی قرتیں جسرے سامات برجی عمل کرتی ہیں۔ اگر جسم متوازن ہوتو اس بر کی عاصل قرت ہٹائے ہوسے مائع برکی عاصل قرت سے مساوی ہوگئے۔ اور ان قوتوں کے حظوظ ممل وہی جوشکے۔

کیونکہ اگر شیم علیجدہ کرلیا جاست اوراس کی جگہ کو ہٹا سئے ہوسے انجے سے بُر کرویا جلتے تو جسم برسیال کا عاصل داؤ دہی ہو گا جو ہٹا سے موستے ما تع برسیے۔ اوراس سے دہ مٹما نے موسے ماتع پر کی عاصل قوت سے مسادی اور شقابل ہوگا۔

مثال - ائع كى كېچىكىت الىسى توت كى زىر مىل ساكن سەجىس كا مركزايك نابت نقطاب او دولىك الىس نقطاب او دولىك الىس بىراً غرق شام اوردايك بدلى ساكن سەلەرلىك كالىس بىراً غرق شام ساكن سەلەراس كى تئا دولىل كالىس بركورد بالا نابت نقط برسوت ماكى ادر كالىوس كى تنا دولىك مقابلىك دا مطلاب سە د

توازن کی صورت می فرض کردکہ مائع کی آزاد سطے کا نصف قطر اور کروی قطاع کا نفعت قطر اور کروی قطاع کا نفعت قطر آور کروی قطاع کا نفعت قط اور جہ مقطاع کے جم کو مثالت ہوگی اور قوت کے مرز سے ناصلے و اور کر کی سندی رکھیں گے۔ کے مرزوں کے فاصلے و اور کر کی سندی رکھیں گے۔ بندی کا در اور نظ مرس تو مث والا ساتھ تا

## المستنبله

ا ۔۔ و قایم ہم بحور مون وطوں کو جن کے راسی زاوئے دہی ہیں راسوں سے جو کو کا کی جمہ نیا اِگیا ہے۔ اس کو ایک برتن میں اس طرح رکھا گیا کہ اس کا ایک سرا برتن کے انتی قا عصد ، برتنا ہواہے

(44)

بِصراس میں یا بی ڈالگیا ہے آگراہ بر سے مخروط کا ارتفاع نیجے کے مخروط کے ارتفاع کا تمریکنا ہوا حدان کی مضترک کٹافت یا نی کی کٹافت کا ہے۔ ہوتو نابت کروکر مجسم عین اسٹینے کو علومه دزن ا در محجر کا ایک مخروط سنیچ دار راس کے سابقر تیرر ہاہے۔ ٹا بت کروکہ مخ وط کی سطح حب کو اِنْع مس کتا ہے کہ سے کم ہوگی جبکیاس کا زادیہ راس الممسی ایک ہو۔ ، مربع تخته ایک مائع کے اور حبل کی تخافث اس کی تلفت کا جارگا کیا ہے ۔ كي تيرف كم چارخناف محل بوسكتے ہيں جبكواس كا صرف ايك معاد مركونه بجسم إني من تيريا ہے - ايک کھو ڪھلے برتن کوا دندھا کو کے اميرر کھا گيا۔ ادراسے نیمے دبالکیا ہے جہم مے مح مل کیا افرد توع ندیر ہوگا (۱) ہما ظ برتن کے اندرونی النی کی طور کے ( م ) بلاط برتن کے بیرد نی النے کی سطم کے۔ بضف كروى خول كركزاره ك ايك تعظر يرابك ووندار ذره لكاديا گیا ہے خول! نی میں اس طرح تیرر اسے که فرہ یا ٹی کی سطے کمین اور ہے ، اور کھا رہ کی سط<sup>ا</sup>تی کی سطح کے ساتھ زاویر ہا، بنا نی کے تا ہت کروکہ تفسف كره كاوزن وأس يان كاوزن جوس مين ساسكتاب : ٢١ ١٥ - ١ ١٠ ١٦ اكب مخروط جس كالضعف زاوية ماس معم ادر بور كاطول ف إنتصابي محور اور کے ساتھ ایک سیال میں تیربا ہے ' کئی افت مخود کمی کمانت کا سید ہیں مَا بِت كُولَ اس كَ قاعده كانحيط عين وُوب جائيكاً " أكربيالَ " مَثْل عُمُوس كُ محزوط كے مور پر منطق ہو نے والے انتصابی خط کے آئر بھیجنے کی زادی رنتار سے - ایک نفوس خزدهٔ کواس سرنیمورس سینے گزیشنے واسے میتوی سے وقصوں نعتبر كياكيا سبط يه حصه ايك قبصند سك ذرىبدراس يرج ووسب سطح مبن اوراس نفام کو یا نی میں اس طرح رکھا گیا ہے کدراس نیعیے وار اور محدر انتصابی ہو۔ اگر حصوں کی عليهد كى كي بغيريونفام بيرر في مواد ناب أوكه فورب مبس محوركا طول ف حب عدست براسے جاں تحزوط کے تحور کا طول ف اور اس کا زا دیر راس ما عدہے۔ الك خروط كاراس ايك برعن مح مينيد ، برحس من إنى مب تابع كرد إكيا-

بیمخر<sup>ونا</sup> اسطور پرتوازل میں ہے کہاس کا م<sup>ا</sup>ل صنلے انتصابی ا مراس کے قاعدہ کا زیر ترمین نقطہ بانی کی سطح کو عین مس کرمائے بمخروط کی کٹافت کا بانی کی کٹافت سے مقالم کرم

هسسنی لا ولک بل کرکھیدسکواس کے مقارب کے گردگھاکرایک بیا ہے کی منارب کے گردگھاکرایک بیا ہے کی منارب کے گردگھاکرایک بیا ہے کی منازب کے گردگھاکرایک بیا ہے گی

منتی سطح نبانی گئی ہے یہ بیالداک مائع میں اس طرح شرر داہے کداس کامحرانتصابی اور تنگ سراینیج دارہے ادراس میں ایک زیادہ تروز بی مائع ڈالدیا گیاہے، تابت کروکہ

اگر بیا ہے کو مناسب وزن کا بنایا جائے تو دونوں ما مئوں کی طحوں کے درسیان فاصسلہ مشقل رہنے گا۔

۱۰--- ایک اسطوانه ایک مائع میں اس طرح تیرر باب که اس کا محد انتصابی سب کے ساتھ از اور میں کے ساتھ ازاد میں سے اسلام کا اور وار سال کی سطے سکے عین اور سے ۔ نابت کروکہ اسطوانه کالفیف قطرا سکے اڑتفاع کا ہجہ سے ۔ اسطوانه کالفیف قطرا سکے اڑتفاع کا ہجہ سے ۔

اا ---- ایک ہی کئے سے بینے ہوئے وو ڈنڈوں کے سرے باندھ و سند گئے ہیں اور یو ڈنڈے ایک مائع میں اس طرح تیزرہے ہیں کدان کا ذاویہ مائع میں فرق ہے۔ ثابت کرد کہ

جِهَالِ كَامِنْ تِي مِكَانِي سِهِ -

ب سے ایک بخرد طنیعید دارداس کے ساتھ پانی سکے ایک اسطوانی برتن میں تر راہید - اسکو ۱۲ – سے ایک بخرد طنیعید دارداس کے ساتھ پانی سکے ایک اسطوانی برتن میں تر راہید - اسکو بغیر حمد کانے سے پانی کی سطح سے عین اہم کا لاگیا ہے تا بت کروکہ کا م جو کریا گیا دہ سہے

(1+-1+),

جہال بخوط کا دزن وسے اور وازن کی حالت میں اف کی سطے کے ۔ نیچے راس کی قبرائ کے بیا ہے اور ل اسطوا نہ کا مع طول سے جو توازن کی حالت میں محزوط کے ہٹا ہے ہر ہے۔ یانی سے بحراح اسکتا ہے۔

، ۱۲ — ایک قایمتندیراسطوانه اس طرح تیرر اِ سبے که اس کا ایک مراغ ق سبعے به ته آباده ر

م اسب شجانس اوس کی ایک دی دو فی مقدارسے ایک گردیشی مکانی منا بنا اگیا ہدید جونیج دارراس کے ساتھ تیزرہا ہے۔ تابت کروکہ تیزاؤسکے سندی سے اس کے مرز تقل

کے فاصلہ کا مربع وتر فاص کے تناسب معکوس میں موگا۔

--- چسر ٹی سرٹا کی کا ایک کھو کھلا تضعت کردی پالدایسے و سکنے سے بندہے ج

اسی مشے کا بنا ہواہے اور موٹان وہی ہے جو پیالے کی ہے۔ آگر بیالداک ما تعمیں بزر ہا ہواسطور بركداس كامركز مائع كيطيس موتو تأبث كروكه وهطك كاسيلان انتصابي ست محسأتمق

ستدير مُزوط كامستوى قاعده النفس كي شكركلب - بيمخروط اس طرح تيرر إ ب كواس كاطويل ترين مكون أفقي سعير أكرزا وبراس ٧ عد موا ورستوى قا عد سه اور قليل ترين كمون كا درمياني زاويه به مو تو ناست كروكم

۵ مم بہ = ۵ مم ہم عد - قم ہم عد ما عد اللہ عد سلین سے بڑی کمافت واسلے کسی مائع میں تیر دیکا اس طور پرکد اس کا ما**مل صلع افتی ہ**و۔

ر ایک مخروط کا ارتفاع ف اور زا ویه راس م عدید اس کاراس ایک ان کی طح کے بیچے گ گرائی براب کردیا گیا ہے۔ نابت کروکہ وادن کی مالت میں اس کا قا مدہ

مانع کے عین باہر جو گااگر

عَلَمُ بِهِمْ عَرْجُمُ طِهِ = ن ف ن (طر طر عر) جم

چاں شراور ن بالترتیب مائع کی اور مخروط کی کٹا فتیں ہیں۔ اور طر مساوات ت جم عد ع ب جم ( كد + عد)

١٩ --- اك ذواريعة السطور (حارطي ) يا في من اسطرت تربياسي كداس كاليك كون عرق ب اس کون پر سلمنے وا سے تینوں کا اسے مساوی اور ایک دوسرسے کے علی القوا می ہیں ما بت کرو

کہ توازن کے محل ایک کیا وہ کیا تین ہو سنگے ہوجب اس سے کہ جار نظمیٰ کی کمنافت کو

یا نی کی کثافت سے دِرنسبت ہے وہ ہم: ۲۷ سے بڑی مویامسا وی ماجیو ڈی -

۔ابک نفف کروی خول (نصفن قطر ۱ او )جس میں بابی ہے اپنے محورے **کرو** جوانتصابی ہے ماسی کے زاوی رفتارسے مگوم را ہے۔ ایک کرہ (نصف قطرو) با نی پرساکن ہے اس طور رکداس کا زبر ترین تقطه خول کومس کرتا ہے اور خول برکوئی وہار نہیں ڈالنا - اگرا زادسطے خوال کی کورایکنارے میں سے گزرے تو نابت کردکہ كره كى كثانت: يانى كى كأنت : د ١٣٨ : ٩٨ م

. ایک متسادی الساقین مثلنی بتر ( ب ج (زادیم ج قائم ) ایک انع برجسکی کٹا نت ایسے بلتی ہے جیسے گہرانی اس طرئ تیراہ ہے کہ اس کی سطح ستوی انتصابی ہے اوراس كازاويه ج بإنى مين غرق ب اراب ائتفاني سمت كي سائد زاوير بيد مطر بناسے تو تا بت كروك توازن كے ودون محلول ميں جن سير ال ب انعى سنير، بواط كى قبت شکل ذیل کی مساو<del>ات م</del>امل ہوگی

م جب طه جماطه = (جب طه + جم طه )" -ایک نائم سستدر اسطوار می جس کا محدانتها بی ہے الع کی کچد مقدار سے جس کی كتًا فت ایسے بلتی اسبے جیسے گہرائی اس میں مساوی قائدہ کا فائم محزود حس کاموراسطوانہ کے عور پر منظبتی ہوتا ہے نینچے وار راس ئے ساتھ آہے۔ تی آہے۔ نز عَ کَی ہو کیفیہ کیے دیارے جیورڑ دا ہے اگر مخروط توازن میں موجبکہ وہ مائع میں عین عزت ہو نو نا بت کرد کہ محروط کی کتا فت اُس کہرائی برائع کی ابتدائی کثافت کے مساوی ہوگی جو مخروط کے بحرک ہے طول کے مساوی جمہ ب ایک طوس مخروط حیس کا ارتفاع ف از دیداس و عدا کتافیف من سبت ایسید راس کے گرد حرکت کرسکتا کے اس کاراس ایک انے کی سطے کے بیٹھے ک گہرائی پر ٹا بہت کردیا گیا ہے ۔ می گہرائی ریا نع کی کتا فت مدی ہے ۔ مغروط متوازن ہے اس طرر برکد اسکا محورانتفابى سمت كسائة زاويرط بناناب اوراس كاقاعده مالع كي طح ك بابري يتابت كوك

مه گُهُ جم عن م طه و ه ن ن الحجم (له + عه) مجم (طه- مه) ﴿

٧٧ --- ايك كو كھلا مكانى ما برتن جس ميں ايك وزن واركرہ رالا ہوا ہے يا ني ميں تبرر با سے - اس کے راس برایک سوراخ ہونے کی وجرسے برتن اور کرہ کی در سیانی فضایا ن سے بھری ہوئی ہے۔ اگر کرہ بر کا حال دباؤ اس یانی کے تضعف وزن کے مساوی ہو جوکرہ کے بھرنے کے لئے ورکار ہوتا ہے ۃ ثابت کروکہ پانی کی طح کے نیچے کرہ کے مرکز کی گرائی سر و میا ب میان مکانی بنا کا ور خاص م در ادرداس سے تاسی ستری

كافاصسلرج سے -

۲۵ --- ایک قائم مخوط نیجے دارواس کے ساتھ ایک سیال بین تیروہ ہے جب کی کا خت ایک میں تیروہ ہے جب کی کا خت ایک می اس کا محو انتصابی سمت کے ساتھ زاویہ طربنا سکے و نامت کرد کہ

٥ تم مه تعاط ( جم ط - جب ع ) الله على الله من الله

جہاں دمخوط کا نصف زاویہ راس اور نڈاس کی کتا فت اور نٹ سال کی اس گہرائی پر کتافت ہے جمخ وط کے ماکل صلع کے مساوی ہے۔

۲۶ --- آیک قائم الزاوید متلفی منشورایک سیال میں جس کی گنافت ایسے بدیتی ہے جیسے کے سیار کی اس طرح مترر الب کا زاویہ قائمہ عزتی ہے اور کنارے افغی ہیں۔ نابت کروکہ اجمال کے سخنی کشکل ہے

رْجِب، ط جرم طر حگ

4 -- لنگر چھے کی تنگل کی ایک جان بلٹی ہے جس کی تکوین ایک دائرہ سے ہو اُ ہے جس کی تکوین ایک دائرہ سے ہو اُ ہے جس کا تعدید تعلوہ ہے - میہ جان میٹی یا نی میں تیرر ہی ہے اس طور پرکداس کے مطارستوا میں سے گزیزوا مستوی سطحافقی ہے ۔ نابت کروکہ غری سندہ گہرا کی سی سیاوا توں

ى = 1 (١- جم به) ۱۲ س= (۲ بر - حب ۲ بر)

ے عاصل ہوگی حباں میں حبان میٹی کے ادے کی تمنا نت نوعی ہے۔

اور اس کے ساتھ ایک موالی و مرسے معین سے محدد و سے جو محدر پر عود وارہے اور یعیم و ارد اس کے ساتھ ایک ما کع میں تیروہ ہے اسطور پر کاس کا اسکہ ا نع کی سطح میں ہے اور اس کا محد انتہا ہے ۔ تا بت کروکہ ا نع کی اور اس کا محوراً متمعا بی ست سے ساتھ زاوید من اعلیہ بنا ہے ۔ تا بت کروکہ ا نع کی کتا فت میں 197: 11 کی سنبت ہے اور محدوہ کر لئے واسے معین کا طول و ترخاص کا تمین کمنا ہے ۔

۲۹ --- ایک منوس مخروط حبر کا ار آنفاع ف ، کنّا فت ندا در زا دید راس ۲ عدم اسین است راس کی منابع اسین راس کا راس این کی منابع کے اور بلندی د برنا بت

کرویا گیا ہے۔ ماقع کی کتافت ف ہے اگر مخروط اس طور ربتیر رہا ہوکہ اس کا تاعدہ بوری طرح غرق موا دراس کا محوز نتصابی سمت کے زادیہ طعہ نبائے تو نا بت کروکہ

ف (ت - نه ) (جم (ط + مه )جم (ط - مه ) الم = د ت جم طه جم مه

۳۰--- الانتباج سوال بن کامکرا جس کی شکل قائم سند اِسطوانه خیال کیجاسکتی سند یا فی میں اس طرح تیر رہا ہے کہ درس فرات اس طرح تیر رہا ہے کہ اس کامحوانہ خیا بی سخت جو صدی سند رہ سے در اس کے محوالویفسف اسکو جھتے جائے ہیں اس طور رکہ اس کی اسطوانی شکل برقراد رہتی ہے اور اس کے محوالویفسف تطریس سیادی وقت میں مساوی اضافہ موالا ہے ۔ غیر غرق سنندہ حصد کی انتہا تی شکل معلوم کو تطریب سیندہ حصد کی انتہا تی شکل معلوم کو اس کی طریب کی کتافت اصافی موالا کا جوہ تو ہوتا ہیں ہے کہ دولا اس کی طریب محنی

rg = ro(1-114)[

کی گرویش ہے جال ہوگی ... اس \_\_\_\_\_ اک تمساوی الاصثلار :

الله --- ایک تمساوی الاصنلاع مثلث ایک ائع میں تیرر باسب حبس کی متمانت مثلت کی کنافت کا عبار کنا ہے۔ اجمعال کی لیری سطح درافت کرو۔ ادر نا بت کرد که آن لفت اور جاب انتماعیم سلسل ہے منحنی نے ماس زاور

مسسر- ا <u>۱۳ ۱۳</u>

برایک ووسرے کو قطع کرتے ہیں۔

۲۲ --- ایک تفوس و سنوبل لا = ± و ا = ± ب ای = ب ی = ب صمحدد

ہے پان میں اس طرح تیرر ہا ہے کہ خاندہ می = • پوری طرح غوق ہے -خان کی کا استفال کی الوجہ دیا تا ہے ۔

نا بت کروکوایت ہٹاؤں کے نئے جن میں غرق سف دہ مجم سے مستقل رہے اور تا عدہ پوری طرح یا نی کے باہر رہے تا عدہ پوری طرح یا نی کے باہر رہے اچھا ل کی سطے کی مسادات ہے

 $\frac{1}{r} - \frac{c}{r} = \frac{r_b}{r_a} + \frac{r_b}{r_a}$ 

(42)

۳۳ - کسی عودی تراش کا ایک اسطوانی طرف اس طرح تیررا بیمکداس کے ورکا اس طرح تیررا بیمکداس کے ورکا اس طول نوتی سوارات میں طول نوتی سوارات میں مورانتصابی مور نابت کرد کدا جمال کی سطح کی مساوات سے

جاں انتصابی حالت میں محد کا جو حصد عزق ہوتا ہے اس کا وسطی نقط مبدا رہے محدی انتصاباً او بردارہے اور محاور لا ، یا عمودی حالت میں تیراؤ کی سندی سطح کے مرکز تقل میں سے گرنے ماسے جود کے معیاروں کے صدی محدوں سے ستوازی ہیں اور تیراؤ کی سطح سے ان محدول کے سعے گردش سے نیم قطرب او ہیں۔ (Ar)



الما الرایک تیرنے دانے جم کے محل میں سمت میں دنیت سا ہاؤ بدا کیا جائے توعام طور پر حب کم باتو اسبے اصلی محل بر دا بیں ہونکی طرت مائل ہوگا یا اس محل سے اور دور شننے کا رجان رکھے کا - ہٹاؤ کی اس خاص سمت کے لئے صورت اول میں توازن کو قائم اور صورت ووم میں عیر حاکم کہتے ہیں۔

معی کہا گھو گئے انتہابی ہٹاؤ بر غور کرو۔ اگر جہ شجالس سال ہیں چڑا کے ماتھے۔ غرق سف کہ ان کے ساتھے۔ غرق سف کہ ان کے ساتھے۔ بڑ ہتی ہے جزڈ یا کا غزق سف ہوئے ہو تو یہ ظاہر ہے کہ اس کو دیا کہ بنتی اس کے ماتھے۔ اُس کو دیا کہ بنتی اُس کے دیا کہ بنتی سے ہٹا ہے ہوئے سیال کا دہ بر ہجائے کا ادر بر فلاف اس کے اسکواد پرا ٹیا نے سے ہٹا ہے ہوئے سیال کا دہا کہ اس کئے ہر فعورت میں سیالی دہا کہ اس کئے ہر فعورت میں سیالی دہا کہ کا میلان جم کو اس کے سکون کے تحل کی طوت لیجا سے کا ہرگا۔ اور اسلے کے اس سکے سکون کے تحل کی طوت لیجا سے کا ہرگا۔ اور اسلے کے اس سکون کے تحل کی طوت لیجا سے کا ہرگا۔ اور اسلے کے اس سکون کے تحل کی طوت لیجا سے کا ہرگا۔ اور اسلے کے اس سکون کے توازن خلائے ہے۔

لین به یا در ہے کو بیات هرف فوس اجسا مرکئے کئے نابت کیکئی سہے۔ برٹازکی وجہ سنے دہاز میں جواضا فہ ہوتا ہے اگراس سنے تیرنے والے جسم کے کئی حصہ میں کاک بیواہو جا سئے تو تواز ن کا قائم ہونا ضروری نہیں کا بلکہ فہ الحقہ تیر سے بنیز نیاز سریان میں

ی بیت یہ میروسی و میں است مام طور برجب مے مطل میں انتصابی درزاو کی میں سند و میں انتصابی درزاو کی دونوں تبدیلیاں و توع پر برموتی میں ۔ لیکن اگر شاؤ چھوتا ہو جیسا ہم سند

فرمن کیا ہے توجہ کے کل میں ان تبدیلیوں کے اٹرات برالگ الگ غور کیا جاسکتا ہے۔ اب ہم ایک چیو سے ٹراو ٹی مٹیا و سکے اثریریہ فرمن کرکے غور کریں گے کہ ہڑائے ہوئے سیال کا دزن نہیں مدن ا ۔ ادر اس سے سابی دباؤ حبیم کی کمیت سکے مرکز کو اُٹھا نے یا بیٹھا نے میں کو ٹی میلان نہیں رکھتا۔

وا کا ایک گئرس میں کو می میلان ہمیں رکھنا ہے۔ ۲۳ ۔۔۔ ایک گئرس میں سکون کی حالت میں ایک متجانس مائع میں تیرر ہا ہے اسکوایک دے ہو گئے انتظا بی مستوی میں ، ایک جیمو سٹے زا و سئے۔

ے استوایات دھے ہوئے املیا ہی مشہو می ہیں ، ایک پھونے راوے میں ہے گھا دیا گیا ہے - بیعلوم کرنا مطلوب ہے کہ سیالی د باؤجسہ کو اپنے ابتدائی محل میں نیجانے کا میلان رکھے گایا نہیں ۔

فرفن کردکہ محور ما کے گرد جو تیراؤ کے مستوی آ و ب یں واقع ہے۔ جسم کوچیو نے زاویہ طریس سے گھا یا گیا ہے کو ما کاغذ نے مستوی پرعلی لقوائم

و سیان

ہے ابدائی مل میں ولا تیراؤ کے مستوی میں اور وی استصاباً واقع ہے ۔ فرض کردکہ جسسے جسم کھما یا طالب سے معدرا س کے اسامتر ہی حالتے ہیں ۔

اگرتیراؤ کے مستوی میرزمبہ کا عنصر فرلا فر ماستے تعبیر ہو تو

منصری سستون ن ق کامجم ی فرلا فرط ہو گا جہاں ی کول ن ق کو تعبیر کر اسے ہٹائے ہوئے محل میں

متناظر ستون ن ق کاطول می + لا طراورا سکا تحجم (می + لا طه) فر لا فر ما ہے بس ہٹائے ہوئے سیال کا مجم ح دد نوں صورتوں میں دہی ہوگا اگر

كرارى د لاطى فرلا فرا = ح = كركى فرلا فرا

جہاں تکلیجہم کی اُس تراش پر کے گئے ہیں جوابتدائی محل میں تیراؤ کی سطے سے تعلق ہوتی ہے۔ یداس جدیں تحویل ہوجا اسے کل لا فراا فرا = . حس کے بیعنی ہیں

کوسطی تراسس کامرکز نقل د هاپروا قع ہونا چاہیئے جیساکہ و فعہ م ھیں نیاست کیا گیا ہے۔

فرض کرد کریٹ رط بوری ہوتی ہے ۔ ابتدائی محل میں مرکز تقل ن اور اچھال کا مرکز تقل ن اور اچھال کے مرکز کے مرکز تھال کا مرکز ہو ایک ہی انتقالی میں خطیس دافع ہو تے ہیں اور اچھال کے مرکز کے محدووں کو ہم (آآ ، آ) ، تی ) سے تعبیر کرسکتے ہیں۔ نیز ہم و کیھتے ہیں کردف کے محدووں کو ہم (آ ، آ ) وہی ہیں۔ بطائے ہوئے کو میں اجھال کے مرکز مقام کھر برجلا جا تا ہے اور فرض کروکہ کا محدد ابتدائی محوروں کے حوالے سے (آ ، آ ) ، ہیں۔

اب ح لآ= کرلای فرلافره 'ح آ= کر مای فرلافره '

جہاں غصب ہی ستون ن کے جم کوئی فرلا فرما لیکر اس کے مرکز نقل کواسکے طول سے مرکز نقل کواسکے طول سے طول سے وریہ سکتے اس بنا پرسکتے سکتے ہیں ۔ طول کے وسلی نقطہ پرلیا گیا ہے اور یہ سکتے اس بنا پرسکتے سکتے ہیں ۔ ہٹا ہے ہوئے محل ہیں متنا ظرعنصری سستون ن فن ہوگا جس کا طول ہیں۔ بدری۔ بدری بدلا طری ناصل ہو واقعہ ۔ بسر

ى + لاطه ہے- اس كا مركز تقل ت كسي كل (ى + لاطه) فاصله برواقع سبتے اور اس كئے ن سے كل رى - لاطه ) فاصله برے إسلينے

ت لاَ = كلا (ى + لاط) فرا فره 'ح ماً = كرما (ى + لاطه) فرلا فره '

ہم دیکھنے میں کہ چیوٹے ذاویہ طرکی بیلی توت ک سی کے کی اوراس لئے اچھال کی سطح کا ماسی مستوی کی تیراؤ کے مستوی سکے متوازی سیے جیساکہ وفقہ مود

میں ثابت کیاگیا تھا۔

اب بئائے ہوسے محل میں جہم برسادی گر شقابل دو متوازی توتیں عمل کرتی ہیں بینی ایک تواس کا وزن و باج شد سے جو نقطہ سن میں سے انتصاباً بیجے وار عمل کرتا ہے اور دوسری اجیسال کی قوت جو نقطہ هر یں سے انتصاباً اوپر وارعمل کرتا ہے اور دوسری اجیسال کی قوت جو نقطہ هر یں سے انتصاباً اوپر وارعمل کرتی ہے ۔ یہ تو تیں ایک جفت بناتی ہیں ۔ اس جفت کا مستوی گرومنس سے توریر علی انتوائم ہوگا صرف اُئس صورت میں جبکہ نفت طرف ایک ایسے انتصابی مستوی میں واقع ہوں جو یہ عمود وارہے۔ یعنی اگر آ ء آ

ا

ہو کے لاما فرلا فراء ۔ ، میں تویل ہوجا اسے جس کے

یعنی ہیں کہ گردسٹس کا محوروہا جہم کی آس زامٹس کا حبود کا صدر می محور ہونا چاہئے جونزاؤ کے ستوی سے قطع ہوتی ہے۔

جب یہ شرط بوری ہو تو دکھ نیں سے گزر نے والا انتصابی، خط دھ دے کو یک نقطہ در پر قطع کرنگا جسکوہم مرکزا بعد یا لیسس مرکز کہیں گے۔

بعث مرافق میں اور ہوتا ہے۔ جسم ریمل کرنے والا جنت و پدنت هر بد طلب ہے چسم کوالینے اصلی محل بر نیجا نے کامیلان سے

ث م م

ر کھتا ہے اگر ہر ، نٹ کے ادیر واقع ہو! یہ اصلی مٹا دُکو بڑھا نے کا میلان رکھتا ہے اگر ہر، نٹ کے نیچے واقع ہو-نیزعال ہوتا ہے ہر ہر × طہ - A A = V-V

<u> عدرکا لا فرلا فرما</u> سعر

اسلتے ہم ہر = - الم عبال الم الرائل کے مور کے گردسیم کی اوس تراش کاجود کا معیارہ جہ بوستیراؤ کے مستوی سے قطع ہوتی ہے ۔

اس سنے جسم کو اہشہ اصلی تحل کی طرت نیجا کے سے کا سیلان ریکھنے والاعیت یعنی استروا دی حبنت ہیے

3 ش ح (ه مر - ه ف) = 5 ث (الرياع × ه ف)

کہ اس بو کار جسم کی علی تراش کے مرافق میں سے گذر نے والے صدی ا دو ہوتے ہیں جن کے جواب میں حبور کے معیار مج اس بوشتے ہماس سنے ان میں سے ہر مورکے گرد کا تھا کہ ہٹا او کے مستوی میں ایک جھٹ بیدا کرے گا جو جسم کو متوازین کرنے کا میلان رکھے گا اگر ہا دیش حرفیظے اور نیز حربے ہے۔ بیس یہ شرطیں توازین کی تا نمیت کے لئے صروری ہیں۔

44 - کام ہو ہٹا ؤیدا کرنے ہیں کیا جا "اسے ۔ جب ہم کواکی جیوٹے زاویہ طدیں سطحی ترامنس کے مرکز تقل میں سے گورسنے والے ایک صدری محور گرد پھرایا جا کے تو سم پڑمس کرنے والاجنت ہوگا

ج ف ( اس الے طریق ایک جھو تی مقدار فرطہ کا اضافہ بیدا کرنے کے لئے بیرٹی عا

جو کام کرسے گا وہ = ج ف ( أ مرا سے » ہدف ) طرفرطه يمل سے يہ نتيج بملنا ہے کہ زاوئی شاؤط کے بيدا کرنے ايں بوکام کيا حابا ہے وہ = ہے ف ( أ مرا سے » هدف ) طرا 99 - قائمیت کے مقرا کط کاکا فی ہونا - تیراؤ کے مستوی بریاکسی
ایسے مورک گردجو پانی تراش یا فاصل آب کے مرکز نقل میں سے گزرا ہے
اگر چوٹا تھاؤ یا گردسٹس طدلی جائے تو یہ گردش دو گردشوں طم، طبر کا مرکب
خیال کی جاسکتی ہے جنھیں بالترتیب ناصل آب کے عدری محوروں کے گرد
لیا جائے ۔ان میں سے ہرگردش علیجدہ طور پر ایک استروا دی جفت بیدا کرتی ہے
ادر اس سلنے بہاؤ کے بیدا کرنے میں بیرونی عال کاک کام یا توانائی بالقوہ میں
اضافہ ہوگا

• كا سُ قالنُیت كے مسلم برنجت کسی قدر مخلّف بیرا به میں بڑوسکتی ہے۔ مرکز البدیا بس مرکز کی یہ تعرفیف کہ وہ خط ھ نش اور ایک خفیف ہٹاؤ کے لبد اچھال کے نئے مرکز میں سے گزر نے والے انتصابی خط کا نفطہ تقا طع ہے ہیں مسلم ذیل کی طرف رہیری کرتی ہے۔

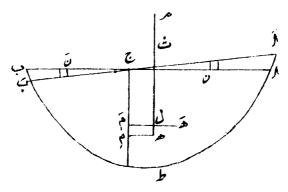
معروی مرت د جیری ری ہے۔ بس مرکز اجھال کے منحن کے اُس نقطہ برکا مرکز انحنا ہے جہاں پر نش میسے گزرنے والا انتصابی خطائس منحنی سے ملتا ہے۔

یہ صاف طاہرہے کیوبکہ نقطہ ہم منحنی کے متصلہ عاووں کا نقطہ تھا طع ہے۔ بس اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ کسی ہٹا و کے لئے کبٹ مطیکہ ہڑتا یا ہوا مجم دہی رہے، سیالی دباؤگی سمت ہمینتہ اجھال کے منحنی کے ہربہ بیجیہ کا انتصابی

مل اس تم كر بناؤير جوكام موتاب أس ك جديس طرط والى رقم خال نهي برق-اس كود فعد أس مد دفعه المراح المراء المر

اسكونيات

ماس ہوگی۔ ۱ ع ۔۔ سکد گرفتنہ کی مدوسے ہم نقطہ ہے اوپر لیس مرکز کا ارتفاع معلم کرسکتے ہیں۔ فرعن کروکہ جمم اطب کا مرکز ہندسی ہے اور اُط ب کا ھرّہ ۔ اُج (جمبراً زاریہ طہ ہے۔



اگرتدائو کے مستوی کے رقبہ کا عنصر عدہو اور ج میں سے گذر نے والے انتصابی خطابِ عمود کھ هم انھرهم ہول تو

(ロマ×ル×カ×ロララーマ×カカーマ×カカ

+ \( ج ن × له × غَه × ج ن )

یا ھو ل×ح = طه ( س لیکن اگر ھ ریکا مرکز انحنا ھر ہوتو

هَ ل = هَ هر × طه = هر مر × طه ن ح × ه هر = اس بس جبوٹے ہا وُط کے لئے استردادی معیار

= عضح × شامر × طه = ع ف ط(اراً - ح × ه ش)

٧ ٤ \_\_\_ گزمشته وندمیں یہ اِت فرض کرلی گئی ہے کہ سیالی دہاؤ کے عمل کا انتصابی خط ایک خنیف ہٹاؤ کے بعد تھ دیٹ کو قطع کرتا ہے ۔ یہ صرف اس وقت درست ہوگا جبکہ ہٹاؤ کی سطح مستوی نقطہ بھر براچھال کی سطح کی صدری تراسس ہو۔ جب یہ صوریت ندموتو مٹا دسکے انتقابی مستوی مرخط عمل كاظل ه كف كو نقط هر يرقط كرك كا جوسطح كى عما وى تراسس كا مركز انخبأ بيوسخانه

اس کے نقطہ کھ براحیمال کی سطح کی کسی عمادی تراش کے انحنا کا تضعف قطر

ا من بوگا اوراگر تیراو کے ستوی کے جود کے صدری معیالاس کے مرکز ہندسی بر مج مج ہوں تواچھال کی سطح کے انخاکے صدری نصف قط کھ پر

<u>ع</u> اور <u>ع</u>

مونکے اور اس کی صدری تراستیں تراؤ کے مسنوی کے صدری موروں کے

مع كى \_\_ قدراً ايك بهايت الهم صورت يش بوتى م يني ايك جماز ك ) کی وجرسے اس کے قارن کی تائیت کا سوال جبکه را مطکنے ( Rolling

عام طور پر جازے کے اُسطان ( Tossing ) کے پنے رام حکت ا رہنں ہے کیوکہ جاز کے دونوں سرے غیرتمشاکل موستے ہیں - نیکن ایک بہت

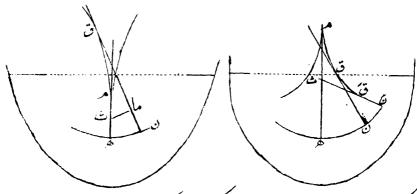
لمبع جاز کی صورت بن بصیم که عام طور تر بحراد کیانوس (Atlantic Ocean) میں چلنے داکے جہاز ہو تے ہیں سے مال لیا جا سکتا ہے کہ جہاز ایک مستوی سے جو اس کم

طول پر عود واربو متشا کا تقیم ہوسکتا ہے۔ اس صورت میں جازمیں تشاکل کے دوانتصابی مستوی ہونگے ۔ اودراس کتے انتصابی خط ھ ن تیاو کے بنزی کے مرکز ہندسی ج میں سے گزرے گا ۔

نيدخاه ن اجمال تصخي كوشتا كلاً تعييم كما جعاد رنقط هاعظب

## 1.4





محیلائے اور دوسری صورت میں اوبر کی طرف تکیلا ہے۔ تشکلوں سے بٹاؤ کے اثرات فوراً ظاہر ہو جائے ہیں۔

مہلی صوریت میں تفویمی معیارا فر( Righting moment ) جو سطا کہ کے دیئے ہوسئے زاوید کے لئے تا ئیت کا سکونیا تی ناپ ہے دین ما کے منساسب ہے جو نقط دی سے ماس ن ف برعمو د سے اور ہطا کو سکے زاویہ کے

برھے سے برط بہنا ہے۔

دوسری مؤرت میں تقویمی معیار اعظم نمیت انتیار کرتا ہے اور پیم گھنتا ہے۔ اور پیم گھنتا ہے اور پیم گھنتا ہے۔ سے اور اس محل بعددم دوجا ہا ہے جو ماس دیٹ تی ن سے ماصل ہوتا ہے۔ یہ توازن کا جو غیر قائم ہے کیونکہ عام حیلی فاؤن کے مطابق کائم ادر عیر قائم توازن سے محل باری باری سے علم حیلی فاؤن سے مطابق کائم ادر عیر قائم موازن سے محل باری باری سے محل باری باری سے بعدد پیم سے بعدد پیم سے دوج بیر ہوتے ہیں۔

کیے ابعد ویکرے دنوع پزیہو تیا ہیں۔ آ گردٹ کومبداء ان کرا چھال کے منحیٰ کی مساوات ع دن ( ند ) حاصل کی جائے تو

> ن ماء ف<u>ع</u> اور تعزی معارم کا و <u>زم</u>

جان و جاز کا وزن ہے۔ عام طور پرملمولی ہٹاؤں کے لئے اچھال کامنی نقریباً زاٹر کی ایسی

قوس بهو كا ديوار ببلو جهازى صورت مين ليني ايسے جهاز كى صورت مين تجسك بہارخط آب کے نزدیک انتصابی ہوں اجمال کا منحنی مکانی کی توسس

11.

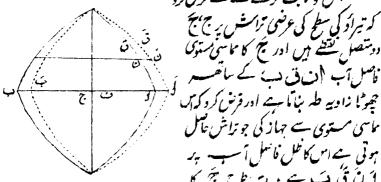
جہاز کی صورت میں اگر او ھکنے کے لئے مرکز مابعد هر ہوتو حاصل صرب و بدت هر كرجازكا التحكام ( Stiffness ) كيتربي-

ہا ہے ۔ ڈیوین کامٹ کماہ کسیدھا تیرنے والے جہازی مورت میں تیراؤ کی سطح کی عرضی تراش کے انخاک انسٹ قط ہوگا

ر <u>۽ که ماسس مه فرس</u>

جباں نامسل آب کے گھیرے کا عضرفرس ہے، اس کارقبار ہے اور جازے پہلر کا انتصابی سمت کے ساتھ سیان عدمے - اور محاور لا اور ما جہاز کی اُس تراش کے طو کی اور عرصنی محور ہیں جو تیراؤ کے ستوی سے قطع ہوتی سے اور یہ محدر اس مستوی کے مرکز ہندسی ہے میں سے اور نے ہی ۔

اُس کو نابت کریے کے لئے وض کرو



ماسی مستوی سے جماز کی جو تراش عال ہوتی ہے ام<sup>ی</sup> کا طل فائنگ آ سے۔ ہر لأنُ قُ بُ ہے ، اس طرح سِجَ كا

نِطل ہے رقبہ وَ نَ قَ بَ کا مَرَاز ہندسی ہے۔ فرض کروکہ متناظرا (۰۰) ان قُنُ نُ قَ ہِمِن اور بنا ق = فرس و

اس جا کو سب سے پہلے سی ٹویوین ( C. Dupin ) نے اپنے ایک مقالہ میں سائنسس کی اکا ڈیمی ( Academie der sciences ) کو سائنسس کی اکا ڈیمی ( میں سائنسس کی انتخاب کے تصدیب تعلم ( میں ) کے لئے سلاک یو میں بیش کیا خولی ترامشس سکے انتخاب کے تصدیب تعلم طرح اور جو ۔ میں ایک متناظر جلہ صریح اموجود ہے ۔ میں ایک سائنہ بیس میرکزی کا سے لیکل سائل میں میرکزی میں اور طونی مٹیاول کے سائنہ بیس میرکزی

کا کے ۔۔۔ کیککرٹ کا مسکمہ آرُعوش ادر طونی مٹاول کے ۔لئے ہیں مرکزی بلندیول کولینی اچھال کی سطح کی عومنی اور طولی تراشوں کے انحنا سکے تضعف قطروں کو راور س سے تعبیر کیا جائے ترہم جانتے میں کہ

ر = على اور س = على

جہاں مج اور جبح فاصل آب کے جبود کے صدری میں اربی لیکار ہے۔ نے ان مقداروں میں حسب ذیل روابط فائم کئے

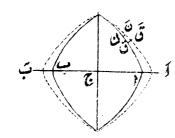
ر = فرنج = ر+ تحفرد ، من = فرهج = من + مح فرمن ر = فرح فرح لکلٹ کے اس مصنون کا ترجمہ مسٹر میری نبایڈا (Merrifield )

The proceedings of the Institute of Naval Architects)

میں اور ارج سائے شاکے (Messenger of Mathematics) میں دیا ہے جو وو نیوت وہاں وئے گئے ہیں ان میں سے پہلاحسب ویل ہے۔ تاریخی دلیمیں کی خاطر اسکو پیال بیان کیا جا تا ہے آئیدہ دفعہ ۸ میں اس کا زیادہ باضلیم

تُبُوت ويا جا ُميگاً ۔ '

فاسل آب کے متوازی اوراس سے فری فاصلہ برتراش کینے سے



فرم = ﴿ فرى فرض كروكم وُقَ نَ بَ قَالَ بِ مِرْسِفُس كَا قِلْ سِيْمِ - تُوفرِمِج ا

پراس نئی تراسٹس کا فل سیے رتو فرمجے ' اُو تَی نَ بَ اور افقات نب سے درمیا نی رقبہ کے جود کا معیارہے۔

هٔ فریج = کی آفری مسر موفرس د فریج =

اور نرمج = که کا سس عه فرس ر زمج فرمج

 $y = \frac{i3}{\sqrt{2}} = \frac{i3}{\sqrt{2}} = \frac{i3}{\sqrt{2}}$ 

ر-ر= زع - ع زح ر-ر= زع - ح - ح زح بح زر

یا ہر = ر+ <del>عے رک</del> + 2۔ ہارٹیں اضا فہجمازکے بار

یں اگرا صنا فدکھیا حالے توامس کا اثر میں ایس کرمجا

یں : مرکز ہا بعد کے تحل پر۔ بیان کر کہ جہاز میں تت کل کے

روانتسابی مستوی ہیں فرض کروکہ تیراؤ کے مستوی کا مرکز ہندسی ج ہے ان ہی سے ایک مستوی میں قائمیت پر غور کرد۔

آبار مین هنیف امنا فه کی و حبر سے

فرص كروكه ج كانيا مقام بج باورمزيد بناؤ مف مع سه تعبير زوتا ب -

(44)

اس الر هادر هرك في محل هر اور هر بول تو م مَ = هُمَ - هِم + هِ هُ لكين سج هر× مفسح = ح × هر كم ه هر الم = معن رجي همن عن عن (ر-رجي ه) جہال ر سے ج کہ تعبیرہوتا ہے جو تیراؤ کی سطح کا نصف قطر انخا ہے۔ اسلن م مر = مفت (جد- مر + ج هر) - سن ( ( ( د م م )

یں معلوم ہوا کرسیس مرکز بلحاظ جہاز کے اُویر اُٹھتا ہے اگر میہ تیرا و کی سطح کے مرکز انخنا کے نہیجے واقع ہواور نہیج مبٹیقا ہے۔ اگریہ مرکز انخا کے اور واقع ہو۔ کے کے بیجے بانی حیاز ( Screw-steamer ) کا این ہی کے عمل کی وحدست حمك حايال Heeling over

(یووندیروفلیسر گرین ل ( Prof. Greenhill ) سیمنوب ہے ) الرائن كو بيمران والاجفت فط يوندون مين ل بو اور في كردسون (٤٤) کی تنداد ن توایک منٹ میں جوکا م ہوائے وہ ۲ ہ ن ل ہوگا- کیکن اگر

انجن طر امیمی طاقت سے کام کررہا ہوتو

ن المنال و ... ساط اگر طہ وہ زادیہ ہو جس میں سے جہاز جبک جاتا ہے اور مرکز تقل کے ادبرلیسس مرکز کا ارتفاع ت مواور جهاز کا وزن مون من و مونة

ل = ۲۲۲۰ وت جبط

ند ۱۰۰۰ سرط = ۱۲ ن ۲ ۱۷۲۰ وق جب لم

اس مساوات سے طر لمآ ہے۔ جھنے کے اٹر کو سطی مستو می سنے ج فاصلہ برایک ایسا دزن و رکھنے سے رائل كرديا حاسكتا بي كه ۴۳ نج و = ۳۳.۰۰ ط ينكبها ني جاز كي صورت من جيكا دُطو لي سمت مين مو كا اوراس سورت میں ف طونی، بس مرکزی ارتفاع ہوگا۔ ية قابل وم سے كر جك مائے كى ست كروش كے سمت كفالف ہوتی ہے۔مثلاً بنکہانی حباز کی صورت میں جرآ کے کو جارہ ہے سامنے کاصد خَشِيفُ ساأتها مِوابُوكًا ورييجي كاخفيف ووبابوا\_ فرض کرو کہ ابتدا کی آب خط ترامشس کے مرکز ہٹندسی ہیں۔ گذر نے والے انتصابی خطیں مبدا لیا گیا ہے ۔ آگرا بتدائی ترامضن می =ج ہوتو خفیف طور برسٹائے موے محل میں اس ستوی کی مساوات مو گی ى = 3 + ل لا + م ، ل م چھو سٹے ہیں۔ ار ان وو معلول میں (لا با بای ) اور (الا ما ای ) اجھال کے سر کروں ك محدول كونتبيرلرس تو ح (لا - لا) = ] (ي -ج) لافرلا فرا = الل + ف ه ح (١-١) = ] (ي -ج) افرلا فرا = ف ل + ب م ، ح (ى-ى) = الإرى - ع) فرا فرا = له ( ال + 1 ت ل م + ب م) جهال الم = كالأفراف في على لاما فرلافو في ب على الم فرلا فر فا

جواجال کی سطح کی نفر بین سکل ہے۔ اگر ابتدائی محور لا اور ما مستوی تراش کے (۱۵) کم صدری محور ہوں تو ف = ۰ اور اگر سبدادکو اجھال کے مرزر پیلے سقام منتقل كيا حاسئ توسطى مساوات مو جائيكي

117 + 117 = Gr

اب اگرہم بیں مرکزوں کی تعرفین اس طرح کریں کہ وہ اجمال کی سطیح کی صدری عادی آاشوں کے مراکز انحنامیں توا چھال کے مرکز کے او بر ابس مرکزوں

کے ارتفاع صدری نصف تطرائحا کے یا بیت ہونگے۔

قائميت كي شرطه

ا چھال کی سرطح کے نقطہ (لا) کی ) پر ماسی مستوی ہے طا-ى = الله (ضا - لا) + الله (عا- ١٠)

لدراس سنوی سے مجسم کے مرکز نقل (ب مرسی ) کا عودی فاصلہ بوگا

+-{ 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 5 - 6}

= {\frac{1'\tau}{1'\tau} + \frac{1'\tau}{1'\tau} + \fr

( \vec{c} - \vec{v}) \frac{117}{141} + (\vec{c} - \vec{J}) \frac{117}{141} + \vec{c} =

اسب وضوره ۵ کی روسے تواز ن کے محل ایک ایسے وزنی جسم کے توازن کے کل دریا نت کرنے کے معاول ہیں جواجمال کی سطح سے محیط ابوار ایک انقی ستوی پڑکا ہوا ہو-یس کا نمیت کے لئے اس م ار نفاع اقل ہونا جا جئے ۔ اس کے لئے صروری ہے کہ لئے اور میکے ہے۔ تی چھوٹا ہریا مرکز نفل دونوں بیں مرکزوں کے بنچے واقع ہو۔ تثيراً وكن سطح - ليكارث كامسكه \_ فرمنن کر دکھ ٹیکنوس وفعہ ۸ ۷ کے بوجب دو مسرے محل میں ہے اور اسکو وإفي سع طرق سفيده حجرين ايك جموى مقدار معن كالضافي واسب-اکر حجم سن سے کی خیک تنتی کے مرکز تقل کے محدد صنا ، عا اطا ہوں تو صامفاس = (ع + سف ع ) (لا - لا + سف لا - سف لا ) اسي طي عامد على المن ن بم من ب طا سنح عن (لأمن و + ال م من ن + م من ب) أوز نیرجیسے عکتی کی موٹائی کم کردی جاتی ہے نقطہ (ضا، عا، طا) تیراؤ کی سطح کے متنا ظرنقطہ پر سطبن ہوانے کی طرمت مال ہوا ہے بعنی آب خط رقبہ کے مرکز ہندسی ہیں۔ اس کئے تیراؤ کی سطح پر روابط حاسل ہوتے ہیں اً \* فرح = ل فرن + م فرب، ی × فرح = ہے (ل فرا + ۲ ل م فریت + ۱۵ فرب) اور تیراو کی سطح کی مسا وات موگی

(69)

اى = فروزى - (فق إلاً فرب - ولا ما فرمن + ما فرود خاص صورت میں جبکہ فرف = . تویدساوات ہو جائی ہے 7 = 1 + 7 = Gr اور تیرا و کی سطح کے نصف تکر انحا میں تفریح ادر فرمنے جیسا دفعہ ۵ میں۔ مسم ویکتے ہیں کہ کھوس کی رو متوازمی تراشوں کے صدری محورو س کامتواذی ہونا صروری بنیں ہے۔ اس طرح اگرف = ، تو اس سے ینتی بنیں سکلت کہ فرف = براس طرح وفعه ۵ کے تما مج صرف اُن صورتوں میں ہی درست مونکے جن كوأس وفع ميں ال ليا كيا ہے ينى تشاكل كے انتھا بى مستوى موجود ہيں جن میں افقی تراشوں کے تمام صدری محدر واقع ہوتے ہیں۔ یس مرکز کا مقام معلوم کرنے کی جید مثالیں درج کی حاتی ہیں۔ مثال السلف لقطر الأور طول ف كا أيك علوس اسطوانه انتضابي محور کے ساتھ تیررہاہے. اس صورت میں تیراد کا ستوی ایک وائری رقب اور الرم = ١٦ ألم ما فرلا = ١٠ أو والم الم فرلا = الله والرحم على فرط ، الا وب ط ركف سد،

له لیکل ف کے مئلہ کی یقیع اور گزشتہ خدد نعات کا طرز استدلال اور دفعات آیندہ ۹۲٬۹۱٬۹۰،۹۲۰ ۱۱۰۷ منا تواکم برام دیج ( Dr. Bromwich ) کے من فکر کا نتجہ ہیں ۔ اس نے اگر تور کا طول ن عرق ہوقہ

اور توازن تائم ہوگا اگر

را ح ن ح

مثال ٢-- ايك واري اسطوانه تيرا اس اسطور بركه اس كامحور افقي اور سیال کی سطح میں ہے ، اس کو اس سے مور میں سنے گزرنے والے استصابی ستوی میں ہٹا دیا گیا ہے۔

نیراوکا ستوی ایک مستطیل سے اور

المئ = إ و ف

جبال ت اسطواهه كا طول اور ال نصف قطرب

: aa===:

اور تواز ن قائم ہوگا اگر

ت 🗸 الر مثال سا \_ ریک ٹھوس مخروط انتھانی محدر اور نیجے وارواس کے ساتھ

حیررہ ہے۔ فرمن کردکہ من محور کاطول ہے، مرکب مصد ح

ى محور كا ده حصه جوع ق سع م

اعمر مخروط كازاوبيراس بيم

(1)

اس منے وَازن قائم یا غیرقائم ہوگا ہوجب اس کے کہ اُس کے ک

متنال ہے ۔ ایک منساوی الوجیدن متلتی منشور تیررہ ہے اس طور پر سر اس کا قاعدہ عزق نہیں ہے اور اس کے مخارے افقی ہیں -اول تؤزن کے اُس محل برغور کر دھبس میں منتؤر کا قاعب وانق سے اُما کے سیال کا سے اُس محل کے میں منتؤر کا تا میں میں منتور کا تا میں وانق سے

ائل برد دیجیو دفته (۲۹)-اس صورت میں اگراف = ۱۹ ا اور (ن = ۱ لا اور اگر صفی (۸۰) کی مساوات (بر) میں بہم او = ب رکھیں تو لا اور ما مساواتوں الا + ما = ۱ او جم طح

ے مامل ہوجائے ہیں۔ اب اور اسے کو حالے کے محاور قرار دینے سے نت اور در کے محدو

على الترتيب بوسطح

اس ك هر و الله م حب الحيد اورهون على ( او م ) جم طه

ادر هم محرك هن الرجم الحرك

اب و فعد ( ۱۹۹ ) میں حس کا حوالہ بیلے ویا جا چکا ہے ہم نے تابت کیا ہے کم قوازن کے یا تو تین محل ہو شکنے یا صرف ایک برجب اس کے کم

f>!<=

اس کے میتیجہ نکلنا ہے کہ حب تواز ن کے تین محل ہوں تو درسیا نی محل جس میں ج سب افقی ہے غیر تا کم توازن کا محل ہوگا۔ اور ووسرے دو نو ں محلوں میں توازن قائم ہو گا۔

ا كرنوارزن كا حرك ايك محل موتو توازن قا تم بوكا-

طالب علم کے کیئے یہ اچھی مثق ہوگی اگروہ ان نیائج کو اچھال کے منحیٰ کی مساوا مل معلوم کرکے اس کے مرکز انتخا کا مقام دریا نت کرنے سے حاصل کرے -

۸۷ مسمحدو دمینا و اگرایک منوس میانی میں تیررا ہواوراس کوتوازن کے محل سے مثاکر اک و تے بو سے زا و تے میر کھا اِجائے تو بیلے کی طرح سالی دباؤ کا معیارات رواوی ہوگا

یا عیراستردادی موحب اس کے کر نقطہ ک حس برانچھال کے شئے مرکز میں سے گررفے والا ا نتھا بی خط ، خط هد مت کو قطع کرتا ہے منت کے اوپریا نیجے واقع ہو -اس سے مینیچہ نہیں تعلیا کہ اگر ل منت کے ادیر واقع ہوتوجہ پرکو آزا د

کرد سینے سے وہ اینے اصلی محل کی طرف لوط آئیگا ادر اس میں سے اہتزا ز

کر کیا یا بیکہ قائمیت کی ہاری سابق تعرکیت کے برجب اصلی محل قائم توازین كالمحل موكًا -عِلْمُ ل كا ايك عام ثانون يه سبح كه قائم اورغيرقائم توازن كے

مخل کینے بعد دیگراہے وقوع ندیر ہوتے ہیں اور مکن ملے کہسم النے امسلی محل سے اس بٹاؤ میں توار ن کے محلول میں سے گزر کیا ہو-

سَلاً ایک خاص مثال حسب دیں ہے۔

آیک بنتوس مخروط اس طرح تیرد با ہے کہ اس کا محور انتصابی ادر راس فيح دارسيوس كواكس انتقعابي ستوىمي زا د سرطر من گھا یا تئیا ہے۔ ہٹا کے ہو گئے

سمسیال کامخروہی رہتا ہے ۔سیالی وہائو کے معیاری شمت معلوم کرنا مطلوب ہے۔ خوش کرو کہ سیال کی ستوی سطح

مسيعة حامل مستشاره مخروطي تزانش كالمحور أطلم ﴿ ب ہے اوراس کا وطی نقطہ سے ہے، خطوط ۱۱، ب ت، ج خطاب

يرعلى القوائم بين اور زاويد ﴿ ودب ٢ عمر اور وا = رفق

و [ ] يرطيب عد ؟

وساب = ١١ - طراء عد

ويِّ = الرواك وب) = الرواك وب (طد عر) + رجم (ط + عر) حب رط + عر) كا المراط المراط الله عراط الل

 $\frac{e^{\frac{2\pi dc}{3}}}{(dc+2\pi)} = \frac{e^{\frac{2\pi dc}{3}}}{(dc+2\pi)}$ 

قطع ناقص الب كالفعث محورا صغران عمودون سكه درميان وسطتنا مه ہو مخروط کے محوریہ اورب سے تھینچے حاکمیں۔

: ناقص کارتب = ۱۱ له الب (وا × وب × حب ع م)

 $= \frac{1}{7} e^{\frac{1}{7}} e^{\frac{1}{7}} \frac{1}{4} e^{\frac{1}{7}} \frac{1}{4} e^{\frac{1}{7}} \frac{1}{4} e^{\frac{1}{7}} \frac{1}{4} e^{\frac{1}{7}} e^{\frac{1}7} e^{\frac{1}7} e^{\frac{1}7}} e^{\frac{1}7} e^{\frac{1}7} e^{\frac{1}7} e^{\frac{1}7}$ 

اس نے ہٹائے ہوئے سیال کامجم علیہ دہم (ط - عه) (نانفل کا رقبہ) ع الله المراجب عرفه عراط معه المراط عربي المراط عربي المراط عربي المراط عربي المراط عربي المراط عربي المراط المرا اب اگرسیال اور محزوط کی کٹا فتیں مث کم تغیوں تو جو کمہ ہٹا ہے ہوئے (۸۳) سیال کا وزن مخروط کے وزن کے سمادی سبے اس کئے ت و حب عدم عد جم الم الم عدد ) الله عنه الم عدد [ ت مخروط كا النفاع بيم  $\frac{1}{\sqrt{\frac{c}{c}}} \left\{ \frac{(a+a)}{\sqrt{(a-a)}} \right\} = \frac{1}{\sqrt{a}} \left\{ \frac{c}{c} \right\}$ ادر ول >وت اگر ر<del>مام مراه + مه) > ن</del> طه كو لا انتها جھوٹا فرض كرنے سے صغير باؤك كے لئے ہميں عائميت كى

سی است کی متال ۱۱ کی کاروکر افزان تعدیل ہے گینی فرض کروکر فرش کرد که متروط کا توازن تعدیل ہے گینی فرض کروکر نٹر = شٹ جہال عد

تر محدد و ہٹاؤ کے بدسیال کا عمل کز دوا کو اینے اصلی محل کی ٹرٹ لیجا سے پر اُئل ہوگا

جم عرجم ط > √جم (ط+عه) جم (ط-عه)

یہ ایک ایسی مفرط ہے جو ہمیشہ صا رق آتی ہے کیونکہ عد اور ط میں ستے

ہرایک زاویہ تائیہ سے کم ہے۔ اس کئے مخروط کے تعدیلی توازن کی صورت بیں کسی محدو دہٹا دُکے لئے توازن کو قائم کہا جا سکتاہے۔

. ب اتع ایک برتن میں رو حبکوا ہے اصلی محل سے ذرا سا ہٹا وا کھیا ہے تو كُذِشَة تحقيقات كي دو سي مهم عاصل في وارد بايو كي خط عمل كا تعين كرفيت بي

ورحقیقت اس صورت میں بچیلی صورت کی طرح میسلد حسب و بل ہے ا۔ ایک گفوس خبم اب ج سے آیک ویا ہوا مجمرا کی سنوی کے فر تعیب

تراش ںیا گیا ہے۔اس مجرا کا مرکز ہندسی ھرہے اور حنط اس مھاس مستوی پر عموہ وار ے۔ اگر وہی محراک ایلے ستری سے زاشا جائے جوسنزی اب سے بہت چيوطازاويه نياتا كي تواس خطامت قيم كامحل معلوم كرا مطلوب سب جو ووسر مستوی برعمود وارہ ہے اور اس سے جو انجم کنتا ہے اس کے مرکز ہندسی میں کستے

آگرېرتن کی اندرونی سطح ایسے مستوی کے لحاظ ہے متشاکل موجو دو میں سے گزرہا ہے ادر ترامنٹس کے دولون مستولوں کے خط تقاطع پر عمو د وارہے تورہ خط حبکا محل دریا فت کرنا مطلوب ہے ج ھے کو مرکز ما بعد ھر پر قطع کرے گا حب كا مقام جارك كُرْمضة نمائج كسه معلوم كيا جاسكياك -

۔ برتن حس میں مائع رو ۔ ایک تھو کھلا برئن حس میں مائع ہے مائع میں تبرر ہا ہے۔ توازن کی نوعیت معلوم کرنا مطلوب ہے یہ فرطن کرکے کے حسم کی كميت كمرزي سے كررنے والے ماؤكانتها لىستوى كے لحاظ اللہ حسم متناکل ہے اور یہ کومبم اور الع کی کمیتوں کے مرز ایک ہی انتصابی خط يں ن*يں* -

(74)

زس کردکہ ہٹائے ہوئے سال
کا بسس مرز ہر ہے ادر برتن کے
اندرونی سال کا ہر ادر ہٹائے ہوئے
سیال کا دن و ہے ادر اندرونی سال
کا وَسِرتن کی کہت کے مرکز ٹ کے
گر معیاد لینے ہے، حاصل سانی واؤبرتن
کومتوازن کرنے کا میلان رکھیں گے
یاس کے برعکس ہوجب اس کے کہ
و حت ہر ۔ و ح

ستُعبت یا منفی مولاینی بروجب اسے کے

و > ا < ك الله الله

مثال ۔۔ ایک کھو کھلا محزوط حب میں بابی ہے یا تی میں تیررہ ہے اس طور پر کہ اس کا محورانتصابی ہے ۔

ر من کروکہ بن ہے مخروط کے محور کا طول فرنس کروکہ بن ہے مخروط کے محور کا طول فرنس کروکہ بنا کے میں ان ما

نَ = نُحْرُو َ طَ کَے الْمَرُدُ فِي سَالَ مِن دُومِے موے محولاطو ی = بیرونی سال کی سطوے نیجے ڈومے ہوئے محور کا طول

مخروط کے زاد ہ راس کو ۲ عد میں سے ہمیں حافیل ہوگا

ه مر = ١٠٠٠ كاس عد

ہ ہے = ہے ن-ہے ی ت مر = ہے ی تطاعہ - ہے ن

له يصورت ايسے مازسے متعلق ب مس مي سوراخ بو گيام اور لو كنا مود ا كلى وفعه ايسے مدرا حدار جازے متعلق ب جسرك بل ابتزار ( pitch ) كرا ہے -

ف ه = ہے ف تطاعر۔ یے ن اس کے توازن قائم ہوگا اُ ( ی ) ح ک نظ م - م ن الله می نظ م - م ن

جال مساوات

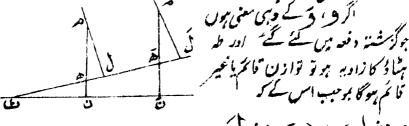
و- وَ= ليه ع ف المسل عراي - في ) = الخوط كا وزن ا

سے ی ماس ہوگا۔

ہ م -- اگر برتن کے اندرونی سیال اور شائے ہوئے سیال کی کمیتوں کے مرکز ایک ہی انتصابی میں مذہوں تو فرص کروکہ ان مرکزوں میں شنے گزنے وائے انتصابی مستونی کی سمت یں مٹاؤراقع ہوتا ہے ادر مبر اس مستوی کے لیافا سے متشاکل ہے۔ فرعن کرد کہ جسم کی کمیت کا مرکز بٹ، ہٹائے ہوئے سال کا ھو برتن

اندرونی سیال کا هر سے اور هرم هر میر مرز میں۔ نیز زص کرد کدٹ ن ن توازن کے تحل میں افتی سے اور مشالی کے سٹائے ہوئے محل میں ش میں سے

گزرے وا لا انقی خطرہے -جو گزشته و نعه میں کئے گئے اور والہ



قا ئم ہوگا بوحبب اس *سے ک* وين المراجية وين المراجعة والمراجعة المراجعة المراجعة المراجعة المراجعة المراجعة المراجعة المراجعة المراجعة ال

و(ت ن جمط + مر ن جب طر) > یا < و (ت ن جمط + مر ت جب طر) اور يونو وبدن = و بدن ن اس کئے توازن کائم ہوگا یا عیرقا ٹم بموحب اس کے کہ ١< ١< ١ ۸۷ --- قیود کے ماخت تیرنے والے جیموں کے تواز ن کی قائمیت ۔ قید کی ایسی صور توں میں جس میں جھو سٹے ہٹا و کے سلئے ہٹا گ ہوئے مائع کا مجم نہیں برلتا کمیسر مرکز کا نظریہ سالی دباؤ کے خط عمل کانتین کرتا ہے اور قائمیٹ کا سوال بھِرائساً نی سسے حل ہوجا ا ہے ۔ مِثَالَ کے طوریر فرض کرد کُہ ایک حبم جزءً غرق سنندہ ، ایک انقی محویکے گرد حرکت کرسکتا ہے اور بیان فتی محور اُس مستوی نزاش کے مرکز ہن سی (ہے) کے انتصاباً نینے واقع ہے جوانع کی سطحتهم میں کا نتی ہے ۔ ر پیرس کی میں ہوئی ہوئی ہوئی ہوئی ہے۔ اگر جسم کو چھو کے زاویہ طریس کھا دیا عبا ہے تراس مٹلا ڈیکا یہ افر ہر گا كه مركز بندسي ( البح ) ينهج بينه جائے كا اوريه بلها و طفر يرمنحصر ہو كا - اور اس كئے ع خیر مقداروں کے بہلے رتبہ کک مطایا ہوا جم غیر متغیر رہیگا اوریس مرکز وہی ہوگا گویا کہ ج ابع کی طبی میں ہی واقع ہے۔ اً رُسِم ایسے انقی تحرکے گرو حرکت کرسکتا ہو جو نقطہ ہج کے بنیجا تنصا آ واقع بنرہو تو مٹالےم ہوسکے تجریب جوتند بنی واقع ہر کی وو نظرانداز نہیں ہو سکے گ اور قائمیت کے سوال کو مٹائے ہوئے آئے گئے عمل یو الراست عور کرنے سے حل كرنا برد نگيا -\_ لیک مستطیلی میرا ایک اکن میرم کی ثافت آی کتا فت کو در میند ے ساکن ہے آس طور پر کہ اس کے وو کھنلے انتھا بی ہیں ۔ یہ بترا لینے ایک انتھا بی میں حکت کرسکتا ہے۔ ایک انتھا بی مغلع کے وسطی نقط کے کردا پینے مستوی میں حکت کرسکتا ہے۔ نكل سيرك كونتيرك ق م جكم اسكوچوسك زاديه و ب (طه) میں سا داگیا ہے - نفظ و جوائع کی سطے میں بے صلع کا وسطی نقطہ ہے۔

اگر و آ= ۸ اور اگرار تفاع = ۲ ب تو أوب = + لاط اور و کے گرومعیار کینے سے توازن کا نم ہو گا اگر عَ اللَّهِ لاَ طَهِ ﴿ يَ اللَّهِ لا لِهِ ﴿ وَلَ ﴾ كَتُهِ مِوْبُ لِهِ كَا جہاں هدشت نقطہ هم میں سے گزرنے والا انتصابی ہے۔ يعني چونکيه ن و و و ب م ط - ه ت ب ط = ال ع ط توازن قائم ہو گا اگر ا وا ب س ب ا اس خاص صورت میں حرکہ جسم کی کمیت کا مرکز اور محور حسِ کے گردیہ حرکت کرسکتا ہے دونوں ان کی سطح میں واقع ہوں تُو قائمیت کے تعین کے کے ایک صالطه د فعد(۴ و ) کے صالحه کے مائل حاصل کیا جاسکتا ہے۔ جس محر کے گروجیم حرکت کرسکتا ہے اس کو سج ااور توازن کے محل میں بٹا ے ہوئے انع کے جم کو سے فرض کرو۔ فرض کرو کہ اج ﴿ نیراوُ کا ابتدا بی سستری ہے اورج ماکے گرد ( جو کا غذکے مستری برعمود وارب ) ایک چھوٹے زادیہ میں مٹانے تے بعد خطرآب بے ب حاصل سیالی دباؤ ، وزن ب ۵ ﴿ بَ کے مساوی ہے جوا وپروار عمل کرنا ہے اور میہ ذیل کے وزیوں کے معاول ہے . وزن ( ب د ( کینی ج یت سم جواد پر کیطرن <u>ا ک</u> مُل کرمائے، فانہ (کب سنج کا وزن فواویر ہے/ کی طرف مُل کراہے اور قانہ اب سے کا دزن جونیچے کی طرف عمل کراہے

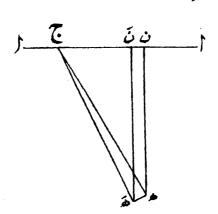
ان دون فان کی وج سے استر دادی معیار

= ال ج ن الا لم فران فرا = ج ن طرح طرح الله فران فران فران الله فران فران فران الله فران فران الله فران الله فران الله فران الله فران الله فران الله فران کی وج سے معیار کا نقصان

= ج ن ح بدن ن = ج ن ح بدن م طر اس کے تواز ن کا کم ہوگا اگر

اس کے تواز ن کا کم ہوگا اگر

اس کے تواز ن کا کم ہوگا اگر



۸۸ — ایسے جم کی عام صورت میں جگ گرا نی رکے ایک افتی مورے گرو کرکت کرسکتا ہو فرض کرد کہ تیراد کے ستوی بر محور کا ظل ج ا ہے اور نت اور ہا کے نال کی اور نت ہے ۔

معیر زاد کی جٹاؤ ط کے سے ج کا انتصابی ہٹاؤ ط کے رتب کا ہوگا اور اس سلنے نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔

اور اس سلنے نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔

گریشتہ و ند کی طرح ہٹا ہے جوئے اکم کے تغیر کی وجہ سے استودادی میار سے ج ت استودادی سے استودادی سیار سے ج ت استودادی سیار کا نقصان

(A L)

= ج ف ح × (هن-گ) طه پس به نیتجه نکلتا سے که توازن تائم ہوگا اگر ج ف ﴿ من - ج ف ح (هون-گ) + و(مف ل -گ) مثبت ہو اس سنبرط کے ساتھ کہ

ex できっこうとう

نیتحبصری کے ۔ اگر حبیم متعبانس مائع میں آزا دانہ تیر رہا ہو اور تشاکل کا ایک ستوی رکھنا ہو اور اگر اس مستوی میں کے کسی افقی محور کے گردھبم کو ایک صغیر زا ویہ طریس کھا دیا جائے تواسترواوی جنت ہوگا

ج ف ط (أرس - ح× ه ف)

جہاں تشاکل کے مستوی اور ائع کی سطح کے خط تقاطع کے گروسطی تراش کے جود کا معیار ﴿ سِیّ ہے۔

۹ ۸ -- ایسے حسم کا توازن جو دوما تعات میں جزوً عزق سف دہ تیرہاہے ۔
فرض کروکداو بر کے مائع کی کٹانت ف اور نیچے کے مائع کی ت بدت

- 4

نیز فرغن کردکہ کل حج غرق سٹ دہ سے ادر سے 'سے کا دہ حصہ ہے جو نیج کے افغ میں غرق کے جو کا دہ حصہ ہے جو جو نیج کے مائغ میں غرق کے مستویوں کے اوران میں سے سب جسم کے وزن کو تھا ہنے والی قویتیں ، مائغ کی کمیتوں کے اوران ہن ہے اور ٹ

اورت کے ہیں بواربروار مل ری ہیں۔
ایسی صورت لوجس بی حبیم ایک ایسے انتھا بی مستوی کے لیاظ سے
مشتلک سے جو ہٹا وکی مستوی پر عمور وارہے ، اس طرح عبیم اور کمیتوں ہے
اور ہے کے مراز مندسی دف ، ہو، کہ ایک ہی انتھا بی خط میں ہونگے۔
اگر جسم کو ایک صغیر زادیہ طریس تناکل سے مستوی میں کے کسی افتی
محررکے گرد مناویا جائے تو توازن کے محل برلیجانے کا میلان رکہنے والی

قوق كاكل معياد ف كے گرو ہوگا ج ف (لرمزا - حدد سف) طرح ف (أرزا - ح مدف ) طر يا ج ف ح مدف هر مرط + ج ث ح مدف هر مد طد جس بيں نف هر اور نف هر كى مشبت سمت او برواد سے -

قوادن صریحاً قائم ہوگا اگر هر اور هر دونوں ف کے اور داقع بول لیکن اگر هر است کے اور داقع بول لیکن اگر هر افتا

ئى × ئەر / ئۇ خ × مۇك

یا خار (امرایع مرهدن) > خارج مره نظاری خون - کوئری )

- بیم متعانس انع سالی کٹوس جیم متغیر کمانت کے انع بین بیر ریا
ہے۔ اچھال کی شطح معلوم کرنا مطلوب ہے۔
میم میں بیدی جو البید اللہ میں میں میں ہوتا ہے۔

سیلے ایک حبیم کی صورت میں غور کرو جوالیسے مائع میں تیررہاہے جو نزولی ترتیت میں مخلف کیا نتوں ہف سن منت کی تہوں پڑتا ہے۔ نرمن کردکہ ہٹن کتا مت کی تہہ کی ادبر کی سطح کے نیچے جسم کا کل حجم

د فعد ۸۵ کی طریح فرص کردکداس مستوی کی ابتدائی آب خطراش ی ہے ج ب اور فرض کروکہ خفیف طور پر ہٹا ہے ہوئے محل میں اس مستوی کی مساوات می ہے ج +ل لا + م مائے توہیں یہ مساوات حاصل ہوتی ہے

 $\left\{ \dot{c}_{1} + \dot{c}_{1} - \dot{c}_{1} \right\} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{1} - \dot{c}_{1} \right) \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{1} + \left( \dot{c}_{1} - \dot{c}_{1} \right) \right\} + \dots + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{1} - \dot{c}_{2} \right) \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{1} + \left( \dot{c}_{1} - \dot{c}_{1} \right) \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{2} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{1} \right) \right\} \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{2} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{1} \right) \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{3} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{2} \right) \right\} \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{3} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{2} \right) \right\} \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{3} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{2} \right) \right\} \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{3} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{2} \right) \right\} \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{3} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{2} \right) \right\} \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{3} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{2} \right) \right\} \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{3} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{2} \right) \right\} \right\}$   $\left\{ \dot{c}_{3} + \left( \dot{c}_{2} - \dot{c}_{2} \right) \right\} \right\}$ 

ہوتی ہیں ، یہاں ان دومحلوں میں اجھال کے مرکز بالترتیب (لا اباءی) (لا مامی) بي اور ار، فنر، ب متناطراب خطاتاش بي على الترميب ووبرست مكلول ﴿ كِلَّا فُرُلا فُرُهُ ﴾ [[كا ما فرلا فرلا ، كِلَّ ما أَ فُرلا فرلا کوتعبیرکرتے ہیں۔

لسل سیال کی صورت بینے سے

كردا-لا)= (ل+ف ك (١-١) = ف ل + ب م ادر ک ری -ی)= از (ل +۱ ف ل م + ب م) بہاں کے ت ح بارح فرث = ش ٢ + [ن ٢] - ر ت فرح = رُبِ فرح ( = ن م الم الم الرث ء ت ۾ + [ت و] - اُ ٺ زو = ٺن ون + کريٺ فروکا

اور اسی طرح کا جلد ب کے سئے ہوگا۔لاحقے ۱۱ ن عزق مندہ صبر کی ادیر کی اور نیلی تراستوں سے متعلق ہیں اس صورت میں حن صری صفر سے الور ادر ان مجی صفرے سوائے اُس سورت کے جبکر حبیر کا بیندا چکا یا مستوی ہو۔ ا جھال کی سطح تین -ساوا توں سے دفعہ ۸ کا کی طرح حاصل ہوتی ہے۔ ادر خاص سورت میں تجبکہ فف = ٠٠ اور سیداء اچھال کے مرکز کی متوازن

بر فرح = ۱۱ الامس عدفرالا اس طرح فراد = المسس عدفرح

جہاں آ، و کے اور اجمال کے مرکز کا ارتفاع ہے اور اس طسرح و کے اور اس طسرت و کے اور اس کے اس کے اور اس کے ا

ربى مكافى نما عبر كا وترفاص في اورواس سنيع وارسب -

نيز فرح = 1 ل افراا اسطح فرا = لم ل فرح

(9.)

اور کے ہے کے ف فرا / کے نے فرہ = ل با (۳) اسطوانہ جس کا محولاً تعمالی سے -

بہاں اومستقل اس طرح سفے یہ دختان اور کرک سوم سے توانا ای بالقوہ - تیرنے والے اجسام کے توازن کی قائیت کے نظریہ کی منباد توانا کی کے اصول برجی رکمی جائتی ہے - اور اس نقطہ نظر

سنت ہم اس مصنون براب بحث کرتے ہیں۔ سنتے ہم اس مصنون براب بحث کرتے ہیں۔ وزن دار انع کے ایک سمندر ہیں ایک جبم کو داخل کرنے ہیں جو کا مرتبطہے

ورن دار ہم سے ایک سکار میں ہم دواں کرتے میں ہوتا اس کو سعلوم کرنا سفسو دہرے جبکہ جسم کے دخول سے ما نع کی ہموار سطح میں جو تند ملی ہوتی ہے اور اِس میں جوخلل ہوتا ہے ان کو نظر انداز کر دیا جائے۔

رہ من یں ہو س ہوتا ہے ہی و نظر الدار طروبان اگر عمو دی تراش فرالا فراکا ایک انتصابی منشور ، حبیم کے حدو و کو جہاں مدم سے مناسب

ما کنع اسے میں کرنا ہے شاصر فر ست وزور میں میں میں اس

پرہیں اور جن پرکے دباد علی التر تیب د، در ہیں اور اگر طم، طبہ دہ حادہ را و ہوں جو فرس، فرس برسکے عمام انتصابی خط کے ساتھ بناتے ہیں۔ تو

انتصا بی محط کے ساتھ بنائے ہیں۔ تو گہرائی کو بقدرا یک صغیر مقدار فری کے

برطر صاّنے میں 'ان عناصر رہے مجو عی دہارک کے خلاف جو کام ہوگا وہ بیسبے

رَ زَس جم م - نها فرس جم طر) نری = ( د - دِ) فراا فرما اس کے زریجت محل میں جم کور کھنے میں جو کام ہوا دہ

 $= \mathbb{Z} \left\{ i(\mathbf{y}^{(2)}, i(\mathbf{y}^{(2)}, i(\mathbf{y}^{(2)})) \right\}$ 

(91)

= کے فرلا فرا کی دفری کم

**=** [[] د فرلا فرما فری

جال تکمل غرق سنده حجم پر لیا گیا ہے۔ اگر انع متجانس ہوتو د = اج بن می ادر کام جو ہوا دہ

= ج ث الكرى فرلا فرى

= ج ٹ ح تی

جہاں بٹنائے ہوئے اور کا حجم سع اور اس کے مرکز ہندسی کی گہرا تی تی حب کو تی حبسم مائع میں تیررہا ہو تو اس کوما نع کے اندرر کھدینے میں جو کام بہوا ہے اس کی دحبہ سے اس میں توانا ئی بالفوہ آجاتی ہے اور آگر ما تع

متعاشل ہوا ورصبم اور سٹا سے موسے مائع کی کمیتوں کے مرکز سن کھ میں اور

ان كى گرائيا ل طائمي مول توسيم كى قوانانى بالقوه كاناب ج ت ح (ت-طا) ما اجاسکتا ہے۔ یا حبیبم توان میل تیرد ہا ہو توح ٹنح × 🛦 ت 🎞

9 – تیرے لے صبم کو تیراؤکے

کے گرو چھوتے زاوں طه میں گھانے میں

جوكام ہوناسے اسك معلوم كرناب

فرض کردکه و ما گروش کا محدر ادر و ی انتصاباً نیسے کی طرف ہے اور وض کو کہ کہ مستوی لا وی میں میں میں میں میں می کو مستوی لا وی میں میں میں کمیت کا مرکز دیا ادرا چال کا مرکز ہو واقع ہیں۔ فرض کردکہ ہر اور دیا کے محدد علی الترشیب (تا، مرتمی )ادر (جناا بطا) ہیں - توارین کی صورت میں تا = صنا

= ع ف ح تى يال ع ث كرى فرلا فراك

و ما کے گرد حبیم کو ایک صغیر زاویہ طدیس گھاؤ اور فرض کرد کہ محاور و لا وی جبیم کے ساتھ حرکت کرتے ہیں ۔ اس منشور کا غرف سف و طول حبکی عمودی تراسسس فرلا فراہ ہے۔ اس منشور کا غرف سف و طول حبکی عمود سی تراسسس فرلا فراہ ہے۔

اس مستور کا عرف حش رہ طول جبھی مود می راحت فرا حرا اور اس کے مرکز کی عمر الله فرا اس کی میت کے مرکز کی عمر الی کی + لامس طر = می + لاطه ہوجاتا ہے اور اس کی میت کے مرکز کی عمر الی کی اور اس کے بطائے ہوئے اس کے بوانا تی ا اللہ میں اضافہ

= الم ج ث كر ( ى + لاطم ) (ا- الم م) فرلافره - الم ج ث كر كا فرلا فرما

و ت ف الما مم مد منا جب طه - طا)

= - لم ج ف طرّح طاج ف طرح ضا اس ك وان في إنتوه من كل زاوق

قا = بن ت طرا (لا - ي ) فرلا فرا + بن ت طراح طا = بن ت طرا ( ارم - ح ق اح طا )

= الى ف طر ( أمرا مع × هر نف) ..... (١)

جباں جبم کی طحی تراش کارقبہ ﴿ اور ﴿ ا کے گرواس کی گروسش کا رفعہ و اور ﴿ ا کے گرواس کی گروسش کا رفعہ تقطر می ہے۔

اس سے یہ مستنظ ہوتا ہے کہ تواز ن کا نم ہوگا اگر

( من ) سے یہ ہوگا کا رفی جفت ہوگا کے خوال کی جفت ہوگا کے سے یہ ہوگا ہے۔

ورفعہ نے من طر ( ﴿ من ﴿ سے یہ ہوگا ہے۔

90--اگرمٹائے ہوئے اکع کا تجم مستقل ہو ادر اگر سٹائے ہوئے محل مراجبال کے مرکز میں سے گورنے والو انتصابی خط کھ دف کو نقطہ هر کو میں قطع کرے تو هر کو مرکز ابعد ایس مرکز کہتے ہیں۔ بس مرکز کہتے ہیں۔ بس مرکز کے وجود کے لئے تحلیلی متر طویں یہ ہیں

کر (ی + لاطه) فرلافرہ = کری فرلافرہ کیا کر لافر لافرہ فرہ = -یعنی گردش کا محور و مسطحی تراش کے مرکز سبندسی میں سے گزرا جا ہیئے -(وفعہ م کے ساتھ مقابلہ کرہ) - اور چوبکہ اجہال کا نیا مرکز ، مستوی لا وہی میں ہڑنا چا ہیں اس لئے

> کا (ی + لاطہ) فرلا نمرا = ۰ لیکن کلا ای فرلا فرا = ۰ نه کلا ایز از فرا = ۰

لع - مبعض علما و نفظ بسس مرکز کو ذرا وسیع معنوں میں آستعال کرتے ہیں چنا کجسے ہیں مرکز کی توبیف وہ اس طرح کرتے ہیں کہ یہ وہ نقط سے جاں اجہال کی سطح کے دوستعمل عماد وگل درمیا تی اقل ناصلہ ان عماد در میں سے ایک کو قطع کرتا ہے۔

(gr)

یعنی محور و ماسطی تراش کا صدری محور ہونا جا جیئے۔ اس صورت میں یہ ظاہر ہے کہ اگر ہے ، ہف کے اوپر داقع ہو توجسم کے دزن اور عائمل میالی دہائو سے بنا ہواجمنت حسم کو واپس توازن کے محل کرچیا نیکا میلان رکھے گا اور

م

=جنح× نف مر×طر = ج ن ح (ه مر -هن) طر \* هم = ارتوازن قائم

یا غیر قائم ہوگا بموجب اس کے کہ مر<sup>ہ</sup> دین کرار میدا پنج

کے 'ادبر ہو پایسیجے ۔ چونکہ بس مرکز ایجال کی سطح کے متصل عما دوں کا نقطہ تقاطع ہے اسلئے

عام طور پر در پر کی سطح کے صدری انتخا کے دومستولیں میں اگر ہٹاد کیے جائیں توان کے جواب میں دوبیس مرکز ہو گئے - ادراجہال کی سطح کا ایک صدری

تفت قطرائخا ه هرسيه -

44 ۔۔۔ مُقیدِ اجسام - ایک تیرنے دالاجسم ایک ٹاست انقی محد کے گردگھو سنے

بر مجبور ہے۔ اس صورت بر د نعدرہ و ) کی طرح عور کیا جا سکتا ہے۔ اگر د یا تابت محدر ہوا در (صا ) عا ، طا) ، ( لآ ، مآ ، تی ) علی لترتیب

دف اور دھ کے محدد ہوں اور وعسم کا وزن ہوتو تواز ن کی سندط ہوگی ۔ من میں میں میں میں اور اسلام کا در اسلام کا میں اور اسلام کی سند کا ہوگی ۔

ج ہے ج و اصلا اگر گردیش کا محور تیرا کو کے مستولی میں ہو اور جسم کو ایک صغیر زا دیو

ار روس که این معامل کا مور میرا و مسط معنوی ین جو اور جسم تو انا دی الفوه میں اضافه طه میں گھایا جاسے تو انا دی الفوه میں اضافه

= ہے ج ف طرا ( ( مرا - ح ی ) + ج ف طرح لا ادر جم کے بٹاؤکی وجے نقسان = - ہے طا وطا+ طروضا

(インラマン - 64/3 か

4 - - اگر کردش کا محر و ، گ گہائی برہو اور تیراو کے ستوی بر اس کے ظِل کوہم محرو ما انیں اوراد پر کی طرح فرض کریں کہ محا ورجبم کے ساتھ حرکت کرتے ہیں تو و بقدر ا ک ط کے نیچے اُر تا ہے اور ہٹا نے معمے کے مائع کی وجے نوانا کی با فقوہ میں اضافہ

= + ج ت كر ( الله و - ب ى الد الله ى ك له الله الله و الا فرا الله و ال

اورسم برجا ذبارش ف جوكام كما وه

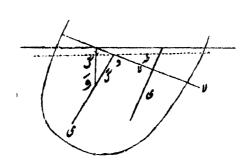
= و{ طارا- إ ط ) + ضاطر+ إلى طراطا }

اس كئے كل برونى كام جو جوا رہ

= أع ف طر (سرا-ح (ق - ك) ) + أو وطر (طا - ك)

جہال طمی تراش کا رقبہ ( ہے اور تیراؤ کے متوی برتابت عود کا جو ظل ہے اس کے گرداس کی گروش کا تضعف محطر می ہے۔

(41)



۹۸ - غیرمتحالس الکع - ایک جسم غیرمتحاس الع میں تیررا ہے ، تیراؤ کے مستوی میں خط کے گرواس کو گھا نے میں جو کا مرکیا جا اسے معلوم کرد ۔ متحد (۱۹ ۹) کی طرح کا در اور دوہی ترقیم استعال کرد - ہم لے سکتے ہیں دند (۱۹ ۹) کی طرح کا در اور دوہی فرد = ج ٹ فری

: د ع إف رى ) - ن (٠)

دند (۹۴) کے برجب جم کوکسی محل میں انع کے اندر داخل کونے میں جوگا کڑا بڑتا ہے وہ جہاں محمل غرق غدہ جم برنیا گیا ہے ۔ مبم کوجب رئیا گیا ہے ۔ مبم کوجب ایک صغیر زاویہ طہ میں تھایا جائے تو یہ کام ہو جا بیگا

## الله و فرا فرى + الله و فرا فرى الله فرا فرى الله فرا فرى

بہاں عضرفرلا فرا فری برکانیادا؛ وَجادر بین کلدکی وسعت وہی ہے جو بینے تکلدکی وسعت وہی ہے جو بینے تکلدکی وسعت وہی ہے جو بینے تھی لیکن دوسرائکلہ فانوں اور (۱ ب و ب کے الدرلیا گیا ہے ۔

اب و یے جا دن (ی - ل ی ط + لاط م) - من (۱) }

= د جج (لاطه - إلى طأ) فَ (ى) + راج الأطأ ف رى)

ن الاَ دَوْلا وْمَا وْمِي عَلَيْهِ اللَّهِ مِن اللَّهِ مِنْ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ مِن اللَّهِ مِنْ أَمْ مِنْ مُنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهِ مُ

فالوں سے متعلق تحکم میں می ہر حکمہ کہ لاطاور دَ کے جلّمہ الامیں للہ کی صرف بہلی فرت برقرار رکھنے سے

> وَ = ج ( ف ( ی) - ف (۰) + لاط تَ ( ی) } = ج ( ی تَ (۰) + لاط تَ ( ی) }

ن رُورَى = ج { - أِ لا طرت (٠) + لاطن (٠) - لاطن (- لاط) }

= الحج الأطرات (٠) = الم ج ف الأطرا

اس کے مٹاؤیداگرنے میں انع کے داکوں کے ضلاف ہوکا م ہوا وہ تواما ئی المقوہ میں اصافہ سے اور

(40)

= و ( طا( ١- له مر ) + صاطه -طا } جہاں سیلے کی طرح جم کی کیت کے مرکز دف کے محدد (صا اعلا) ہیں وصاء ولآءج الكلاث فرلا فرا فرى .: بٹاؤ کے پیدا کرنے میں کل میرونی کا م جو ہوا وہ

= المطراج تَ إِلَا فرلا فراج إلا الأفران فراء فرا فرى - واق - طا ) إ.. (١) اگری گہرائی برترامش کا رقبہ ﴿ ہواور ستوی اوی کے سابھ تاریش کا ہو خط تقاطع ہے اُس کے گرد گردش کا نصف قطر س ہوتو دو سرے تکملہ برِتکم ل بالحصص سے عمل کرنے سے ملیکا

الملا (ج أبر + [ج ف (س] - ج ك وي (اس) فرى - و × هر نت ) جهاں بلحاظ ی می منکمل خط آب سے زیرترین مجوالسطح نک لیا کیا ہے۔

اِتَكُمْلِ كَي ترميب كوالك دين سے كام كا حملہ بوجاتا ہے

له طرفر ج ن الرمم + ج كوف فراس فرى - و × هر مث

جال ف ال محيم كى زيرتين افتى تلاش مصمعسلق بي اور ١٥٠ . س اس اس صورت کے حکمت مرکا بدنیرا مستومی مو-

أوازن صريحاً كائم وألكا أكربه جلو مثنبت مور

(٩٢) 4- بس مركز كر وروك ي مناع بوت الغ كي كميت تقل بوني چاہیے اورا چھال کے مرکزیں سے گذرنے والے انتصابی کوھ نشاکو تطع كزنا عابيي -

## متقل کمیت کے لئے مترطریہ ہے

الرات (ی + لاطه) فرلا فرما فری + کرکت لاط فرلا فرما = کرکت (ی) فرلا مزما فری

ال (ت + لا لم رز ف ) ولا فرا فرى + ى طراك لا فرا = ال فرى الفرا فرى الله فرا الله فر

اور ووسری سفرط کے لئے صروری ہے کہ

ال ن (ى + لاطم) افرلافرافرى + من طمر كولا افرلاف وا = . لد ك

ئىن كۇرك (ى) مازلازما نرى = -

ا سے طہوجاتی ہے

الكلام فرف فرلا فرا فرى + فباكر لاما فرلا فرا = ٠

دونوں منرطیں پوری ہونگی اگر محوری کے گرو تشاکل ہو۔ یا اگر مستوی اوی بیں سے تمام افقی خطوط، متناظرا مفتی ترسٹوں کے مہندسی مرکزوں میں سے گذر نیوالے صدری محور ہوں اس طرح کوتمام گہرائیوں پر

كرلاما فرلا فرما = • اور كركه لا فرما = -

حب يه مفركمين بورى بول اورهر يس مركز موتو استروا وى حفنت

و× ت مر× طر یا و (هم - ه ت) ط

= ط (ع ن إس بع ك ن زي ( اس ) فرى - و د ه د ف

و× هم= ع (المرام + كن ري ( (مرا ) زي ا

جہاں تھل زیر تربن تھیوار سطح سے سطحی تراش یک لیا گیا ہے۔ •• ا۔۔۔ چونکو و نعد ( ۱ م ) کا نتیجہ ( ۱ ) درست ہے خواد جسم اگنے کے بینیچے سنكل ہوا ہو يا نہ سن اللہ موا اس سائے كارشتر وو وفعات كے متائج مجى مراكب صورت ميں

ورست بي اورجونكه وفعه (م) كاطهر ( ) دفعه ( ۸ و) كے جله ( ا )كى صرف

اک خاص صورت سے اسلے ہم یہ نیتھ تکاستے ہیں کہ متحانس الع کے لئے تھی ( ۹۷) عاصل مستبدہ تنائج درست ہیں خوا دسمرائع کے بینے تکلا ہوا ہو یا زہو۔

ا -- كَلَّا غُرْق سِتْ دَهْ حَسِم -- ايك جِيم فيرَسْخ اس اللهُ مِين كَلَّا غُن شده راج -اس كسي انفي محرر كرد

سخرزا وسے میں گھانے میں ج كام كاماً تاب استعلوم كرو-

ا دیر کی کلرح و ما کو گردستس کا محور لواور فرض كردكم محاور و لا وى

مِن نَا بِت ہیں۔ نیز فر عن کرو . و ای گرائی گ سے اور

ت ء فَ (گَهُراَئُ) ) اس طرح نوازن کے محل ہی

د = ج ( ن (ی +گ) - ن ر ، ) کم

اور بٹائے ہوئے محل میں

دَ =ج (ف (ى - ل ى ط + گ + لاط ) - ف (٠) ك

= د+ج (الطرب الم ي طرً ) ف + الم ج الأطر وي

و اکے گردسم کو ایک صغیر زاور طدیں گھانے میں جو کا م ا کُو کے داؤں کے نظاف کرنا پڑتا ہے وہ

= [وفد (۹۳)]

یں حبیم کے وزن نے جوکام کیا وہ

= و{طا (۱- له طلا)+ صاطه .طا } جہاں پہلے کی طرح حبم کی کمیت کے مرکز شٹ کے محدد (صا<sup>ا ، ا</sup>طا) ہیں۔

اور و صنا = و لا = كالله نف فرا فرا فرى اس مركا فرى المرى

اس لئے ہٹاؤ میں کل کام پرکیا کیا وہ

= المراح الآل فرى فرا فرى - و ( ي - طا )} = المراح الآل فرى فرا فرى - و ( ي - طا )}

= المطرفي الأفرى - و × هدف المرافري - و × هدف على المرافري - و × هدف

= الم الح كرام فرت وى - و الم دائ }

جہال محمل صبح کے بلند ترین نقط سے زیر ترین نقط کے لیا گیا ہے۔

۱۰۲ --- توازن قالم بولا اگر حمله بالا مثبت بو-بس مرکز کا مقام جبکه اس کا وجود بود در برق استرادی جنت وجود بود

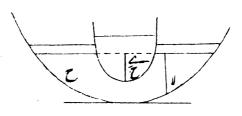
ورد مرد طريا و (همر-ه نث) طر

= { ج آ ام فرف فری - و \* هد ف } طر

م × ه هر = ع الرام زن زي زي

(4^)

یا و به هده این اور این اور این این اور این این اور ا



زض کروکہ اکم کی گرائی لائے جہم کے عزق سندہ حصد کی گرائی ہے برتن اور صُوح ہم کی تمناطر تبئی تراسفیں کا اور ہے ہیں ، الله کا مجم سے اور کھوس جبم کے عرق شدہ حصد کا مجم سے ۔ تب سے آتا ہے گل کو کر آ ۔ کی ہے (لا ۔ ی + ی) فرتی اور توانی کی جالاقوہ میں اضافہ ج شاح لآ کے تعیر کے مساوی ہے جبکہ

(99)

برلامیں اضافے مف لاکی وجوسے پیدا ہو۔

ج ت = ١

= كا لا معت لا - (معت لا -

اب چنک سے الکی وزالاً ۔ کی سے فری

اس کے کا سن لاءے سف می

اس کے تغیرہ ت (بیت ی - بعث الله)

یونینجه اس بات کو زیرنظر که کر بھی فوراً حاصل ہوسکیا ہے کہتے محرس م پرے حاصل انتصابی وباؤ کے مساوی ہے اور انع کے چڑا ڈمف لاکی ومب

ے جبیم کا امتار مف می ۔ معن لاہیے ۔ مع ۱۰ ۔ ایک ۱ اسطوانی برتن کے اندر مجھے اُر نُع ہے ' ایک

ک وا خل کرے نے بیٹیر برٹن کے اندر جو ا کے بیٹ اس کی ہموار با

ے کن سطے کو ضار کی صفر سطے مانو۔ فرض کروگہ برتن کی عمو وہی تراش ہے ہے اور عبہم کی آب زائش حبکہ عبہم نز برا زو معیں ہے۔ فرض کروکہ تواز ن سے محل میں غرف یدہ قبم ہے ۔ اُج ٹ ءا لینے سے اسے مسم مسمرکے وزن کو بھی تقبیر کرتاً ہے۔ نرض کرو کہ تسبی دومرے محل میں غرق شدہ حجم ملع ہے۔ اِس مونتر الدّ کُر تحل میں یا بی کی ہموارسطح بقدر کا صلہ ہسکتے کے اوپراُٹھ حالیکی ۔ یس اگر صفر سطیح

کے بیجے ایک الی کے مرکز کی گہرائی گئے ہورہ وزن سے بیت درگ ہو ۔ گئے۔ بان ی کے اور اُٹھا دیا گیا ہے اور کام جربوا وہ سے گ + یک کے سادی ہے۔ اس کے اگر مفرسطے کے اوپر حملم کے مرکز تقل کا ارتفاق ع ی سے تغییر

ہوتو کل توانائی بانفوہ بہوگی

7 3+5 - - - -

جہاں طا اُس انتہا ہی فاصلہ کو تعبیر کر اسبے جو مرکز نقل اور اچھال کے مرکز کے درمیان ہے۔

ه وا مثال- ایک اسطوانه ووسرے اسطوان میں تیرر ا ہے ۔

ترف والے اسطرانے کا عدم کے

مرکز ہندسی کو سباہ لو اور فرض کرو کہ تا عذکا رقبہ (سے - نیز فرض کرو کہ ائع کی سطے کے متوی کی مساوات ل لا + م ما + ن می = ع

ہے جہاں اوپروار انتصابی حظ کی سمتی جیوب التہام ل، م، ن ہیں۔

تبح = العلم اور اگر توازن کے محل میں اچہال کے مركز كا

مقام هر بهوتوخه و هر کاظل ادیه دار انتعبابی بر بوگا

ت الرال ۱۱ + م۱ + ن ی ی فرا فرا

(100)

ئے ہے ( ن - ن بے ) + سے (ل وجم ب +ن ج) + ہان (صل + ج م ۲۲ جسلم) - ہا نے کیا + ستقل

مثالاً فرض کروکه ال = ب = ، اس طرح ف ، مراکز ہندسی کے فط وی برواقع ہوگا- لکھو سے = اف جہاں ف انتصابی محل میں ڈو ہے کی گہرائی ہے تب توانانی بالقرہ ہوٹی

البی صورت میں جبکہ اسطواۃ تقریباً انتصابی ہو ہم تقریباً ن= ا- إلى الله ما الل

المرائد (المع من) اورائد (المع من المرائد الم

پس قائمت کے لئے ہے ۔

کم سے کم مدیار سے کم ہونا جا ہیئے ۔

مرید برال اگر تراسٹس دائرہ یا کوئی الیسی شکل موجس کے لئے عدہ بہ جہ ۔

تو توانائی با عقوہ الیسے محل میں جس میں محورہ نتھا ہی کے سائقہ زا دیہ طبنا آ ہی یوگی الیسی شکل موجس کے سائقہ زا دیہ طبنا آ ہی یوگی ہے ۔

ہو ہے اللہ ہو ہے جم کو مستقل لینے سے سے یہ ، اس طرحا کو کی میں توازن (۱۰۱)

کے لئے لاز آ

ہو سے کم کی ایک حقیقی قیمت لمتی ہے جبکہ ۔

ہو سے کم کی ایک حقیقی قیمت لمتی ہے جبکہ ۔

ہو سے کم کی ایک حقیقی قیمت لمتی ہے جبکہ ۔

ہو انتھائی کی فیرقائم ہے ۔

یمنی جبکہ انتھائی کی فیرقائم ہے ۔

معم \_ با نی سے بھاری شے کا ایک برتن ہے جس کو اوندھاکرکے یا نی کی سطح پر ۔ کھا گیا ہے ' اس میں اتنی کا فی ہوا ہے کہ وہ تیرسکتا ہے ۔ اگر اسکو کھیرفا صلے میں یا نی کے اندر ذرا نیجے ڈ کہیل دیا جائے تو ٹا بت کرد کہ وہ توازن کے ایسے محل یا

ہ کی سے ہمرد درہ سے وہیں دیا جسے وہ ہب مرور یں ہوگا جوانتصابی ہٹاؤے لئے علیے فائم ہے۔ ریس مرکز کی روز میں مند مرکز کی روز

ی سے ایک عموس مکا فی بنا استی تحور کر ایک عمود وارستوی سے محدو دہیں۔ اگر یہ تیرر اہو اس طور پر کہ اس کا محورانتصابی ہوا در راسس یا نی میں غرق ہو تو ہٹا ہے ہوے مانع کے مرکز نقل کے اوپریس مرکز کا ارتفاع و ترخاص کے

نفٹ کے مساوی ہوگا۔

سا ۔۔۔۔ایک مخرد ط جس کا زا ویہ راس ، 4 مہے یا نی میں اس طرح شرر اسبے کہ اس کا مور ہے گئے۔ اس کا کور است کور انتصابی ہے اور راس نینچے کی طرف ہے ۔ نتا بت کروکر اس کا کیسس مرکز

تراوُ کے ستوی میں واقع ہوگا اوراس کا توازن قائم ہوگا بفرطیکہ اس کی کمافت اصافی کے ۲۰ -

سم --- ایک متسا وی الساقین نا خداس طرح تیرد اسے کداس کا قاعده انقی ہے ۔
اوراس کی د حاربا نی میں غرق ہے ۔ تا بت کروکدا یسے سٹاکو کے لئے جو د حار
کے علی القوائم مستوی میں د قوع نبر بہو توازن قائم بردگا اگر فانہ کی کنا فت اور
سال کی کتافت کی اسمی نسبت اس نسبت جم عد : اسسے بڑی ہو جہاں ۲ عد
فائد کا زاویہ ہے

۵ --- ایک بنداسطوانی ظرف برف سے ایک ہوتھائی بھر دیا گیا ہے۔ اور انتصابی محور میا گیا ہے۔ اور انتصابی محور سے ساتھ ہائی میں اسے تیرنے کے سئے جھوڑ دیا گیا ہے۔ فران کا ایک جو تھائی ہے جواس میں ساسکتا ہے۔ برفت کے کوئن اسے بہلے اور بعد تواز ن کی نوعیت کی جانچ کرو۔ جبکہ تیش کی تبدیلی کی وجبے مجم کی تبدیلی نظرانداز کر دی جائے۔

۲ کے اور دوسیا دی وائری افزول کی شکل کاہے اور دوسیا دی وائری رائری کرخوں سے محدود سے اور دوسیا دی وائری رخوں سے محدود ہے ساتھ میں افتی محرکے ساتھ میں افتی محرکے ساتھ میں انتہا ہے ۔ نابت کر وکہ وازن قائم ہوگا یا غیر قائم اگر نفسف زاد بدراس بالعر تیب مدادیا ، م

ک ( ہے + کئے ) ایک گروشی مجسم کے کسی قطعہ کو جو قائم تراش سے پیدا ہوتا ہے انٹے ہیں غرق ۸ ۔۔۔۔ ایک گروشی مجسم کے کسی قطعہ کو جو قائم تراش سے پیدا ہوتا ہے انٹے ہیں غرق

کرنے سے اچھال کے مرکز اور نسیں مرکز کا در میانی فاصلہ ہمیشہ خوا ه قطعه کی ملندی تجیم ہی ہو کہ گردسٹی محبیم کی شکل دریا نت کرد۔ ماکن ہے اورایک مخروط اس قدروزنی ہے کہ حب *تک* اندر منظیس حاسے بیساگن نہیں رہ سکتا۔ محزوط کی کثافت لم مركزة مآكه توازن قائم مو ا عنا في الع كي كتافت اصنا في كي سائق منسب فركه تي سيت و قابت كروك توازن اموال قائم بوگا اگر قاعدہ کے نصف تطراور لبندی کی اہمی سندے اندرا۔ نہ اسے طری ہو مکا نی نرا شکل کا کیماُں فول انتصابی محور کے ساتھ تیررہاہے اور اس کا تین چوتھا ئی حصہ یا نی کے نیچے عزق رہنا ہے جبکہاس کو تحور کی لیے گہرا ئی " کک البیسے مانع سے بھردیا جائے جس کی کتا نت ہ ہے ۔ نابت کروکہ تواز ان خانم ۔ گردشی مکا فی ناکی شکل کے ایک ظرف میں یانی سے اور بینظرف ایک تاب تھ ورے کرہ برساکن ہے اس طور مرکہ اس کا راس کرہ سے بند تربن نقطم برہے۔ بے دزن اسطوا نی کخول میں ا نع ہے اور بہنو ل ووسرے ائع میں پررہا ہے۔ نابت کروکہ نوازن فائم مہو کا تسوا ہے اس صورت کے جبکرا ندرونی انع کی کٹا فت کو بیرد نی انع کی کتا فت کے ساتھ جو سنبت ہے دہ ایک سے کم سرو ادر ت ثناة کے نفست سے بڑی موجواسطوانے کے نصف قطرکو اندرونی انعکی الفت كروى خول كوجس مي ماكع ب ايك ايت كرور اكره ك برر کھدیاتھیا ہے جس کا قطر خول کے قطر کا ووجیدے ۔ نابٹ کرو کہ توار اُن قاممُ کے کہ خوال کا وزن مائع کے دوچندوزن سے بڑایا چھوٹر ۔ ایک اُربٹی جسم اس طرح تیررہا ہے کو اسٹ کا راک ب- - امل کی شکل سلوم کرو جبکرمیس مرکز کا مقام مالع کی کنا نت برمنحصر شهوس لیک مخروطی نخول شیعیے وار راس کے س ما تھ عیرقا کر تواز ان میں تیرر ہا ہے۔

توازن قائمنا نے کے لئے اس میں کتابا نی ڈالدیا جاستے ب ا ---- ایک تفوس مخروط انع بی اس طرح رکھد یا کیا ہے کہ اس کا محور تصدایی ہے اور اس کا راس بیتے وار برتن کے فاعدہ پر حس میں مائع سے فیکا ہوا ہے ۔ اگر ا تع كى كمرا أى مخروط كرارتفاع كالضعت مواوراس كى كثافت مخروط كى كتافت كا حيار تحمّا بوتومنًا بيت كروكه توازان تا تربيركا الرفود طاكا زا ديدراس ١٠٠ سع بطا بر-غوس مخزوط کی بجا ہے اسسے ارتشاع کا ایک نیلامخروطی خول رکھدیاگیاہیم جس كا زاويدراس ٢٠ سمادرس كانزرسيرك وسطى نقطه كي مموارسفح تك ما نع بيت ا وِر اِس اللهِ كَى كُنَّا فَتْ بِيرِو بِيَ اللَّهِ كَى كَنَّا فِتْ كَانْصَفْتْ سِيعِ - نَا بِتَ كُرُوكَ تُوارْنَ فَاكُمْ ہو گا اگر خول کا وزن ایس کے اندرونی مائع سے وزن کے تین چوتھا تی سے کم ہو۔ ٨١--- ايك اسطوا في ظرف مين حير كا وزن نظرا نداز كي حاسكتنا به يا في المنه-اس ظرف کو ایک تابت کمرورے کرم کے راس بررگود یا گیا ہے اسطور رکداس کے قا عده كا مركز كره كومس كرناسيت - صعير سياؤسك سفية فائميست كي مقرط معلوم كرور ادر اگر اس فتسم کے بٹائوں کے سلتے اوا زان الله ملی موتو نابت کرد کر حیو سے انتحام سِنا وُل كَ مِنْ مِن وَارْن غيرُفا مُم بِرِيّا وَالْ عَيرُفا مُم بِرِيّا -19 --- ایک کرونتی محسم کی شکل معلوم کرو جوانتصابی محور سے سائڈ بیٹرا سے مطور یر کہ مجسم کے زیر تزین نفظ کے سے لیس مرکز اورامچھال کے مرکز وں سکے فاصلول کے ور میان استفال سبت رہنی سرمے خوا ہ انٹے کی کتا نت کیجہ ہی ہو-- ایک نصف داری اسطوانهٔ انتصابی محور محساته ایک مانع می هبری کتا فت اس کی کتا فت کا دوجیند سے ساکن سبے ۔ اگر بداسطوانہ اس خط سکے كرو مركت كرسك جوأ مقعا بى ستوى رخ اوسطى كاخطا تفاطع يد توقائميت كى سفرط معلوم کرو۔ ۲۱ — ایک فائم مستدرمخزوط افقی محور کے ساتھ ایک مائع میں جس کی گنافٹ اس کی کٹا فت کا دوجِئد ہے تیرر باسے۔اس کے راس کو ائع کی سطح میں ایک تابت اس کی کٹا فت کا دوجِئد ہے تیرر باسے۔اس سے راس کو ائع کی سطح میں ایک تابت نقط کے ساتھ وسل کردیائیا ہے ۔ نابت کردکہ قائمیت کے سنے زادیرراس کو ۲۰ اُ سے کم ہونا چاہیئے۔

(1.17)

المِب اسطوانی فرت اِپنے مرکز تقل میں سے گزرنے والے ایک فقی مور کے گرد حرکست کرسکتاہے ، اوراس کو اس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کامحورانتھا بی ہو-اگراس مِن يا بن ولالديا حاسست تو نابت كروكه ابتدا بي توازن عيروا تم بوكا- ايسى شدره معاوم كروكه كافي ياني داسلنے سے توازن فائم بنا أسكن مو-د کئے ہوسنے وزن کا ایک محروطی طرف اسینے انھتی قاعدہ کے ایک تطر کے گرد حرکت کرسکتاہیے ، اس کوایک وزن دارسیال سے جزءٌ بحرد یا گیاہے۔ ثابت کرد که توازن بهیشنه قائم مبوگا اگرمخ وط کا نصیف زاویه راس 🦯 ۰س میکن اگرزادیه اس برا مو تو معلوم كرو كه توار ك كب قائم بوگا ادركب عنير قائم-مم م سے بالیٰ ایک نطرت میں لیے جس کا فاعب کر اُنعقی ہے۔ اس بیں ایک مکا فی نما ہے جس کا راس طرف سے قاعب دو برطحا ہوا ہے۔ مکا نی نماکوسیال اور ت مده جزِّ برَوْعَ عَاسم موسعَ مِن ما في ما كي كأنت نوعي إين كي كثافت كالتهد ہے ادر اس کے محور کے طول کو در خاص کے سا عرب یہ ہے۔ میال کی کم سے ا کہان معلوم کروجس کے کئے توازن قائم ہوگا۔ ایک مکانی نما پالیجس کا وزن وہے ایک انقی میز پر کھڑا ہے۔ اس کے زر یانی کی کچے مقدارے جس کا وزن ن و بے - اگر بیال اور اس کے اندر کے با نی سے مرکز تقل کا ارتفاع من ہوتو توازن قائم ہوگا کبشر طبیکہ شکا فی کا ونزخاص >۲(ن+۱) ت ۲۷ ۔۔۔ ایک گردشی محبیرانتھا بی محور کے ماہ تیرر ہا ہے۔اس کے محور کے ایک تا بت نقط پر آوزان رکینے کے اس کو مختلف گہرائیوں نگ فوبو یا گیا ہے۔محبسم کی شکل معلوم کروکہ توازن ہمیشہ تندیلی رہتے ۔ ایک نفوس مخزوط حس کا محورا منصابی اورراس سیمیے وارہے ایک مور کے گرو جواس کے تحوینی خطر پر منطبق ہوتا ہے حرکت کر سکتا ہے۔ کس گہرائی يك اس نظام كوياني مي عزق كما جائك ديخرو طاكا نوازن فاتم مو-- کاایک تفوسر حیمانسی شط سے محدود النے جس کی تحویر

کے ایک ربع کو بحوراعظ کے گرد گھا نے سے ہوتی ہے۔ چیم اوہ میں اسکہ کک عفر قب ایک ربع کو بھر اور کا اسکہ کا سے عفر قب سے اگر صغیر زادی امٹاؤں کے سئے قوازن تعدیلی ہو تو الابت کروکہ

٢٠٠٠ + ٢٠٠٠ - ١ - ١ - ١ - ١ (ز= جرق المركز)

44 --- ایک نفوس مخروط حس کا زاویہ راس ۲ عدی ۴۰ سے کم ہے ایک سکے کے سے ایک سکے کے ایک سکے کے سے کا سے سے کار سے کر در جمود سید سے کار سے کرد جواس کے محدر برعمود سے حرکت کرسکتا ہے ۔ اگر تارکو الع کی سطح میں رکھا جائے تو نا بت کرد کہ مخروط عالم قوازن کے محل میں ہوگا۔ جبکراس کا محدر افعی سے ساتھ زادیہ حبت (۲ حب عد) کا میں میں ہوگا۔ جبکراس کا محدر افعی سے ساتھ زادیہ حبت (۲ حب عد) کا

میلان رکھنا ہو۔ • بعا ۔۔۔۔۔ تابت کردکہ تیرنے والے مبرکہ اس کے مرکز نقل کے گرد حمیو نے زاویہ طعہ میں سے گھانے میں بیکا مرکزا پڑتا ہے

+ 5 أ ( أرا + ابا - ف ح ) ط

جہاں جبم اور سٹا کے ہوئے الع کے مراکز تقل کا در میانی فاصلہ ف سے اور حبیم کے مرکز گفتی اور تیراؤ کے مستوی کے رقبہ کے مرکز تقل کے درمیان افتی فن اصلہ ب ہے ۔۔

ب ہے۔
اسلائے۔ ایک سکانی نما بیالہ جس کا وتر فرنس ہم اوسے اور جس کی کمیت کا مرکز راس
سے ۱۴ فاصل بر ہے وو اکوات میں تیر، اہم جن کی کتافتیں شراور ف ایس
اور (قرے > فف نابت کروکہ جبم کواک افقی محد کے گروھیو سے ڈاور یہ طریس
گھانے میں جو کام کرنا پڑتا ہے وہ ہے

﴿ ﴿ وَ مَ لَا ﴿ نَ ﴿ اللَّهُ ﴿ اللَّهُ اللَّاللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ الللَّهُ ال

جاں ن ن مور کے وہ طول ہیں جیسالوں میں غرق ہیں۔

ا منا ۔۔۔ ایک قایم الزادیہ متما وی آمیا قبن مثلث سیال میں اس طرح تیرر ہا ہے کہ اس کاراس کے رقبہ کا کہا حصہ کا اس کاراس کے رقبہ کا کہا حصہ

(1.4)

سال کے نیچے غرق ہے بیس اس کا مرکز نقل بس مرکز برمنطبق ہونا ہے۔ دریا فت کرد کر تواز ن حقیقت میں قائم سے یا غیر قائم۔ مع مع ۔۔ گردستی مکا نی نما کی شکل کا ایک مجیم انتقابی محد کے ساتھ تیر رہا ہے۔

میں تیررہا ہے۔ اگر کسی انتصابی مستوی میں صغیرزادئی ہٹا ڈ کے لئے توازن تعدیلی ہوتو ناب کر کہ

 $\frac{r_1}{r_2} \frac{3}{4} + 1 = \frac{r}{r}$ 

ہم - ایک متساوی انساقین شلتی بترا اب سے ایک انع میں جس کی مثا ایسے بدلتی ہے جیسے گہرائی اس طرح تیرر اہے کہ اس کا قاعدہ اب افعتی ہے اور الغ کی سطح کے اوپر واقع ہے - اگرائع کی سطح کے پنچے ہے کی گہرائی گ ہوتو ہے کے اوپر نس مرکز کی ملبندی ہے

ہے تط ہے۔

۱۷۴ -- ایک ناقعی بترا ایک اکع میں نصف غرق سشدہ تیرد اسیم اس طور پرکد اس کا عرضی محور (۲ و) انتها بی سیم الغ کی کتافت ایسے بدلتی سے جیسے گرائی ۲۳ و زام ۱۹۱۹ بدلتی سے جیسے گرائی ۲۳ و زام ۱۹۱۹ سے سے جہاں ز، خردج المرکز ہے -

کامها ۔۔۔۔۔ نصف قط او کا قائم سندریا سطوار ایک اٹع میں اس طرح ساکن ہے کواس کا محرا نتصابی ہے اور اسٹ سس کا طول ہے مائع میں عزق ہے اگر تک گہرائی پر کتافت فہ ( می ) ہوتہ ناہت کرد کہ مرز ابعد کی گہرائی ہے

## 

مهم ۔۔۔ ایک بھوس گردشی مکانی نما اس طرح تیرد اے کواس کامحورانتھا بی رہی بنجے ووراور ماسکہ مائع کی سطے میں ہے، مائع کی کٹافت می کہر دئی برم ( 1 + می ) ہے جمال تکوینی مکانی کا وتر خاص ہم و ہے۔ تابت کروکہ راس سنے بس مرز کا فاصلہ اہم ۔۔۔ ایک مخروط نبھے وار راس کے ساتھ اگع میں تیرر ا ہے حس کی کتافت ایسس مات یہ مر سیسی گروط نبھے وار راس کے ساتھ اگع میں تیرر ا ہے حس کی کتافت ایسس ماتر کی ہے۔ کہ کاف

ایسے برای ہے بیسے تہرائی کام ہے۔ اگر مخروط کی کتا فت مانع کی اُس کتافت کے مساوی ہو جو مخروط کا وادیہ راس جبکہ مساوی ہو جو مخروط کا وادیہ راس جبکہ قواز ن نقد بلی ہومسادات

سے حال ہوگا۔

الم الم مل من ارتفاع اور م و و خاص كا ايك طوس كانى نما انصابى كل مي ايك الكي خوس كانى نما انصابى كل مي ايك ائع ك اندراس طرح متوازن سے كوأس كاراس نيچ وار م اور م اور مي ايپ راس كے كر جوائع كي سطح كے نيچ بج گهرائي پرتابت كروكا توازن تا م موكا ہے - مائع كى كتافت اليسے برلتی ہے جيسے كہرائي - نابت كروكا توازن تا م موكا اگر مكانى نما كى كتافت كواس كے راس بركے انع كى كتافت كے ساتھ و نسبت اگر مكانى نما كى كتافت كواس كے راس بركے انع كى كتافت كے ساتھ و نسبت موسل مدرس بركے انع كى كتافت كے ساتھ و نسبت موسل مدرس بركے اور سے انتقال كار ساتھ و نسبت مدرس بركے اور سے انتقال كتافت كے ساتھ و نسبت موسل مدرس بركے اور سے انتقال كار ساتھ و نسبت انتقال مدرس بركے اور ساتھ و نسبت مدرس بركے انتقال كار ساتھ و نسبت انتقال مدرس بركے اور ساتھ و نسبت موسل مدرس بركانى مائل كار ساتھ و نسبت انتقال مائل كار ساتھ و نسبت انتقال مائل كار ساتھ و نسبت انتقال كار ساتھ و نسبت كار س

ج دہ جہ + موج سے کم ہو۔ م

معرم - نصف زاویه راس عدکا ایک قائم مستدر بطوس مخروط کا غرق شده ایک انع بر حب کی کتافت ایسے بدلتی ہے جیسے گہر نی اس طرح تیر راست که اس کا راس اور داراور محورانقعابی ہے - اگر مخروط کا ارتفاع ف اور انع کی سطح کے بیجے اس کے راس کی گہرائی ب ہوتو نابت کرد کہ راس سے بس مرکز کا فاصلہ

= س ن × هبدم ف- ف من ند

مع مم ۔۔۔ وُ علے موئے لوئے کی نخسال موئی جا در کا ایک اسطوا نی میاجری ا نصف قطر او فٹ اور وزن و پونڈ ہے یا ٹی ٹیس سید اتیرر اسبے۔ تا بت شروکہ اس کا مرکز تقل سُخِلے رخ کے اوپر

> 13 mg + 9 13 mgm

سے بند ترمنیں ہوسکتا - اس

نیز تا بہت کرد کہ اس کا در ن خواہ کچھ ہی ہوا س کا میں مرکز شیلے رخ کے اوپر ٭ ۶× او سے زیادہ بی رمیتا ہے ۔

ک سے روزہ میدر بہا ہے۔ در مع سے ایک اسطوانی میالد کیساں تبلی و صلی ہوئی د صات کی جا درسے نہا گاگیاہے۔ ببالد کی تراش دائری ہے اور اس کا قاعدہ جبٹا اور من کھلا ہوا ہے۔ اس کا طول قاعدہ کے تفعف قطر کا ہے ہم گنا ہے اور ببالہ میں بتنا یانی ساسکتا ہے اس کا وزن

و سے ۔ نابت کردکہ بیالہ انتصابی کونوں کے ساتھ قائم توازن میں یا نی مے اندر منیں تيرسكنا إكراس كاوزن ( ١٠١٥) واور (١٥٨٥) لوسك ورسيان واتع مو-اگر بیالہ کا وزن ﷺ و ہوتو اس میں یا نی ڈالکراس کے تواز ن کو قائم ينا سكتے ہيں تاكمانتصابي كمولال مےساتھ، تيرے ببشرطيكه بياله ميں جو يا بي والا خا اس کاوزن ہے و اور ہے و سکے ورسیان ہو۔ ایک بختی حس کی کٹانت شہت قطع سکانی کی شکل کی ہے۔اس کا ور فاص م و سے اور یہ راس سے ف فاصل کے دوہرے میں سے محدود ہے یختی ایک انع مرجنی کثافت دن ہے ا*ں طرح تر*ری ہے کہ آئی ستوی طے انتصابی ہے ۔ اگر ۳ ن (۱-کر) 🖊 او ت (۱-که) + ه از حراف (س ت (۱-که) - ۱۰ و که ا<del>آ</del> نؤ نابت کروکہ قائم توازن کے دوعل ہیں جن میں محور انتصابی خط کےساتھ زاویہ بنا آہے۔ ہماں سرا سے خوا کر دیا ۔ عہم ۔۔۔ ایک جبم دوا تعات ہیں جن کی کتا نتیں ہیں اور بث + شہر ہیں اً زا دانه تيرر بالسبع - آ زاد سطح ادرست زك سطح سيحسم كي جوترتيس حاصل موتي بي اُن کے رہتیے غیراور عَهُ ہیں ادر ان سمے مِرَاکزِ نَقْل ہے اور ہتے ہیں ۔ خفیف ہٹاؤ کے لئے ٹا بت کروکہ بڑا ہے ، وسے سال کی کمیت وہی دہیگی اگر گرومشس کا مورائس انتصابی ستوی میں واقع ہوجوج تب کو نسبت فی : فی میں یا نَهُ ( الله - الله ) : ث ( الله - الله ) مِن تقسيم كرا الله على الله العات غیر محدو دہیں باایک ایسے ظرف میں ہیں جس کومسٹویوں عد ادر عدست تراشینے سے تراستوں کے رہیے اوا در او کمیں۔

14. - ایک دوسرا و خانی جهاز دومساوی اور متشابه جهازون کو ایک دوسرے یے ساتھ طولاً الم کرنیا یا ٹیا ہے مراکب میں ایک ہی طرح کا ہم ویزن بوجھ لا داکمبز ہے اگر علیورہ جہا زوں کی صورِت میں میآویر الط کینے کے سکتے مرکز اُنقل سے ادبریس مرکز کا ارتفاع دہوتو تا بت کروکہ ووہ سرے جہاز کی صورت میں یہ ارتفاع سيال موكا جال تيراؤ كے مستوى كار فبر (كسى ايك كا حجم غرق شده ح اور وسطی مستویوں کا درمیانی فاصلہ ۲ د ں کا درمیا بی فاصلہ ۲ ب ہیں ۔ ایک منشوری صبم کے رخ یا پیلو خط آب کے نزدیک انتصابی ہیں اس کو اس طرح لا داگیا ہے کہ اس کا لمرکز تقل اس کے بیس مرکز رمنطبق ہوتا ہیں حب اس کو اس کے کناروں کے متواز می تحور کے گرد کھا کرائس میں ہٹا و میدا کیاجائے ب مخروط التف حب كالضف زا وبدراس عبه سبعه ايك العُ مير حبكي تتافت اس کی کتافت کا دو چند ہے نیررا ہے۔ نا بت کردکہ یہ اس طرح فیرسکتا ہے کو اس کا محور انتصابی سمٹ سنے مائل ہو اور بڑے قطروا لا براسیال کے باہر جمعه حرال المراجل المر

جال روں کے نفست قطرس اور رہیں ۔ \_\_ بتلے مخروطی خول کا ایک بند مقطوعہ جس کا وزن نظرانداز کیا جاسکتا ہے متجانس سیال میں تیرر ہاہے آور اس کے اندر زیا وہ وزنی دوسرا متحانسس سیال ہے۔ ٹابت کروکہ خوا ہ کو نسا ہی رخ غرق کیا جاسے قائمیت کی مضرط جبكه محورانتصابی ہویہ ہے

<u> تو (٢ + ٢) (٢ + ٢) - 5 تا</u>

جہاں مور کا غرق سفدہ طول ف اور کون کا غرق غدہ حصد ل ہے مفطوعہ کے غرق شدہ رخ کا نصف قطریہ ۔ اور اندرونی و بیرونی ا نکوں کے خطوط آب کے نصف قط رد اور در میں ۔

کے نفست قطر کہ اور رہیں ۔ اس دھ ۔۔۔ ایک تطوس مکعب مائع میں انتصابی محد کے سابقہ بتر رہا ہے ناستگ<sup>و</sup> کہ تمام زاوٹی ہٹاؤں کے لئے توازن قائم یا عِبْرِقائم ہوگا ہو جب اس کے کر نیراد کے مستوی سے مکعب کی تراش مسدس یا شکٹ ہو۔

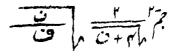
مع کی گئافت نو حی کا دوجندہ تیررہ ہے۔ ایک چیوٹا جفت انتصابی مستدی میں اقص نما پر عمل کرتا ہے اوراس کو ضیف طور پر مبنائے ہوئے محل میں رکھتاہے۔ ٹاہش کو

که جعنت کے مسئوی اور سیال کی سطح کا خط تفاظم اور وہ محرجی سکے گرونا فنس نما گھوستا ہے باہم مزدوج ہو سکتے بلحاظ اُس ماسکی مخروطی کے جونیراؤ کے مسئوی میں ہنے۔ مع ان سے اگرا کی نیرسنے والے جم کا محل غیر قائم ہوقہ چونکے مرکز فقل دو ہوں سیس

ہوں سے اوپر داقع ہوگا تابت کروکہ صمیر سطح اب کے ستوی میں ایک خط مرکز داں کے اوپر داقع ہوگا تابت کروکہ صمیر سطح اب کے ستوی میں ایک خط تناب کرنے سے اس کے گروش کے لیے تائم محل حاصل ہو سکتا ہے بشطیکر

ہانبٹ رہے سے ۱۴س سے رو تروش ہے۔ بیرخط ایک خاص نا قص کے باہر داقع ہو-

۵۵ ---- ایک کفوس متوانش مخروه قائم توازن کی حالت میں ایک سیال میں میر درا سے اس طور برکہ اس کا محرورا نتھا ہی ایک اور قاعدہ سیال سے امریع - سیال کی نخافت ایسے برلتی - جیسے گرزگی ن ویں توت - خابت کردگی خوط کا فصف زاویو راس



سے بڑا ہونا جا ہیںے'۔ جہاں محرٰ وط کا ار نفاع فٹ اور محور کا عزق مشدہ طول ف ہم ۹ ۔۔۔۔۔ ایک وزن وار منجانس کمعب ایک سال میں یور ی طرح غرق کرویا گیا ہے۔سال کی کٹافت = گہرائی کے کمعب کامرگنا یکعب کے دورخ ا نفتی ہیں – نابت کردکس مرکزی ارتفاع مرائی ہے جہاں کعب کی کمیت ک اوراس کے ایک کنارے کا طول او ہے۔

ایک کفارے کا طول او ہے۔ 2 ھے۔۔ قائم سندر مخوط کی شکل کا ایک بتلا ظرن جس کا وزن نظر انداز کیا جاسکتا ہے انتھا ہی مور کے ساتھ ایک انٹے میں بتر ہاہے۔ مائع کی کٹانت مہہ (او + می) ہے جہاں اکٹے کی سطح کے نیجے گہرائی می ہے اور محود کا غرق سندہ طول ف ہے اگر مخوط کے اندر مئہ (او + بنے) کٹانٹ کا انٹے ہوتو نا بہت کرو کہ قرادن قائم ہوگا بشرطیکہ

مَ رَمَدَ) مَ كَالَمُ اللهِ المِلْ المِلْمِلْ المِلْمُلِي المِلْمُلِي المِلْمُلِي المِلْمُلِي المِلْمُلِي ا

ایک ہتجانس وزن دار مرکا نی شکل کے اسطوا نے کا ایک طویل حصہ کرنوں کے علی الفوائم دوسے ہیں اور ایسے ایک مستوی سے محدود و ہیے جو شکوینی مرکا فی کے توریز عمو و وارہے - ہیر اسطوا نہ اس طرح سائن ہے کہ س کا محوری مستوی انتصابی ہے اور زیرترین کون ایک ظرفت کے افعی کھر در سے بینیدے کو مستوی انتصابی ہے جس کی کتا فت ایسے بدلتی ہے جسے مسی کڑا ہے جس کی کتا فت ایسے بدلتی ہے جسے کہ اور کی ک کہ اور کی ک کہ اور کوئی کی فرائی کی ہے ، جسم کا ارتفاع ن ( ) گی اور کوئی مرکا فی کا وترفاص مہ او ہے - یہ فرض کرکے کہ تیراؤ کی حالت بمدانہ میں ہوئی خاب کی مرائی گئے ہے اور کر کہ تیراؤ کی حالت بمدانہ میں ہوئی خاب کے ساتھ جونسیت ہے دو

سے کم ہونی جا سیے جکہ

اگ > (۲ ن + ۱) (۲ ن - ۱۰ فر (ن + ۱) (جا (ن + ۱) ) (جا (ن + ۱) ) (۵ + ن ۲) کا تفاعل ہے ا

۔ ایک یکساں ہموس کا نم مستدر مخوط کی کٹافت نٹر اورزا ویہ رائس ہے یہ مخروط ایک سیال میں تیررہا ہے اس طور پر کہ اس کارا میں نیچے کی طرف اورامن کا فا عدد سطّح کے اور ہے ۔ سیال کی کنا نت ایسے بلتی ہے تجیمے گرائی کی ن ویں قوت اور مخرو ط کے ارتفاع کے مسا دی گہرائی پراس کی کثانت سف بي - ابت كروكه أنتصابي محل بي توازن فا مم روكا بضرطيكه نیزیه که محزوط اس صورت میں تعبی متوازن ہوگا جبکہ انتصابی سے م محور کا سیلان طهٔ مساوات 売 (ひよ+1)(ひ ナ+1)(ひ+1) = (۱+ ہے ن ) نام جم عد قط <sup>ن+۳</sup> طہ (جم طر-حب عم) کسب جس کا مخارہ اسے إنى ميں اس طرح تيروا ہے كواس <u>س</u> دورخ ا فعتی ہیں ادرانتصابی کناروں کا طولِ کی یا نی میں غرق ہے۔ اگر کمعب کو ا کے انقی کنارے کے متوازی محدرکے گرداک محدود وزا و یہ طہ میں تھایا جا اس طور رکہ ہٹا ہے ہوے یا ٹی کا حجم غیر شغیر ہے اور او رہے بغ کا کو ٹی خص غرق نہ ہونے یا ہے تو ٹا بٹ کروکہ کا م جوکڑنا بٹرتا ہے وہ ہے و الله جبطس طه ( ١٥- ل ) مبراطي ( دیجھو و فغہ ۱۰۵ ) مال كمعب كأورن وسع -۔ جازے پینے میں یانی ہے اور جیاز سمندر میں تیرر ہا-وس حسم کوزمین برکی ایک مشین کے وزیعہ تہا مرکز جہاز کے بینے میں لفکا ما ئيا ہے، س طور پر كد مسلم ياتى ميں جزاءً غرق رہنا ہے الديائى كا وزن و ہاتا ! ہے ۔ اس كو ميراور مقور اعزق كما كيا ہے اكراس كا صغير طول مف لا اور

غرق ہوجائے۔ نابت کردکہ جہاز اور اس کے اندرونی بابنی کی توانائی اِلفوہیں اضافہ ہے

[و- ( ( <u>و</u> + <u>و</u> ) } سن لا

جہاں جہازادراس نے اندرونی یا نی کا وزن و ہے جبر کے ناصل آب کا رقبہ ﴿ اور جہازکے ناصل آب کا رقبہ ج ہے 'اندرونی یا بی کی سطح کا رقبہ بے۔ ۱۲ ۔۔۔۔ مکافی نما لا + ما یہ = ۲ می کی شکل کا جہاز انتصابی محور کے

ساتھ یا نی میں بیررہ ہے۔ اگر مسس کو تیرارہ کے مستوی میں کے کسی محور سے گرد محدود زا دمیر طریس گھلیا جائے اور مٹایا ہوا حجم وہمی برقرار رہے تو نما بت کرد کہ جرکام کیا گیا وہ ہے

ج شح {عجب طهه ت (ا-جمطه)}

جہاں موری سے گردسش کے مور کا عمودی فاصلہ ع ہے اور ابت دائی محل میں مرکز نقل اور اچھال کے مرکز کے درمیان فاصلہ ف ہے ۔ ایک میں مرکز نقل اور اچھال کے مرکز کے درمیان فاصلہ ف ہے۔

سو و سے جہاز کے جہاز برایک وزن کے میٹا نے سے جو بنقا بلدکل وزن کے میٹا نے سے جو بنقا بلدکل وزن کے میٹا سے جہاز کے جہاز کے دار کے جہاز کے جہاز کے درایات ہوسکتا ہے۔اگر جہادان تھیء منذ پر سواور وسطی خطست ادب طابنا سے کہ خط سالاں بوطی خط

اُوں طُہ بنا سے تو ٹائٹ کرد کر عرشت کرکا ڈھال ایسا ہے کہ خط سیلان عظم مسطی خط کے ساتھ زاد بیمست ا ( م مس طہ ) بنا ہا ہے جہال بیس مرکزی ارتفاعوال کی شدید ہے ۔ یہ

مم ۹ - \_ مربع تراش کا ایک کنده یا نی میں نیرر کا سے اس طور بر که اس کے دونوں مربع دخیں تراش کا ایک کنده یا نی میں نیرر کا سے حوال رخوں برعمد دجیں بورسی طرح خوق ہیں۔ اگر ایک معلومہ کنار ہے باہر سے نو نتا بت کروکہ تواد کن کے تمین محل ہو جگے بنتر طبیکہ کنده حبس شنے کا نبا ہو ہے اس کی کٹافت نوعی سے اور سے کے درمیان واقع ہو، اور اگر میر شعرط بوری ہو تو نتا بت کر دکہ دونوں عنیہ ر

(1-A)

متناکل محل ہولو کے بل لڑکنے کے لئے فائم توازن کے محل ہو سکتے اور تشاکل محل غیر قائم ہوگا۔

40 -- مربع تراش کا ایک کندہ بإنی میں تیرر الم ہے۔ نابت کروکہ ینویتر شال محل میں تیر سکیکا اگراس کی کثافت ۲۱۲ء اور ۲۸۱ء یا ۲۵ء اور ۸۸، ء کے درمیان واقع ہو۔ اور بیکمان حدوو کی درمیا بن کٹا فتوں کے لئے ایک کنا روسب سے اور یاوران حدود کے باہر کثافتوں کے لئے ایک رخ سب سے

اوبرہ ہوگا — ۱۹ — ایک نتجانس حبم قائم تواز ن کی حالت میں آزا دانہ تیرر ہا ہے۔ اگر شبم کو

الٹاکراوپر کارنے پنیچے کر دیا جائے اُدر وہ مناسب کتانت کے اُنٹے میں اوسسیٰ پہلے تیراؤکے مستدی پرتیرے تو نابت کرو کہ توازن قائم ہوگا۔

44 سے بس مرکزی ارتفاع میں موٹرا منا فہ کا اندازہ لٹگاؤ جبکہ جہاز کوایک تیز تھو سنے والے اُڑیسیئے کے ذریعہ قائم کمیا حائے ۔

٩ ١- ایک و فوار بہلو جہاز جس کی تو ٹی تراش ۲ اوع من کا مستطیل ہے سے سید ہے تحل میں تیرر ہائے اور لا گہرائی تک عزت ہے۔ جہاز کا مرکز نقل بیسیندے کے اوبر یک ارتفاع پر ہے۔ جہاز کو زاویہ طریس ایک جانب جمرادیا گیا ہے اور ایک جہنت کے ذریعہ جس کا معیار لی ہے اسے توان ن میں رکھا گیا ہے نابت رایک حینت کے ذریعہ جس کا معیار لی ہے اسے توان ن میں رکھا گیا ہے نابت

44 -- ایک کیسال طوس حبم مکائی نا لا + با = سی کے ایک حصد کی شکل کا سے جو مستوی می ہے کہ ایک حصد کی شکل کا سے جو مستوی می ہے ل سے ترامشے سے پیدا ہوا ہے ۔ بیتی میں آزا واز قرر ا سے - اس کے مستوی قاعدہ کے نقطہ در صفا ایک برایک جھوٹا وزن رکھ دیا گیا ہے۔ تابت کرد کمستوی قاعدہ میں کے نقطہ در صفا ایک برایک جھوٹا وزن رکھ دیا گیا ہے۔ تابت کرد کمستوی قاعدہ میں کے

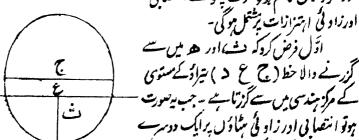
وه نقط جوانفها بی مثاؤسے فیرمتا فررستے ہیں ایک ایسے خطیروا قع ہو نے ہیں حس حس کی ساوات ہے ضالا علی طالا علی اسلام نے د وا-(ا-ن) ل / / اسلام کی کا نت کے ساتھ نعبت ناہے ۔
جہاں منوس کی کا نت کو الح کی کا نت کے ساتھ نعبت ناہے ۔ (1.4)



# تيرنے والے اجسام كے اہتزازات

اگرایک وزن دارصیم انع بین قائم توازن کے محل میں تیررہا ہوا دراسے اس محل سے ذرا ہٹا دیا جائے تو وہ چیوٹ انتہا ہی اور زاد تی اہتزازات کر دیا۔ ظاہرے کہ ایسے ادر پیکہ اگریم ہائع کی خلیرے کہ ایسے اور پیکہ اگریم ہائع کی حرکت کو نظانداز کردیں توجیع کے اہتزازات کے اددارے سے جو نتائج حاصل موضحے وہ حقیقی دورون کے اور فی حدود ہو شکے ۔ اس تاب کی دسمت کا جہانیاک تعلق ہے جمع دونظ انداز کیا گیا ہے ۔ علاوہ بریس تعلق ہے جمع دون کرسکتے ہیں کہ بائع کا جمود نظر انداز کیا گیا ہے ۔ علاوہ بریس تعلق ہے جمع دون کرسکتے ہیں کہ بائع کا جمود نظر انداز کیا گیا ہے ۔ علاوہ بریس کے ۔ ہم ذون کرسکتے کو جسم اپنے مرکز میں سے کا کر رہے دامے انتہا ہی ہٹا و اس مستوی کے لیا فاسے منتظا کل ہے ادر میر کہ ابتدائی ہٹا و اس مستوی کے سوازی ہے۔ رہم دون کر ہے در میر کہ ابتدائی ہٹا و اس مستوی کے سوازی ہے۔ رہم دون کر ہے در میرکہ ابتدائی ہٹا و اس مستوی کے سوازی کی ہو انتہا ہیں ہو ہی کے سوازی ہے۔

مستوی کے متوازی ہے۔ خلم سے کچسم کے تمام نقطوں کی بعد کی حرکتیں اس مستوی کے متوازی مونگی اور اگر توازن تا نئم بورتز حرکت چیوٹے انتصابی



سے علی و عور کیا جاسکا سے ۔

(110)

ایک چیوٹے انتصابی سٹاؤیر عور کرو۔جہم کے چیوٹے حصب ع کو جيه سيال كے إبرا تھا ليا كيا ہے اگ يلا وسطون خال كما جاسكتا ہے ۔ فرض كروكه بح ع = ى تو ع ن الله ع ب س -ى اورصم يستج وار قرت عصم كاوزن - بشاسے موسے سال كاوزن = ج ات ا × ي جہاں نیراؤ کے مستوی کا رقبہ ﴿ ہے۔

ر نزع ف =ج فل ی

جہاں جبم کی کمیت کے ہے۔ لیکن ک ج = مٹائے ہوئے سیال کا وزن = ہے ت ح اجبم کے صرح د کاتھم سے ۔

فرای + تر کر ی = . سے حرکت کا نقین ہوتا ہے ۔

اس ملئے پورسے اہتزاز کا و فت ہوگا

٤٠٠ اــــاب ج كردايك جمويًا زاد ئي مبنا وُ ( عه ) فرض كرو، تب بث بغدراس فاصله کے ادبرالمطینکا جوعاً پر شخصہ ہوگا اوراس کھنے نظرا نداز کیا ِ جِاسَكُمَا ہے بقابلاً نِ مقداروں کے جو عد پر منتحصر ہوتی ہیں اور پھرا گرجسم کو ساکن فرض کرکے ہیں کو اپنی حالت پرچیوڑ دیا جائے تو وہ (اس فرض کی بنا ر' برکہ توازن قائم ہے ) ف یں سے گزرے والے انقی تحور کے کرواہتزار

رے کا ۔ اگرا تبدائی ہٹاؤ نے کے گرد لیا جائے تو بھی در اصل دہی بات پیدا ہوگی

کیونکہ اسپی صورت میں سے انفتی سمت میں قابل قدر فاصلہ طے کر کیا (بعنی صرت بیلے رتبہ کی صغیر مقداروں کا لحاظ کرتے ہوئے اور ہٹائے ہوسے سیال کی مقدارا دیر کی ظرح غیر متغیر رہیگی۔

اً گُرسیا مرزهر ہوتو ن کے گروسیالی داؤ کا معیار

=ج ت م × مراث جبط

اورطم كو كياف كرون أل مواجع جان طه ده زادير سب جو ف هذا تصابى كساف أن من انتصابي

ک ما فرط = - ج ف (ما ( - و ح ) طر

جہاں طہ کی اعلیٰ قو تیں نظر اُنداز کردس گئی ہیں ادر ہے میں سے گزرنے والے اغتی محور کے گردمیم کے جمود کا معیارک س<sup>ام</sup> ہے۔ **یمنی** 

مَ الْمُرَاطِيم + ع ( من الم - 1) طرو.

يه مساوات جيوك ابتزازات كونفيركرتي بصيبكري \ وح ينى جبكه هرا ف

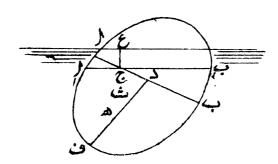
کے اوپر واقع ہواورا بنز ازات وقت

٢٩٧٧ ١٥ تر ١٠١٥ - ١٦٠ من واقع بوت ين -

اگر دن م ه کے نیچ واقع ہوتو آگی علامت بدل دی جائیگی ۔ یہ معلوم رہبے کہ قائمیت کے پر کہنے کی جانخ اس نیتجہ سے اند موسکتی سیے جو انجی حاصل کیا گیا۔ ہزاز کے لئے من (۔ لاح کا ایک مثبت مقدار ہوا احزوری ہے ۱۰۸۔ نانیا اگر ہ اور نٹ کو لانے والاحظ نقطہ سے میں سے ندگذرے نو

(111)

وولان حرکتیں ایک درمسے سے غیرتعلق نہیں ہونگی ادر وہ قالزن جوان حرکتوں کی تعین کرتا ہے طریقہ ذیل مسے معلوم ہوسکتا ہے۔



فر*ض کر دکتس*م کو تشاکل کے انتصابی مستوی میں خفیف طور پر ہٹا کر حیول<sup>و</sup>دیا گیاہے اورخط هد سف الن ت براتها بي كے ساتھ زاويہ طربا الم اورى = سطے کے نیجے ہے کی گہرا ہی ہے ، زعن کر دکہ کھ دف اسپراؤ کے مستوی کو نقطہ دیر قطع کرتا ہے اور

ه ش= ان ج د = ب د ت = د

اور ویگر رموز گذشته کی طرح -

تب ش کی گہرائی = ی + ب حب طر + د حم ط = ی+ ب طه + ۱۰

بٹائے ہوئے سال کا وزن

رون برعج ياف بعج کے مساوی جم کے سال کا وزن ہوگا۔

يه وزن = ح ث ٢ + ج ث ركى

یک زات (ی + < + بط) =کج - (ج ف ع + ج ف ( ی) = - ج ت \ ي

فرای + ب فرون = - ج آ ی در (۱)

ف میں سے روائے والے انفی توریک کرد (جوصدری محورہ اورہاا اُ ۔ کے معتوی برعمود ہے)زاد کی حرکت کو پیش نظر رکھ کر دوسری سادات مالس **ہوگی-**ن کے گردسیالی دباؤ کے معیار کو دو حصول میں تھیم کیا جا سکتا ہے۔

ایک توحمد از فذیا دباکی در سع سے اور دوسرا مناسے ہوائے سیال کے تصد

ع ہے کی و حبہ ہے۔ سالی دباد کا جبل الذكر حصد عنج بشاح جولیس مركز حريس سي

اویروار عمل کرتا سے، اور وحرالذكر حصد عن مشارى جونيراؤك مستوى كے

مراز ہندسی میں سے عمل کرا ہے۔

خُدُرُ طَمَّمَاناً ہے کا مبادن رسمجھنے دالی سمست میں معہار =ج ن م « سٹ هر حب ط -ج ث (ی (ب جم ط - د حب ط)

= ج ص ( ا - اح ) ط- ج ف ( ي (ب- د ط)

= ي ف (س ( - وح ) طه- يع ف ( ب ى ہماں ی اور طاکے حال عزب کونظر انداز کرویا محیاہے

نك مرا فريس = ي ف (مرا ( - وح ) طبي ت ( ب ى

مرا فرنط = - ج ( مرا الم - و) وجج س ب ی .....(۱) ( ا ) اور ( بر ) ساوا تول سے عال برقا ہے

ان مساوا ور کو تکمل کرنے کے مئے دوسری مسا وات کو لدسے صرب دیکر بہلی مساوات میں جمع کرواور فرض کردکہ

ی + لہ ط=ج ہم ( ہار- لہ <del>ج</del> ت + عبر } ان سے می اور طبہ پوری طرح معلوم ہوجاتے ہیں ۔ دن کی گہرائی اس شکل کے جلہ سے حاصل ہوتی ہے

ب رہر ہے۔ اور اس کی حرکت دو مختلف اہتزاز ول بڑسشتل ہے جن میں سے ہرایک قوابین رقال

وراس کی مرت دو صف اہمرار دن پر <del>سی ہے . قایل سے ہرایات واین ادامات</del> کی بابندی کرتا ہے میر دو لال اہتزاز صغیرا ہمٹرازات کے ہم وجود ہونے کے

اصول کے مطابق باہم مرکب ہوئے ہیں۔ یہ دیکھ لیا جاسکتا ہے کہ اگر الب میں دو نقطے لئے جائیں جن کے فاصلے ج مسے سمت ج حیں لم اکمہ ہیں تو وقت ت پر ان نقاط کی انتصابی گہرائیاں مى +لم ط اورى + له ط بونكى ينى كبرائيان بونكى ج جم إدار- لم الح ت + عم اوج بم الرار-لم ع ت + عم ادراس کے ان نقطول کی انتصابی حرکتیں سادہ اہتزاروں بیش ہیں جوقا بون رقاص کی یا بندی کرتے ہیں۔ ڈورہمل ( Duhamel )نے این کتا سیہ نصاب على دنوراها (Cours de mecanique, Art 152) میں ہس امر کی درماینت کا حوالہ دیتے ہوئے اس کوائیم کویشی (M. Cauchy) کی طرف منسوب کیا ہے۔ یے روست ماریں ہے۔ مساواتیں ( ۵ ) ارتعاش کی طبیعی حیثیوں کو تعبیر کرتی ہیں۔ انتزازوں کے ا دوار <del>۱۲ </del> زیاره آسانی کے ساتھ ی = (جم (ف ت +صد) ادر ط = . ب جم رق ت + صد) کومسا واتول (۳) میں مندرج کرنے سے اور نسبت بلے کو نتیجہ سے ما قط کرنے سے حاصل ہو کتے ہیں۔ --- الک سید ہا ڈنڈا ویکے ہوئے ارتفاع سے یا بی کی سطح پرانتصابا گرایا گیا ہے اس کی حرکت دریا فت کرواوراس کے لئے مغرط معلوم کرو کہ وہ عین عرق ہوجائے۔ ف ارتفاع كا انتفاقي اسطوانه ايك ائع مين تيرر البع جس كي كنا فن اسطوان کی کنا فت کا دو چندسید - انع ایک اسطوانی ظرف میں ہے- اگر فرف کو نصف فطراسطوار كونضعت قطركا ووجيد موادر اسطوائه كوخفيت طور برانتصابا بنايا صافيح تو فاست كردكم ابتزازكا دفت الم الاف ١٦ ج بوكا--ایک حسم حب کی سطح کا نجلاً حصه گروی می شخ آیک دزندار سیال میں تیرر ا سبع منانبت کروکه صغیرزاو کی اینتزاز کا دنت و ہی ہوگا خوا کیسی متعانس سیال میں نیرے۔ مہم ۔۔۔ ایک مجون نصف کرہ کو جوایک افعی قطرکے گرد حرکت کرسکتا ہے سال ہے جزا گئر دیاگیا ہے ۔ ٹابت کروکہ صغیرا ہتنزاز کا وقت دہی ہوگا جوائس صورت میں ہوتا جبکہ اس میں سال بنوتا ۔

جبله اس میں سیان ہوتا۔ ۵ ۔۔۔۔ ایک عموس ناقص نماا پینے ستھ دو چند کٹافت نوعی دالے ا نئے میں تیرر کی

ہے اس طور برکداس کا مجبو سے سے جھوٹا محورانتصابی ہے جھوٹ انتصابی است جھوسٹے انتصابی ا بہترازات استحارات کی اہترازات استحارات کی اہترازات

کے اوقات معلوم کرو۔

4 ۔۔۔ ایک کمیٹ (جس کے کفارے کاطول ۱ و ہے) سال میں تیررا ہے اس طور برکداس کا مرکز نقل سیال کی سطح کے میچے ب کہرائی پر ہے۔ اگراس میں صغیر ہٹاؤ پیدا کیا جائے اس طرح کواس کے دورخ انتصابی رہیں تو نابت کروکہ ایس سکے

ہما دیمیا فی جانے اس طرح رائل سے دورے انتقابی راہی کو باب کرورہ ک صغیرانتصا بی اورزا و کی اہتزازات کے اوقات علی التر تب ہو سکے

(۱۱۴) کے ۔۔۔ ایک اسطوانہ مائع میں انتصابی ایتزازات کر ہا ہے۔ یہ مائع ایک دوسم اسطوانہ میں ہے حس کا نصف قطاول الذکر کے نصف قطر کا ن گناہے۔ نابت کروکہ اسطوانہ کے محور کا فرق سٹ دہ طول جبکہ وہ سکون کے محل میں ہو

(1-じ)カイナでごで

ہوگا جہاں ت ایک بورے اہتزاز کا وقت ہے -۸ ۔۔۔ ف کٹانت کی ایک موم بتی فہ کٹا نت کے ساکن اِنی میں انتصابًا شرر ہی ہے اس کوروشن کرویا گیا اور دیکھا گیا کہ اس کا شعلہ اِنی کی طرمنٹ سکساں رنتاری سے ازر اِ ہے اور بتی جس رنتار سے جل رہی ہے دہ و ہے نابت کروکہ

و (نٹر ۔ ٹ) = ٹہ ع نیزنا بند کرد کہ اگر بتی کو اُس و تت بجھا د**یاجا** ہے جبکواس کاطول ک یا تی رہے

### توبتی بانی کے باہر اُعظارا جائیگی اگرد یم افتال جارف لیکن اگر

و < الفرج/ف تواس کے اہتر ازات کا دقت ہ 11 م ف ل / فرج ہوگا۔

9 - ایک تائم مخ وط اُ تصابی محور اور نیجے دار راس کے ساتھ سیال میں تیریا ہے۔
ہے اور اس کے محور کا لیے عصد عزت ہے۔ مخرد ط کے وزن کے مساوی ایک وزن اس کے تاعدہ پر رکھدیا گیا ہے۔ جس سے مخروط دابس اسٹینے کے بیٹیتر اتنا ڈوب جاتا ہے کہ اس کا محور پورا عزت ہو جاتا ہے۔ تنا بت کروکہ

#### 2= 0+ で+で

 اسے عد زا دیہ داس کا مخروط او نصف قطرے اسطوانہ میں اس طرح تیررہ ہے کہ اس کے محور کا طول اوغ ق ہے -اگاسکو ایک صغیر طول میں انتصابا نہیج و کمیل دیا جاسے تو تا بت کرد کہ اس کے اہتزاز کا وقت ہوگا

## 

جاں ف مخروط کا ارتفاع ہے۔

اا --- ایک ظرف گردشی مکافی نمائمی شکل کا ہے ، اس کامحورانتصابی ہے اور اس میں مائع کی اتنی مقدارہے حبکا تجم اسی وتر خاص کے ایک مکافی نما کے قطعہ کے جم کے مسادی ہے جواس مائع میں تیر رہا ہے۔ اگراس مکافی نما کو اتنا اٹھایا جائے کہ اس کا راس عین سطح بر ہوا دراگر چھوڑ دینے پر یہ اسنے محورے ہے گے مساوی گہرائی تک لو شنے سے قبل غرق ہوجائے تو نا بت کروکہ

العَ كَى كَنَافَت: مَكَانَى نَمَاكَى كَنَافَتٍ: ٢٨: ٢

۱۳ -- دئے ہوے زاویہ راس کا ایک تھوس مخروط ایک ایسے محور پر تھا ا گیاہے جس کے گردیہ حرکت کرسکتا ہے اور جومخروط کے قاعدہ کے ایک قطر پر منطبق ہوتاہے۔ اگر محور کو افقی طور پر پکڑا جاسے اور اتنا نیچے کیا جاسے کرمخودط کے حجم کا لیے نیچے واور اس کے ساتھ ایک متجالنس اینے میں غرق ہوجا سے

توا ئع ادر مخروط کی کثا فتوں میں سنسبت معلوم کرو حبکہ توازن تعدیلی مو۔ ار تحور كو إننا فيهج ندكيا حاسئ كه توازن تعديلي بروجاسية ادر بيم مخرو لله كو

ضيف طورير ببناديا جاسك توصغيرا بتزاز كاوقت معلوم كرود

- انگ عیشا ( Oblate ) کره نما بوری طرح دوسیالون مین غرق کر ویا

گیا ہے۔ نجلے سیال کی ٹیافت امنا فی ادبرے سال کی کٹافت ا منا فی کا دو چید ہے کرہ نما انتصابی محرکے ساتھ تیرد اینے ادر اس کا مرکز سیانوں کی مست ترکیسطے

ير فرص كرك كرصغير ما و واتع بوا سب اولاً نضابي سمت بين اور تانت اس کے مرکز تفل میں سے گزرگے والے افعی خط کے گرو ٹا بت کروکھ تعیراہنزازول کے اوقات علی النرتیب ہو گئے،

جمال کوینی اقتص کے تضعف محور او اور ب میں۔ - ایک متعالی مفوس صبم ایک ان میں جس کی کتافیت ایسے برلتی ہے

جسے گہرائی کا عزق سندہ بررا ہے۔اس کا مرکز تقل کے گہرائی برسے نابت کو

ر منبر انتصابی ایتزاز کا دقت ۱۲ ﴿ تُسَارِعُ ہے ۔

(۱۱۵) | ها --- یکساں مو**ثا بی کا ایک بیترامتساوی ایساتین کا نم ا**لزا وی**یہ مثلث کی شکل** كاب - اس كاأيك حاده زاويه سيال كى سطح كے ينجے تابت كرديا كي سب اوريه اس طرئ ساكن سبع كهاس كا وه صلع جوع ق منس سبع الفقي سبع . ثابت كروكم اس کے ا بے مستوی میں صغیرا ہتزاز کا دفت مراکا

2/3/11

جہاں شاف کے ہر عنبلع کا طول او ہے ۔ -- ایک صبم کی کوین منحنی ما ۵۰ لا ۱۰ کومور لا کے گرد کھانے سے

ہوئی ہے۔ بیجبم تیررہ ہے اس طور برکہ اسکے مورکا حصہ ف غرق ہے۔اگر اس کو قبدر (ن اللہ اللہ اللہ عند میں منعادیا جا سے تو ثابت کرد کہ لوشنے پر وہ عین نمل اسے گا۔

4 --- م ممیت کا ایک گردشی جیم مختلف ما تعابت میں تیررہا ہے اگر کسی مانع میں انتصابی اہتزاز کے وقت کت اور اسس مائع کی کٹا نست ف میں ربط

المان الماني)

یا یا جائے جہاں ف ایک دیئے ہوئے تفاعل کو نغیر کرتا ہے تو ناست کرو کہ خیم کی تفاعل کو تا ہے کہ وکہ خیم کی تفاعل کا دیکہ خیم کی تفاعل کا دیکہ تا ہا تھا ہے کہ تا ہا تھا ہے گئے تا ہا تھا ہے کہ تا ہے کہ تا ہے کہ تا ہا تھا ہے کہ تا ہے کہ تا ہا تھا ہے کہ تا ہا تا ہا تھا ہے کہ تا ہا تا ہ

(۱+۵)= را در (۱۱۳)

۱۸ --- ایک مکسال فان کی د حار پر عموه وار تراش ہر حگہ متسا د می ایسا قلین مثلث سبے جس پی نصفت زادیہ راس مسس ۲۰ م۱۶ اور تا عدہ ب ہے-آئی دھارائع کی سطح میں نابت کردی گئی ہے اور فانہ اسبے سسے دو چند کتافت بوعی کے لمئع

ی ع میں نا بھ کروی می ہے اور قالہ اسپے سے ووجید کا ج کو عی ہے مرح میں تیررہا ہے۔ پھر اس کو راس کے گروایک صغیرزا دیہ طہ میں جیجے جھا ویا گیا ہیے تا بت کرو کہ اسپنے ابتدا فی محل برلوٹ آئے نے کے لئے جو وقت در کار ہو گا وہ تقریباً

ہے ہوگا

له ما(٣) كا تعامل كوتبررتا ب- سرم



(114)

كره بواني كا دباؤ

سے بھردی جائے ادر بھر بارہ کے ایک ظرف میں اٹٹاکر اس طرح رکھی خاکے كه اس كا كُفلامه إلله و إبوارك تويه معلوم بوگاكو نلي مسك اندر ياره كچه اُتر كليا بيعاور اس طرح ساکن کہيے کہ اس کی ادبر کی سطح برائن کے پارہ کی سطح کے اوپر تقریباً ،۲۹ کے کیاریا کے Torricelli ایخ بلندسے - بی تجربه حبکوید کیا طربیلی ( استعال کی طرف رہبری کرتا ہے جس سے کرہ ہوائی کا دباؤنا یا جا سکتا سرے۔ باربیا اپنی ساُ دہ ترین شکل میں ایک سدھی شیشہ کی بلی ﴿ بِ ہِے جس میں بارہ ہتواہیں اورجس کا نخلاسرا ارہ کے ایک جیمو بٹے حوض میں ڈوبا ہوا رہنا ہے ۔سراا بند ہوتا ہے اور بازو ۱ ب میں ہوا نہیں ہوتی-تجراوب سے یہ معلوم ہوائے کسطے سے کے اوير بإره كي سطح ب كاارتفاع تقريباً ٢٩ أيخ ہوتا ہے اور چونکفسطے ب برکوئی داؤنہیں ہی اس سن يظاير سے كرج بر مواكا دباؤوه قوت ہے جو یارہ کے ستون سے ف کو تھا ہے

ہم نے پہلے یہ بٹایا ہے کہ ساکن سال کا وباؤ افتی مستوی پر کے تمام نقطوں

بر دہی ہوتا ہے اس سے ج پر کا و باؤ ق پر بارہ کے د باؤ سکے مسادی ہے۔ فرصن کرد کہ بارہ کی کتانت شہے اور ج پر کرہ ہوائی کا دباؤ π ہے تب π = ج شرب ق

اورارتفاع ب ق سے کو ہوائی سنے داؤگی بیایش ہوتی ہے۔

پارہ کی مخافت زیادہ ہونے کی دح سے بسب سے زیادہ موروسال

ج جو بار بیماؤں کی بناوٹ میں استہال ہوسکتا ہے حالانکہ کرہ ہوائی کا دباؤ

کسی متم مے مائع کے استعمال سے نایا جا سکتا ہے۔ یارہ کی کٹافت یا بی کی
کٹافت کا انتریباً ۸۲ ہ و ۳۴ گنا ہے ادراس ساتے یا بی کے بار بیا میں یا بی کے
ستوں کا ارتفاع تقریباً ہے ۲۰ فیل ہوگا۔

ا باره کی کنا فت تیبشس کے ساتھ برنتی ہے اور اس مینے نے لاز ما تیبشس کا (۱۱۷)

ایک تفاعل ہے۔ سخانہ کی سر مرا

تخربو سے معلوم کیا گیا ہے کہ استی گرید سکے امنا ذکے لئے یارہ کا بھیلاؤ اینے حجم کا جو ہے گئا ہو تاسوم پس اگر ٹیش منٹ پر کٹا فن شام اور تیفس ، م برکٹا فت شر ہو تو

منابطہ ۱۳ ہے (ا۔ طرت) ف کی دوسے کسی مقام پر سکے گرہ ہوا ہی کے واوم کی بہالیفس ہوسکتی ہے بشرطیکہ عومل بلدگی تبدیلی سے جسٹے جس کی قیت میں جو تبدیلی واقع ہوتی ہے اس کا لحاظ رکھا جائے ۔ نیزید دیکھا گیا ہے کہ ایک ہی مقام بر خواہ تبش بد لے یا نہ بر لے یہ دہاؤ بدتیا ہے ادر بہاڈد ن پر چرطیبے میں یاکسی مقام کی ہموار می سے او پر کسی ڈر بعد سے صعود کرنے میں یہ وہاؤگھٹنا ہے۔ یہ بات سالات کے توازن کے نظریہ کے مطابق ہے کید کہ دو پر چراہیے میں

ماریها کے ادیر ہوا کے ستون کا ارتفاع مھٹ جاتا ہے اوراس کئے جے پر بہوا کا دا و جواس کے اور کی موا کے سون کے دزن کے مساوی سے گفٹ جانا ہے اور اس کئے ملی میں یارہ سینیچے اُ تر اس سے -

اب اگریارہ کے ارتفاع اور اس ارتفاع میں حس میں کرصعود واقع ہوتا ہے ایک ربط مغلوم ہو جا ئے تو ظاہر ہے کہ ایک ہی وقت میں دومقا ات پر بار نیابی ستون کے مکتابوات سے ہم اُن مقامت کے ارتفاعوں میں فرق

اس مقصد کے لئے ہم ایک صابطہ کی الاسٹس کرنیگے۔ لیکن پیلے ہم اُک

قوامین کا بیان کر دینا صروری مستحصته بین جرمختلف تبیشوِں پر ہوا اِدر کمیوں کیے دباؤل میں صنبط بیدا کرئے ہیں اور نیزان قوانین کا جو کیسوں کے امیزول سے

متعلق ہیں ۔ ں ۔ ۔ ہم نے لیکدارسال کے داؤ کٹا نت اور تبیٹس کے درمیان اس رشتہ

(= م ك (١+ عر ت )

کر پہلے بیان کیا ہے۔ یہ بخربہ کے دوسب زیل منیجوں سے اخذ کیا گیا ہے . (۱) اگر نیش مشقل رہے توہوا کا دہاؤاس کے جم کے با تعکس برتناہے۔

(٢) اگرد إ ومستقل رب توجوا كى كسى كميت كى تيش مي الاستقى كرياكا (۱۱۸) اصافه اس میں اتنا تھیلاؤ بیداکرتا ہے جواس کے صفر در حرسنتی گریڈ پر کے حجم ( ڈالٹن اور کے لڑک کا کلیہ ) کا ۹۵ ۲۷ ۰۰ و. گنا ہوتا ہے۔

اس طرح اگر بهوا کا دبار و ادر کما نت نت بهو جبر تمین صفر ای تو

اب فرض کروکہ تبیش کو ت یک برایا جاناہے جبکہ وہاؤ وہی رہتا ہے۔ اس کو سمجھے کے لئے فرض کروکہ ہوا ایک اسطوا نہ میں سبے عب میں تھیک میکھنے والا

قابل حرکت ایک فشاره نگایوا ہے۔ ادراس فشاره پرایک مستقل قوت ملی ہو کی ج

تمام اقسام کی گیسوں کے لئے مقدار عہ تقریباً وہی ہو تی ہے، لیکن هم کی قیمت مخلف گیسوں کے لئے مخلف ہوگی۔ اس لئے ہصورت میں تجرب کی مدہ سے اس کومعلوم کرنا جا جیئے۔
سے اس کومعلوم کرنا جا جیئے۔
111 -- تمیش مطلق۔ اگر ہم یاتصور کریں گیسس کی تبیش کو اتنا گھٹا دیا گیا ہے۔
کراس کا دباؤ حجم کی تبدیلی کے بنیار معدوم ہوجا تا جے قرہم تبیش کے مطلق صفر پر

را کا دبا و ہم کی تبدی سے بعیر مندوم ہوجوہا ہے وہم بین سے مسلی مسفریر بہنجیتے ہیں اور تبیش مطلق اس نقطہ سے نا بی جاتی ہے -یہ مان کر کہ تب اس تبش کو سنتی گریہ تبہش بیا پر نغبیر کرتا ہے ہمیں مساوات

ر + عه ت = · سے عاصل ہو ا ہے

ت = - ا

فارن إيك كے بياية مين مطلق صفر - 9 ه من ہوگا -

ساواتوں د = م ف (۱+عه ت) ، د = م ف (۱+ع ت)

م ف عد ت اگریت تمیش طلق مو-

چونکہ ہے سے مستقل ہے اسلئے دسے کرنت بھی سقل ہے اور یہ کلیے مطلق بیانہ بیں، داؤ حجر اور تیش کے ربط کوظامر کرتا ہے -۱۱ اسلمیٹر کے مختلف لچکدار سالوں کے آمیزے کا داؤ۔

دو مختلف گیسوں پر مغور کر و جو دو ظرفوں ہیں ہیں جین سکے حجم سے اور سے ہیں۔ اور فرض کرد کدان کے دباؤاور تبینیں داور کت ودنوں کے کے ایک ہی ہیں۔

فرض كردكران ووظرون من الحاق ميداكيا كيايا وديون كيون كاك بندظرن میں جس کا مجمر سے ' + سے ہے بنقل کر دیانگیا ہے۔ ایسی صویرت میں جبکہ

ان میں کو فی کیمیائی عمل کو تو ع یذیر پہنیں ہوتا یہ معلوم ہوا سینے کہ دویو کیسیس علیجارہ

بنیں رہتیں بلااکی ورسرے میں نفو ذکرتی ہیں مٹی کہ وہ ایک ودسرے سے پاری طرح ملما تی ہیں اور یاکہ حب توازن قائم ہو جاتا ہے تو آمیزے کے داؤاور

تېش دونول ن<sub>ا</sub>ئ موستے ہیں جو پہنے ستھے

اس ایم تجربه کی واتفیت مسته ایم حسب ذیل مشله اخذ کر سکتے ہیں۔

اگردو کیلوں کو جن کی تیش وہی سے ایک ظرن میں حب کا جم سے سے ااوا ماردوسیوں ہوں کی بات میں ہوں جات ہوں جبکہ ان کو فروا فردًا حجم اللہ میں میں میں اسکے دباؤ ید اور قد ہوں جبکہ ا

سے والے ظرف میں واخل کیا جائے تو آمیزے کا وباؤ < + کا بر ہو گا۔ فرمن کروکہ دولاں کیسوں کو ایک دوسرے سے جدا کردہاگیا ہے اور سکیس

کے مجم میں حس کا وہاؤ د ہے تہش کی تبدیلی کے بغیرا تنا تغیر کر و یا گیا۔۔۔

کراس کی دباؤ کے ہوجا ہا ہے۔ تب کلیہ بانل کی روسنے اس کا مجمد کسے کرکہ ہوگا اب فرهن کروکه ان دو گلیول کو ایک ظرمن میں جس کا حجم ا

てきないてき+で

یسے ایک دوسرے سے لادیا گیا ہے تب آمیزے کا دباؤ و ہی تہ ہوگا اور ع غير متغير رسيمي -اب اگرة ميزك كو حجم سي بين دبا ديا جاسے تواس كادباؤ

ں کے روسے د+ ذہ ہوگا۔ یونیتجہ صریحاً کیسوں کے مسئ تعداد کے آئیر سے پر صادق آگاہے۔

ساا - دو مختلف میمیول کے حجر ح احت بی ادران میں کے دباؤ علیٰ لترتیب ((۱۲۰) و كا بي - ان كواكي ووسر على السلطان الما و إلى الله والكي المنك وميزك

كالحجم ع بوطاً بي- أميزك كا داؤ معلوم كن اطلوب سيعد دونوں مسیوں کے وَإِوُ جَبِكِهِ اِن كو مجم عين محدود كيا جائے على الترتيسي

5/212

ادراس کے دفعہ اسبق سنے آمیزے کا دباؤ

5 7 +> T

بعادر اگريد دبار هرسه تعيير كما جائة تو

د ۶ = د ۲ + د ج

السف کے پینیٹر اگر کمیوں کی مطلق میشیں سے اور ملک ہوں اور ملانے کے ابعد تپیش مطلق نہ ہو جائے اور حجمہ ء تو گیبوں کے دباؤ علی الترتیب ہو سکے

دح ت اور دَحَ تِهِ

یس آمیزے کا دہاؤ کم ان دومقدار د ل کا حاصل حمع ہوگا اور اس کیے

( ) + ( ) = 5 p

گىيدول كىكسى تعداد كے آينرے كى صورت ميں

### 4 = Z 17

مہ ۱۱ سے دفات اسبق کے نتیجے اور کلئے نجارات کی صورت میں اسی طبیح صادق آئے ہیں - نجارات اور کیسوں کے جلی خصوصیات میں بالحافات کے کیمیائی حضوصیات سے مرف ہون یہ فرق ہے کقبل الذکر آسانی کے ساتھ، تبہت کی تخفیف سے، مائع میں تبدیل ہوجاتے ہیں اور موخوالذکر کی تکفیف مرف ہہت برشے دیاؤیا نہائی شنڈک یا دونوں کے ایک ساتھ استعال سے ہوسکتی ہے اور اس محالے ایک ساتھ استعال سے ہوسکتی ہے اور اس محالے این واضل کیا جائے تو بھا ب فوراً بن جائی سے اور یہ معلوم ہوا ہے کہ مجاب کی کٹافت اور و باؤمون میں برشخصر ہوتے میں اگر ہواکو فلج تبین پر مخصر ہوتے میں اگر ہواکو فلج تبین پر مخصر ہوتے میں اور ہواکی کٹافت اور د باؤ و ہی بر قرار رہیں گے ۔ اگر تبیش بیس استا و نفایس کی مزید مقداد میں اساف ذکیا جائے یا فضایس و سعت بیدائی جائے تو بھاپ کی مزید مقداد تیار ہو جائے گی ۔ لیکن اگر تبیش کو گھٹا دیا جاسے یا فضاکو کم کردیا جائے تو بھاپ کا

له پروفیسر فیار فیرے نے کارا بک السندگیس اور دوسری گیسوں کوجن کی کفیف کے کے بہت بڑے برا کی صرورت تھی کمنف کرنے میں کا میا ہی حاصل کی اور اس کے تجربہ کے نتائج کتے یہ خیال بیدا ہوا کہ بہت مکن ہے کہ تمام کیسیس انعات سے بخالات ہوں - اس کی بہت کہ بہت مکن ہے کہ تمام کیسیس انعات سے بخالات ہوں - اس کی بہت بہت کہ ایم ۔ بی کیٹ ( M. Pictet ) نے آس سال کے اوائی سے دواؤ کے دیرعمل آسیجن کو لمنع میں تبدیل کیا اور اسی سال کے اوائی میں مدول کی سیول کے اور کی میں تبدیل کیا اور اسی سال کے ماہ و تمبر میں ایم کیلیشیٹ ( M. Cailletet ) سے میڈو جن اور ہواکو اس تع بن ایم کیا ۔ سی میں موائی کی میں تبدیل کیا ۔ سی میں موائی کی میں تبدیل کیا ہوا مور میں کو اور میں کیا ور سال کی اور اسب اور میں کیا ور اسب اور میں کیا ور اسب اور میں کیا ور اسب کی منظل میں تجا وی وی منظم ہیں ۔

نفنا میں حبب تک یانی کی کافی مقدار ہاتی رہے جس سے بھاپ بن سکتی ہے نصنا بھا سیب سے ہمیشہ سیرسٹ ، ہوگی بینی فضا میں اتنی بھاپ ہوگی جتنی کم اس تیش پراس نصنا میں رہ سکتی ہے۔ لیکن اگر تین کو آنا بڑ ہ ویا جائے کہ تمام یا بی تجاب بن جائے تو اِس تبق اور اِس سے السطط تبشوں کے لئے بعاب كا وباؤانسى كليدكى بابندى كريكا حبس كليدكى جواكا وباؤيا بندى كراسي -

برصورت میں خواہ فضاميرت ده بويا نبو اگر جواكا دباؤ د اور بھاب كا

١١٧--- كره مهوا يئ ميس مهيشه آبي سخار موجود بوزا ہے جس كي مقدار مختلف اوقات ير مختلف بروني سيم تبهي كم اور تبهي زاده - اگر كره بهواني كي فضاكا كوئي حصد بخار ئے بینی اگر سجار کی کٹافت اس تبش پر حتینی بڑی ہو سکتی ہے اُ تنی ہو جائے تو تمیش کو نگٹانے سے بخار کے کچھ حصد کی تکتیف ہو جائے گی ليكن اگراس تميش برسخار كى كتافت كثافت اعظمهٔ ہو تو كو بى تىنىيْف و قو ع پذير نہ ہوگی حبب تک کہ تبیش کوائس نقط کے نیچے تک نہ گھٹادیا جائے جس پر فیضا

یں تکتیف سٹروع ہوجاتی ہے ۔

ں ہیں بن کر گوکی میدائش –اگرکسی سطے کو جوکرہ ہوا ئی <u>سسے</u> تماس رکھتی ہے الے کہ اس کی تیش اس کے نزویک کی فضا کے سیر شدہ ہونے ینهجے ہوجائے تر آبی بخار کی تحقیف رو نما ہو گی ا در مکنف بجٹ ر پرست بنم کی شکل میں منو دار موگا۔ اس کے زمین برست بنم کی جیدا کشش اسکی سطح ہو نے بر مخصر سے اور یہ عمل طور پر زیادہ سرعت سے اُس وقت ہوًا ہے جبکه آسان برباول نه مول اور اس لفے اشعاع کے دربیر حرارت کا مقالمیّہ زياده نقصان بوتامو-

وہ تبیش ہے جس پرست بنما بندا بیوا ہونا شروع ہوتی ہے۔ اس كا تقين بالاست أمشار سس سع كرنا في المسط

یں نجار کا دباؤ تھی سجرنہ سے معلوم کرلینا جا ہیئے ادراگرایسائیا جاسے تو فقط منم

کے مثابہ سے سے کرہ ہوائی میں نجار کا دباؤ فوراً معلوم ہوسکتا ہے کیونکہ اگر نقطتم مت اور اس کے متناظر معلومہ دہاؤ کہ ہو تو کسی تیش مت پر جو مت کے اوپر ہے د او د ساوات

<u>د = ۱ + ۵ ت </u>

سےمعلوم ہو جائیگا -114 — گیس کی تیش اور دہاؤ پرسچکا ؤیا بسط کا افز -

تجربه سنت بيمعلوم ہوا ہے كہ اگر ہوا كى كسيى مقدار كو جوايك ايسے ظافر کے اندر بند ہے جس میں خوارت داخل نہیں ہوسکتی بچکایا حاسے تو اس کی نہ مار نہ ہے جس میں خوارت داخل نہیں ہوسکتی بچکایا حاسے تو اس کی تیش برا ہجا تی ہے اور ریکہ اگر ہوا کی کسی مقدار کو خوا ہ وہ کسی قسم سے ظرنے میں بندم یکا یک بچکا دیا جا سے اس طرح ریک حرارت کو با ہر سکلنے کامو انع سلے تو اس صورت میں بھی تبیش ہی طرح بر ہجاتی ہے۔

۸ ۱۱ – استغداد حرارت - حسی سبه کی استداه حرارت ، حرارت کی ده مت دار ہے جواس کی تیش کواکی در حبر بڑیا وسینے میں مطلوب ہوتی ہے۔

حرارت کی اکائی جوعملاً استعال ہو ت سب حرارت کی وہ مقدار سے جوائی

کی اکائی کمیت کی تبش میں ایک درجه کا اصنا فربیدا کردے جیکہ یا بی کی تبش ، سنتی گریڈ اور ، ۲ سنتی گریڈے ورسیان ہو۔

حرارت نوعی- سی جبم تی حرارت نوعی اس کی کمیت کی ایک اکائی کی ا ستعداد حرارت سبے یا با لفاظ دیگر حرالت نوعی و ہنسبت سے جو حرارت کی انسس معداد کو جوجیم کی تیش کو ۱° برا یا دینے میں مطلوب ہو تی ہے۔ حوارت کی اس مقدار کے ساتلے ہو جو مساوی وزن کے یا نی کی نیش کو ایک ورجه برل یا و سینے میں در کار ہوتی ہے۔

ری ہے۔ اگر حرارت کی مقدار فرق کھیت کی ایک اکا ئئ میں فزمت تبیش کی تبدیلی سیسار کرد سے توحوارت نوعی کا ناب فر<u>ت</u> ہوگا۔ کمیسوں میں وہ صورتوں پر عور کرنا عنروری سرے (۱) جبکہ دباومستقل رہے <sup>ہ</sup> ادر كبسر ركو بيكيف ديا جائية (٢) جبكه حجم ستفل رج -

ان دوصور توں میں طارت وعلی کی تم رموزج کا اور ج سے تبید رس کے۔

يه رکھ ليناآسان مي کرج ، انج ج - عابران کے کيونکہ بہلی مورت ميں حارت جوگیس کو دی گئی ہے گیس کے بھیلانے میں بھی کا م کرتی ہے اوراس کی

(۱۳۲) ما استرنا گذر بھیلاؤ سکمیس کی دی جونی مقدار کے بچکاؤ ایسط کا افروریا

کرنے میں یہ غلا ہر بیٹے کر موارت مطلوب سے عدا در سے کا تعامل ہوگی اور چر نکہ

سے ۵ ۵ سے اُس کے کسبی تھیلاؤے کے لئے حرارت مطلوبہ سے اور ﴿ كَالْفَاعَلَ ہو گی۔اس۔لئے ینتجہ مُکلیّا ہے کہ

زق عبن فرح + جن ف نرد

ادر بالعوم د = م دف عر ت یا اگر گیس کی دی بونی مقدار کی کمیت کو کمیت

كى اكائل أما حاكت

ح د= م برت= ل ت اگردباؤ ستقل زوتو فرق عنج و فرت

نه ج<u>ن ق</u> زح = ج د فرت = ج د <del>فرک</del>

اگر حجرت قل ہو تو

جن ق حن د عن د عن زد عن عن من ازد عن ازد ازد ازد ازد

جن <u>ق</u> = <del>جع</del> ح جن <del>د</del> = <del>ک</del> اس لن الركوني حرارت مريخها في حاسب بيني ار فرق = . تو ج المحالية ا کے × ح متقربے اگر جي كو ج دي ما تحرينت بي أس كوستقل اين-اگر د آخ تغیر مایر که کرخ هو جا کیں تو عاصل ہو گا  $\frac{p}{2}\left(\frac{7}{\sqrt{2r}}\right)=\frac{3}{3}$ بهاں مبر = ج , / ج م اور نیز عال ہوگا تَ = رَبِي اللَّهِ عَلَى اللَّهِ اللَّهُ اللَّهِ اللَّلَّمِ اللَّهِ الللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ الللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ الللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ الللَّهِ الللَّهِ الللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ الللَّهِ الللَّهِ اللللَّهِ الللَّهِ اللَّهِ مساوات دم ج مستقل، حرح كياست من حزا گذر خطوط كي مساوات ہے ادر یدگیس کی کسی کمیت کے جم اور اس کے دباؤ کے ورمیانی ربط کو تعبر كرتى ہے جبكہ جم میں تغیر كے وقت نكوئى حرارت صالحت مو اور مدبہنے ائى حا كے۔ ہوا کی کسلی کمیت کے کا کب مجسلاؤیا بچکاؤکی صورت میں مجی مساوات

بالإ درست رمہی ہے کیونکہ حرارت کے قابل قدر نقصان یا بیرو نی ا خدوں سے حرارت کے اکتساب کے سئے کا فی وقت مہیں ملائے بیں علوم ہوگا کہ رابط بالا آواز کے نظریہ

میں بہت زیادہ اہمیت رکھتا ہے۔ (۱۲۴) ۱۲۰ -- جی مستقل۔ اصول توانا نئ کی مدد سے یہ تبایا جا سکتا ہے کہ

كسى كيس كے كئے ج واور ج لے كافرق متقل بوتاہيں۔

حر حرکیا ست کے ایک کلیہ کی روسے کسی نظام میں حوارت کے

استعال سے جوتوانائی واخل کی جاتی ہے دہ حوارت کی مقدار کے متناسب ہوئی ایستعال سے جوتوانائی واخل کی جاتی ہے دہ حوارت کی مقدار کے متناسب ہوئی ایس اگر حوارت کی اکائی کمیت میں حوارت کا اعذا فد فرنت حبکہ دہاؤ مستقل رہے تو توانائی داخل مشدہ ہوگی عن × جے دفرنت

المکن یو توانا کی کچے تو دئے ہوئے حجم پر تیش کے بڑانے میں صرف ہوتی ہے اور کچے اس حجم کے بھیلا نے میں -

ن عند جرفرت = د فرح + غ مج و فرت اور

J=(27-,7) = :

جس سے ظاہر ہے کہ ہے ۔ ہے جہ ستقل ہے ۔ ہم اس مساوات سے د فغہ ( ۱۱۹ ) کا نیتجہ حاصل کر سکتے ہیں ۔ کیونکہ اگر کوئی حارت نہ بہنچا ئی جائے تو کوئی توانا ئی داخل نہیں ہوگی۔

رر ، دز ۲+غ × جج فرت = .

ليكن ح د = ل ت = غ (ج و - جن ) ت

، د فرح + ح فرد = غ (ج، -جن) فرست

اور د فرح (جر - جرح) + جرح (دفرج + ح فرد) = ٠

جس سے جرید فرح + جمع × ح فرد = . سلے کی طرح -

ا ۲ ا ۔۔۔ گیس کے حزنا گذر بیجکا وُ میں جو کا م ہوتا ہے اس کامعلوم کرنا ۔ دفعہ ۱ میں ہم نے میرمان لیا تھا کہ تیش متقل ہے یا با بفاظ و گیر کیرکہ بجگاؤ ہم بیشی ( Isothermal ) ہے۔

یہ طالت اس طرح بیدا کی جاسکتی ہے کہ عمل آناست کیا جائے

کہ جو حرارت بیدا ہوتی ہے وہ اثنا ہے عمل من الف ہوجا ہے۔

اگر بچکاؤ حزنا گذار ہو بینی عمل کو اس طرح ترتیب دیا جائے کہ کوئی حراد

نہ صنا نئے جائے اور نہ داخل ہواور ہے اس صورت میں عملاً ہوتا ہے حبکہ بچکا و

بہت سرعت سے واقع ہو توالیسے بچکاؤ سکھ ۔ لیے دفعہ (۱۱۹) سے یہ ربط عمل ہوتا ہے

ہوتا ہے دے جو استقل ہے ہو۔

ہوتا ہے دے جو کام ہوتا است کے کہ مجم سے حجم عوای بیا بچکا نے میں جو کام ہوتا است کے دور کام ہوتا ہے۔

ہوتا ہے۔

= - کرد فرح = - کرغر سے - م فرح = - میں ( سے اسی عامی) زمین سے کرہ ہوائی کی کل کمیت زمین سے کرہ ہوائی کی کل کمیت

رین سے گرد ہوا اور بخاری کمیٹ کا بچہ اندازہ بار بہای مدوست نگایا حاسکتا ہے۔ یہ مائک کہ زمین ر نفعت قطر کا ایک کرہ ہے اور اس کی سلے کے تمام نقطوں پر بار بیائی سون کا در تفاع دہی ن سیٹ کرہ بروائی کی کمیست نقیباً بارہ کی کمیت ہم ہے را ف کے مساوی ہے۔ فرمن کروکرزین کی اوسط گنافت دف ہے تب کرہ ہوائی کی کمیت: زمین کی کمیت

= الغزن: تار

لیکن یا نی کر مسیاری شنے کیلئے سے خرے ۵ مرس اور من تقریب ا ۵ و ۵ کے ساوی معلوم کیا گیاہیے-اوراکر ف کی تقریبی قیمت ۹ و ۹ م ایخ لى جائے تو سے معلوم ہوگا كە كميتوں كى ريسبت أس سنبت سے كسيقدر كم ب جو ايك كودس لا كم كے ساعة فيت -

متجانس کرہ ہوائی کی لبن دی

جہاں ف ہواکی کنافت ہے۔ یہ معلوم کیا گیا ہے کہ نسبت نہ: ف تقریباً ۱۲ مرد: ۱ سے اور اس سلے گزشتہ کی طرح ف کی خیت ۹ د ۲۹ استعال رنے سے یہ معلوم ہوتا ہے کہ ل ، ۵ میل سے سیسیقدر کم ہے۔

کرہُ ہوا ئی کے ارتفاع کی صروری حد

ظاہر ہے کہ زمین کی سطے سے کچھ فاصلہ ہراس کی مشتش گفٹ عاتی ہے اور اس سلنے ہوا کی جاتی ہے اور اس سلنے ہوا کی کثافت اور دباؤگفٹ حاسبے ہیں اس طرح نیتجہ اِلاحقیقت سے مبت بعید ہر میں ارتفاع کی حداس بات کو مبیش نظر کھ کر معلوم کیجا سکتی سبے کہ زمین سکے

(144)

کی بیستر دیمی سبندا پر زمین کی اوسط کتا خدت محسوسیب کرنے کا سوال اکم شدر زیر بجٹ رہا ہے۔ بیخ - بوائٹنگ کے تفتیوں 1893 Adam's Prize Essay ایمی دربات میں میں زمین کی اوسط کتا فت کی قیمت ہم سوچ ہم و ۵ حاصل کی گئی سید سی سرو ہم و ۵ حاصل کی گئی سید سی سرو کی ایمیسند (Phil Trans. 1895) میں اور سی - بران (C. Braum)

Denkschrift d. Math. natur Klasse d. Wiener Akad, 1895

من اس کو ۲۰۵ م تا تے بین - نیز دیکھو جے۔ایج پاوائٹیگ کا مضبون

Gravitation constant and mean density of the Earth, Encycl, Brit, eleventh edition.

مرکزسے ایک خاص فاصلے براس کی کشش ہوا کے ذروں کو دائری دارد میں سکھنے کے م نا قابل ہوگی- لیکن ذروں کا ان مداروں کو مرضم کرنا عنروری ہے تاکہ اصافی توازن کی حالت قائم روسکے۔

خطاستا دیر جله سنار، جم کے ساوی ہے جا ں سد زبین کی داوئی ا رفارے اور اس کئے کا ارتفاع پر وہ توت جو ہوا کے درہ کمیت ک کو

ر فنارہے اور اس سے می ارتفاع پروہ کو ت جو ہوائے درہ میں کہ ہو کینے دائری حرکت میں رکہنے کے لئے در کا رہو ک ج (ر+ می )/۲۸۹ رکے سادی ہوگی۔ اسی ارتفاع پر زمین کی کشش

= \(\frac{\tag{7} + \tag{7}}{\left(\tag{7} + \tag{7})^T}

اوراس کے انتہائی ارتفاع مساوات ذکر سے حصل مولکا

را = ر + ی (ر + ی) = الم

1- TAAV ] 1= 6

ی می ۵ رسے کسیقدر بڑا ہے۔

مکن ہے کر میرار تفاع اصلی ارتفاع سے بہت زیادہ ہو کیونکہ غباروں بین کی نابرمعارم مواہمے کہ ادبر چڑستے وقت ہوا کی تیش بہت زمادہ سرعت

تخرات کی نیا پر معلوم ہوا ہے کہ اد پر چڑستے وقت ہوا کی تیش بہت زیادہ سرعت کے ساتھ تھٹتی جا ان ہے اور اس لئے سے ابکل مکن ہے کہ ہرسسے کم ارتفاع

باريباك درىيدارتفاعول كامعلوم كرنا

سم ۱۲ سے بار بیا کے سیابی ستون کے ارتفاع اور سطی سندرکے اور اس آلہ کے ارتفاع اور سطی سندرکے اور راس آلہ کے ارتفاع کے در سیان ربعا قائم کرنے وقت ہیں کرہ ہوائی کی تبیش کے متعلق ایک مقدمة تاریک کی تبیش کے متعلق ایک مقدمة تاریک کا رہا ہوئی کی تبیش کے متعلق ایک مقدمة تاریک کا رہا ہوئی کی تاریک کا در اور میرکز

مغروضة فائم كرلينا جاسيئيك

اول فرض کرد کتیش منتقل ہے اور ی ارتفاع پر دباؤادر کتافت د، ت سے تعیر ہو تے ہیں اور ی ارتفاع پران کی قبیتیں کو ایک ہیں - تب توازن کی مساورتیں ہوئی نرد = - ج ف فری

ف = نام

م اوک د = هر - ج ی

لوك في = ق (ي - ي)

نیز اگرف، ت سے دومقاات بر کے بار بیاوں کے ارتفاع تعبیر ہول (۱۲۰) ادران مقانات کے ارتفاع ی ادری ہول تو

ئ - ى = م لوك في = م لوك في .... (١)

اكرتيش مستقل نه وتو فرص كروكه ان دوسفالت ترميشين د، مد بن -اب اگران دومقالات کی ملندیوں کے درسیان، اوسط یکسال تبش سے

الله الله عنه المعرومنداختياركيا ماسئ تو داور سي بن ربط د= قم ش × (۱+ عد ت ) عامل مو كا اور مسا وات (١) بوجائيكي

 $(v) = \frac{1}{2} \left\{ (v) + \frac{1}{4} a (v) \right\} \left\{ (v) + \frac{1}{2} \left( v \right) \right\}$ 

اوراگر دونوں مقابات پر بار پیاؤ سنے اندرونی مارہ کی تبشوں کے زق کو بھی ملحوظ رکھا حاسے تو دفعہ (١٠٩)سے

اورمسادات (۲) ہوجائنگی

 $(7) \dots \frac{7}{5} \left\{ 1 + \frac{1}{7} = (7 + \frac{1}{7}) \right\} \left\{ (1 - \frac{1}{7} + \frac{1}{7}) \right\}$ 

۱۲۵ - لیکن اگر سطح زمین کے او برارتفاع کا فی زیادہ ہوں از یہ صروری ہے کہ زمین کے مرکز سے مختلف فاصلول پر عبا ذہرار من کے تغیر کو بھی لمحوظ رکھا جا ہے۔

رمین سے مرکز مسط محلف قاصلوں برہا دیدارس سے تغییر تو بھی محوط ربھا کا سے۔ اس سلتے ہم زیادہ صحیح صالبطہ کی تلامش کرتے ہیں -

فرصل کردکہ سطح بحریر حاذبہ ار صل کا آیا ہے ج ہے اور زین کا تضف تعطر م سع توار تفاع می بر تجا ذبی توست

نیزیم جائے ہیں کر د = م دف (۱+عد ت) اور بہاں یہ و یکھ است مزوری ہے کہ در حقیقت ہوا کے وباؤ اور آبلی تخار (جو ہوا میں شال ہے) کے دباؤگا مجوعہ سے -

ر بوده میومر سهری . بس اگراتی بخار کی مختافت ت مهوتو و ویل کی شکل کی دو مقدار دل کا مجموعه ہو گا هم ف (۱+ عمد سه) + هم ک (۱+ عمد سه)

(۱۲۸) اوراس کے مساوات إلا من مندار م ن ورحقیقت دو مقداروں م ف،

م نَ كَا مِجُوم سِهِ جو على الترتيب أبوا اورا بى بخارك جواب ين أبير -اويركي دومساوا تول سيم بهين حاصل بهو كا

 $\frac{\dot{q}_{c}}{c} = -\frac{1}{1+2\epsilon} \frac{g''(z)}{(z+2)!}$ 

کے پوری صحت کے لحاظ سے یہ بہتر ہوگاکہ م مث کی بجائے م من مکرا ما سے جہاں شہ خالص مواکی کمافت ہے ۔

اورگذشته کی طرح ہم سن کومشنقل اور ان وو مقامات پر کی میشوں کے اوسط کے مساوی انہیں گئے ۔ محمل سے

م لوک د = الم عرب رائی + هر

 $\frac{3 c'(2) - 2}{(1 - 2 + 2)(c + 2)(c + 2)} = \frac{3 c'(2) - 2}{(1 - 2 + 2)(c + 2)(c + 2)}$ 

فرض کروکه گذشته کی طرح ایره کے مشاہرہ کردہ ارتفاع من اف اورتبیتیں ان کا درتبیتیں ان کا درتبیتیں ان کا درتبیتیں ان کا کا درتبیتیں ان کا کا درتبیتیں ان کا کا درتبیتیں کا درتبی

سے نایی جاتی ہے اسلئے

ر = غرار ا - طریت ) (ر + ی) افغات (۱ - طریت )

وَ= حِرْد الله عَنْ (١- طولة)

 $(r) \dots (r) \frac{1}{1 - d_{1} z} \frac{1}{1 - d_{1} z}$ 

اب يؤكر طرايك ببت جيرتي تدارسيد استنا

ى - ي = م ( ا + عدت ) ( ر + ي ) ( و ك ي بي + بو و ك ي ر + ي ) - رو ( يُ - ي ) - ي - ي = م ( ا + عدت ) ( ر + ي ) ( و ك يا ف ي + بو و ك ي ر + ي - رو ( يُ - ي )

جبان مد = وک ، و = ۲۵ ۲۹ سرم و استاد الکی سیم و آرمنیلا استان می میست می میست می میست می میستان می میلاد المی میلاد المیلاد المیلاد

اس صابعہ سے اربی ملکرم ہوو گ گ یا۔ مقام سطح بر کے ترب دا قع ہوتو تک =، اور

ى= مرا +عرت) (ا + ق ) (وكر ق + الوك (ا + كا ) - مدط (ت - ت )

اس کی گردش کی دجہ سے جاذبہ ارض کی ترہ نمائی شکل اور ا ہے نمورے گرد اس کی گردش کی دجہ سے جاذبہ ارض کی تجت کی شکل اور ا ہے نمورے گرد اس کی گردش کی دجہ سے جاذبہ ارض کی تجت کی شبت مختلف عرض بلہ بر مختلف بوتی ہے ادر زمین کے چھلکے کی ساخت کے باعث زمین اور سمندر بر اس کی قبیت مختلف ہوتی ہے اور نیز یہ معلوم کیا گیا ہے کہ بحری چھو شے جزروں بر راعظوں کی برنسبت اس کی قبیت دیا دہ ہوتی ہے۔

ح کی ادسط قبیت کے ساتے ایک جدید ضابط میں اس کی تبیت کے ساتے ایک جدید ضابط میں کی ادسط قبیت کے ساتے ایک جدید ضابط میں کی ادسط قبیت کے ساتے ایک جدید ضابط میں کی ادسط قبیت کے ساتے ایک جدید ضابط کی ادس کی دستا قبیت کی ادسط قبیت کے ساتے ایک جدید ضابط کی دستا کی ایک کی دستا کی ساتے گئی کی دستا کی دستا کو در دستا کی ساتے گئی کی دستا کو دستا کی دستا کی دستا کرد کی دستا کو دستا کی در دستا کی دستا کی

یا ع=۲۳۲ء ۱۹۸۰ (۱-۲۹۴۲ ۱۰۰۰ مرجم ۲ فد + ۲۰۰۰ ۱ مرخ ۲ فد) سمرخانیا حاصل جواسه جهان فدعون بلده اور خطائستوا اور عرض بلده ۴ برج کی قمتیں اِلترتیب ۲۸۰۱ ۲۸۹ اور ۲۳۲ ۲۰۰۹ این -

اگرنیم ج = ۹ و ۱۰ ۹۸ (۱-۱۹ ۲۹ ۰۰ و جم ۲ فر) لیس نو می کے لئے جو افری جل ہم سنے حاصل کیا ہے وہ ہوجا کیگا

ى= (ا + عرب ) (ا + ى/ر) (ك ن + الوك ال ا ك ) (ا + ك ) ((1 + 2) (

- سطه (تر - ته ) } ..... ( مم ) ان منابطون میں جیساکہ ہم نے اویر دیجھا ہے م کی قیمت ہوا کے آبی خواد کی مقدار پر منحصر ہوتی ہے لیکن اگر ہوا کو خٹک فرض کیا جائے تو ضا بطہ ہوگا و = م ف (۱+ع مت ) اب اگر ہوا ؟ سنتی گریڈ تیش پر ہو اور اس کا دبا و ا ۲ د علی میٹر بارہ کے مساوی ہوتو م ت = د = ۲ د ج بن ج نث ؟

Helmert in the Encycl . Brit. Eleventh Edition

حیان نه پاره کی کتافت ہے۔

ادر فراث =۱۰۲۲ سے

هم = ۲۰۰ × ۲۹۲ ما ج ملی میشر = ۱۲ ۱۲ میشر

اس سے سر ۵/ ۲ و ۹۸۰۰ - ۱۸ سر ۱۸ میٹر ہو جائے گا۔ لیکن آس

آبی بخار کو بالکل نظر انداز کردیا گیا ہے اور م کی ایسی تمیت جرست بده کرده حالی کے زیادہ مطابق سینجے بیدارتی ہے ۱۳۱۲ء عن ہے جسسے ماسل ہوگا

۱۸۳۳۷ = ۲۳۳۷ میشر

صابطه ( م ) سے سی معلوم کرنے کیلئے اول اس کی تفریبی تبیت مساوات

کے بایس جانب میں سی کو نظرانداز کرکے معلوم کرنی چاہئے۔ کھراگراس تقریبی

قمت کواس مساوات کے بائیں عابن بین استعال کیا جائے توی کی زیادہ صحیح قیمت حاصل موگی- اس عل کومیفرط صرورت مجمر در برایا حاسکتا سبے -

دومسری تصحیحات بھی صروری ہیں جب کہ عملی طور پر آبار پیا کے فرريم ارتفاعون كالحليك عليك معلوم كرنا مطلوب بوس مثلاً هم كي فتمست

اس و حبست تعبی برلجاتی سے کہ دی جوئی تبیش اور دباؤیر آبی بخار کی کتا فست خفک ہواکی کثافت سے جوانبی حالات کے زیرا تر ہو کم ہواکر تی سے اور

آتی کارکامناسب خشک، ہوا کے ساتھ دو مقامات پر مختافت ہوسکتا ہے۔ (۱۳۰)

ادربالموم مختلف جومًا سيء -

عُلادهِ بِرِینِ اگراد بر دا لا مقام زمین کی سطح مرتفع کے کسی حصدیر بوتوژمن کے اُس جھہ کی تشمش کوئی محسوب کنا جا ہے جو اُس کی ادسط سطح کے اوپر ے-اس کشسش کا تربیہ مو گا کہ مقدار ج را / ( ر + ی ) میں بھت در

سے ی کرم رکے اعنافہ ہو جائے گا۔ اس طرح می ارتفاع پر جاذب کی قوت کانا یہ

(Routh, Analytical Statics II P. 12)

اس صورت بین د کے سلئے مساوات حاصل ہوگی

فرد = ع { الله همى } فرى المراس ملك الرخيا مقام سطح بجرير موتو

$$(1+2c^{2})$$

$$\frac{5}{3} \int_{\mathcal{S}} \left( \frac{(\mathcal{S}_0)}{J_0} + 1 \right) \frac{(\mathcal{S}_0)}{E} = \mathcal{S}$$

وفعه ( ۱۲۵ ) كى مساوات (۲ ) كى بچا كى تېرى مساوات

$$\left(\frac{6}{1-4}\frac{6}{1}\right)\left(\frac{1-4}{1-4}\frac{6}{1}\right) = \frac{7}{1}$$

حاصل ہو گئے۔ اور ی کے سامل کرنے کے سائٹ آخری مسأور سے وقعہ (۱۲۹)

ک مساوات (م) میں ا + می کی بجائے ا + <u>ھی</u> درج کرنے سے

یہ قابل ہوجہ ہے کہ اگر می اور رکو میڑوں میں نا پاجائے تو کے

= ١٥٤ ... . . . . ي تقريبًا

اس طرح کے کونظر انداز کرنے سے جوناطی داقع ہوگی وہ عام طور پڑھوٹی ہوگی۔

خیال کیا جاتا ہے کہ اس تیم کا ضا بط سب سے پہلے لاپلاس نے بیان کیا ۔

۱۲۸ ۔ یہ بھی معلوم رہے کہ الربیا کے اندر کے بارہ کی تیش کوہم سے دہی ان ہوا کی جہاز بارے بات بیش کوہم سے دہی ان ہے جواس کے گرد کی ہوائی جہاز میں سٹا بات کئے جائے میں سٹا بات کئے جائی ہی سٹا جا گئی جہاز میں سٹا بات کئے جائی تو یہ مکن ہے کہ بار بیما ایک ہی مقام برات عوصہ سک نہ دہی تیش ہر حال تیش ہوائی جہاں سے گرد کی ہوائی نیش کے مساوی ہوجائے کی نیش ہر حال تیش ہیا کے ذرایعہ دریا نت ہوسکتی ہے جب اس کے جوفہ کو بار پیا ہے حصن میں رکھا جائے۔ اس طرح سے بارہ کی جربیطیں حاصل ہوگی آنکو وفہ (۱۲۵) کی مساوات (۲) میں استعال کرنا ہوگا۔

وفیہ (۱۲۵) کی مساوات (۲) میں استعال کرنا ہوگا۔

لارڈ کیلون نے اس کواس طرح بیان کیا ہے جسے میں تو ہم کیتے ہیں اس حالت میں ہو تو ہم کہتے ہیں کرنا ہو تو ہم کہتے ہیں کرسیال کی تیش حملی تواز ن کی حالت میں ہے " اس حالت میں ہو تو ہم کیتے ہیں کہرسیال کی تیش حملی تواز ن کی حالت میں ہے " اس حالت میں ہو تو ہم کیتے ہیں کوسیال کی تیش حملی تواز ن کی حالت میں ہے " اس حالت میں ہو تو ہم کیتے ہیں کرسیال کی تیش حملی تواز ن کی حالت میں ہے " اس حالت میں ہو تو ہم کیتے ہیں کرسیال کی تیش حملی تواز ن کی حالت میں ہوتی ہو کی مساوی کہ میتوں کو حوارت کی کسیوں کی کسیوں کو حوارت کی کسیوں کو حوارت کی کسیوں کو حوارت کی کسیوں کی جوارت کی کسیوں کی کسیوں کو حوارت کی کسیوں کو حوارت کی کسیوں کو حوارت کی کسیوں کو حوارت کی کسیوں کی کسیوں کو حوارت کی کسیوں کی کسیوں کی کسیوں کو حوارت کی کسیوں کسیوں کی کسیوں کسیوں کی کسیوں کی کسیوں کی کسیوں کی کسیوں کی کسیوں کسیوں کی کسیوں کسیوں کسیوں کی کسیوں ک

الباس کا عنا بطر بو و و و دور (۱۲۹) میں صرف عدوی سروں میں انتیا ن رکھا ہے اس بوغوع کے متعلق اساسی منالم اللہ دیم ) میں صرف عدوی سروں میں انتیا ن رکھا ہے اس بوغوع کے متعلق اساسی منالم اللہ دیم ) Meteorology, 1910 کے صنابی اسکو ورج کیا گیا ہے بار بیائی تصحیحات کے استعالی صوا بط کے لئے کے مطیعات کی کسی حدید کیا گیا ہے بار بیائی تصحیحات کے استعالی صوا بط کے لئے طبیعات کی کسی حدید کیا ہے اور مداول عدوی کی گیا ہے۔

لولیا صاب کی کسی حدید کیا ہے کہا کہ کا سب کا اصنابی سریم اور حداول عددی کی کسی کی کتا ہے۔

لولیا صاب کی کسی حدید کی کتا ہے۔

لولیا صاب کو کرنے کو کہ کو کو کرنے کو کہ کو کرنے کو کہ کو کرنے کو کہ کو کرنے کو کرنے کو کہ کو کرنے کرنے کو کرنے

یازیان کے انیر آپس میں تبدیل کر ویا جائے آو وہ صرف دباؤکڑافت اور تعہف سے کا تبا دلد کرین سکے اس صورت کا تبا دلد کرین کے اس ملکے اس صورت میں مذکورہ بالاسسا واتیں ہوج کی گی

فرد = - ج ف فری .....(۱)

وہم ن اور دال ن س وہ اور دہل ن س جہان میں ارتفاع پر مطلق تیٹ کوست تنبیر کرتا ہے۔

ا م ج ث ج-۲ فرم = - ج فری

ادر تکمل سے مہد ت جو۔ ا عمر -جی

ن مرح ی ا

ن ج<u>ہ</u> ل (ت - ت) = -جی

جہاں مطے بحربر مطلق تبیث کوست، تعبیر کرتا ہے۔

<u>ت = ا جر - ا حی ا</u> د این ا

ادراگرستجالنس كره كا ارتفاع هم بهوتو

ل ب س د د د د د د م

ن عاد الم × الم

اگر مساوات (۱) میں ج کی بیاستے ج زا / (ربی )ارکھا جاستے تو گر شد کیطرح میل اور اندراج سے ہیں واصل ہوگا

۱۲۹ -- ذیل کی دو مثالوں سے باب ہذاکے اصوبوں کی توضیح ہوتی ہے۔ (۱۳۴) (١) ایک بے وزن فشارہ ایک انتصابی اسطوانہ میں تھیک میصت سے - اسطوان کا قاعدہ بند سے اور اس میں ہوا بھری ہوئی ہے - فستارہ ا بتدا ً اسطوانہ کی چوٹی یا سرے پر ہے۔ اگر فشار ہے کے سرے پر آ ہمیت آہستہ یا نی ڈالا جائے تو معلوم کروکہ با ہر بہہ جائے کے بیشتر کتنا یا نی ڈالاہ اسکیا۔ فرض کروکہ اسطوانہ کا ارتفاع او ہے اور فتنارہ جِس گہرا ہی تک یہ یہے۔ عاما ہے وہ سی سے۔ تب وانان کے محل میں اسطوانہ کی اندرونی موا کا دباؤ π + رج ف ی بوگا- جال کره بروانی کا دباو سادر بانی کی کثافت ف ہے۔ ليكن ، يه دباؤ : ٣ = أ : او - ى  $S = \frac{3\pi}{(S-1)}$ فرض کروکہ آبی باریما کا ارتف ع ک ہے۔

تو π=ج ثگ

گ او = (او - ی) (گ + ی)

اس کے جب تک کراسطوانہ کا ارتفاع کے سے بڑا نہویا نی واخل بنیں كيا ماسكتا- كيونكه إلفرض الرفشارك كوميع وباكري إس برياني والا واست تو نیچے کی ہوا کا دباؤ فشارے کواُ ٹھا دیگا۔

منفی حل کو، جبکه و حرگ ، یون خیال کیا جاسکتا ہے کہ یہ ایک مختلف سوال کا حل ہے جب سے بہی جبری مساوات تا تم ہوتی ہے۔ فرمن کر رکہ اسطاله فتاره کے اور فتاره کو ایک ایسی قریب سے بقدری فاصلہ کے اوپر اُسٹانا مقصور ہے جوائس یانی کے وزن سکے مماوی ہے جواس اسطوان میں می ارتفاع کک بھرا جا شکتا ہے۔ اس سے مساوات بیدا ہوتی ہے

$$\frac{1}{\pi} = \frac{1}{\pi} = \frac{1}{\pi}$$

$$\frac{1}{\pi} = \frac{1}{\pi}$$

$$\frac{1}{\pi} = \frac{1}{\pi}$$

ر ۲ ) ایک غبارہ کی حرکت معلوم کرنا مطلوب ہے یہ فرض کرکے ککسی حل میں اس کی مٹا نئی ہونئ ہوا کی کمیت متعالمن سے ادر انتا سے توکت میں تعبیش

ر مہتی ہے۔ ذخن کرد کہ عنارہ کی کمیت کے مرکز کا ارتفاع می اوراس کی کمیت ک

ہے۔ اس کا حجم ح راور می اِرتفاع پر ہوا کی کِتَا نت من سبے۔ تب وہ مسأوات حس کے حرکت کا تَعین ہوتا ہے بیہو گی

ک <u>فرای</u> = ج شح - ک ج

3=3 (V +2))Y

لیکن مساوات فردید - ج ف فری اور ددم ن سے ہیں مال ہوگا

رع ري - ري (σ+2) (σ+2)

 $\sum_{i \in \mathbb{Z}^{n}} \frac{1}{2} \int_{\mathbb{Z}^{n}} \frac{1}{2} \int_{$ 

(۱۳۲) جس میں ک = اُم ح رکھنے سے اور ۲ فردی سے صرب دیر تکمل کرنے سے

نز (ولان )= ب- ١٦ و آلان + الم ترج الأران ا

ابتدائی شراکط سے . - ب ۲ ۲ ۲ ۲ نظر جر

ن ته ( فری ) = ۱ آزا - و عربی استان استان

## غباره كازياده سن زياده ارتف ع

فری دست سے .

ر کھنے سے حاصل ہو گئا۔ اور اگر عنبارہ کی اوسط کُن فٹ ادر ہوا کی اوسط کُنا نت میں بہت تھوڑا فرق ہو تو محیلے جھوٹا ہوگا اور ایک نقریبی تیسن معلوم کیجا سکتی سے

## امثله

( ۱ ) - اگر مواکی کتافت اضافی ۱۰۰۰ و اور باره کی ۹ ۵ و ۱۳ به و اور اگر باریما کا ارتفاع ۳۰ اینج موتوثانت کرد که مشقل هم کی قمیت تقریباً ۸۳۹۳۰۰ بوگی مبله طول در و تت کی اکائیال فشاورتا نیبر میں –

المرائی المرا

(س) - ایک ناتص باریبیا کے ارتفاع ۲۹۶۲ اور ۳۰ اینج ہیں جبکہ صحیح آلہ کے ارتفاع ۲۹۶۲ اور ۳۰ اینج ہیں جبکہ صحیح آلہ کے ارتفاع م ۲۹۶۷ اور ۳۰ اینج و باؤک نالی کا دہ طول معلوم کروجس کواس کے اندر کی ہوا ۳۰ اینج و باؤک زیر انٹریٹ کروسے گی۔

کروے کی ۔' ( مم )-کرہ ہوائی کی ایک کمب گز ہوا کو ایک ظرف میں صبکا حجم ایک کعب فط سبے پیکایا گیا ہے ۔ ہار بیا کا ارتفاع ، سو سبے- مبع مشدہ کوانائی کا عدو می نا ب نفریعاً معلوم کرو حیکہ بارہ کی کتافت اصافی کمحاظ یا تی ہے۔ 4 موسوں ہے اور یانی کے ایک کمعب اینج کا وزن ٤ ، و۲۵۲ گرین ہے۔

( ۵ ) - أيك بألكل تنتيح سيابي باربيلي محدارتفاع عد اور به بين جبكه

(177)

ایک ناقص اربیا کے متناظرار تفاع جس میں مجھ ہوا ہے او اور ب ہر ٹا بت کرو کہ اگر نا قص اربیا کا ارتفاع ج ہوتو

> (4-8)(4-4)(8-4) (١٥-٥)(١٥-١٤) - (١٠-٥)

کی صحت در کار ہو گی۔

( ٤ ) - أَرْتَبِسْس بِاكُواكِ اللهِ اللهِ مِن جس كَى تَبِيْن معلوم كُرْنا مطلوب ي جزءً وبو دیاجا کے ادراس سے تیش ت کا اطبار ہو جبکہ ہوا کی تیش بنہو اور نبسنس بيا كاغيرغ ق مشده معدم ورهب مواتو نا بت كروكه

ك صحت دركار موكى اكرتيش بيا ك اندروني إره كا بسلار حرارت ك امك ب او یو فرص کرایا گیا ہے کہ ہرخصہ یں بارہ کی تبہث اس معدکو نے والی شے کی نیش کے مساوی ہے ۔

( ٤ ) ايك بندانقما لي اسطوان كي اندرحبكي تراش كارتبه ايك بع وورن كا اک فشارہ جے ابتدا منازہ اسطوانہ کے وسط میں ہے اور اس کے سیم اور اویرکی نعنا سیرشدہ مواسے بھری موئیہے - اگر نشارہ کوابنے حال پر جھوڑو یا

حاسئ تووه ابتدائ ارتفاع كالفعف ميح أترجاً احم- أبت كروكرسيرسفه بخار کا تنا و سو س مروک حبال کره موانی کا دا و س ب - اس عمل سے

ا بندا اور اختیام برئیش و بی فرض کرلی گئی ہے۔ ( ۸ ) انتصابی بار بیا تی بلی بنانی گئی ہے جس کے او بر کا حصد سرے بر بندكرد يا كياسيم - اس حصه كي تراض كا رقبه واسيم - باربيل كا درميا في حصه ایک جوندے حس کا مجم سے اسے اور یا کے سیلے حصد کی مراش کا رقبہ

ج ا سے اور اس کا بیندا کھلا ہوا ہے۔ او فرق بارہ سے بھرا ہوا ہے لیکن 

من با مرائل مل سنه سنه ايك بسنى منك وزيد روكا كيامني جو أزا وان سينج

او پر حرکت کرسکتی سبعے اور حب پر ہوا کا دباؤ عمل کرتا ہے۔ نلی کے بالا بی حقیقہ میں خلا ہے۔ سیابی ستون کے نیلے اور اوپرے سروں کے محل میں تغیر معلوم کرو جبکہ کرکہ ہوائی کے وہاؤیں دیاہوا تغیرواقع ہو۔ اگرآ لہ کے اندرونی کل اِرہ کا مجمر ہے جہ ہو جہاں باریبا کا ارتفاع ہر ہے تو یہ بھی نا بت کرد کہ او پر تی سطح میٹل کے تغیرے عیرتنا فررہ گی۔ ( ۹ ) ایک اسطوانی ظرت غوا ص یا نی میں ڈو بتاہے پیاں آ ہے۔ اس کے کچھ حصہ سے میں ہوا یا تی رہتی ہے۔ اس محل میں ہوا کی کچھ مقدار اس میں دِا مَل کی جاتی ہے جس کا حجم رہ ہوائی سے زیرائر ۲ سے سے معلوم کردکہ غوامی لو کتنی گہرا دئی کک اور نیجے دو بنا جا ہیئے گراس کے اندر کی کل ہوا کا حجمرا تنا ہی پوطبے عِبْنَاكُرْتُحُلُ اوْلَ مِن تِعَالِهِ مِنْنَاسِ مَنْعِ عَلِمُ شِرِطُ دَرِيانِتَ كَرِدِكُمُ كِلِ اول مِن مِب ہوا رُورسے واجسُل منزاس منع علی شِرط دربایف کردِکم کِلِ اول مِن مِب ہوا رُورسے واجسُل کیجاتی ہے تو ہوا غواص کے نتیجے سے حکر نکلنے نہ ایسے ۔ ( ۱۰ ) ایک فرن ایسی سطح سی شکل کا ہے جسکی نموین مکانی کی ایک توس کو جورام یر حتم ہو جاتی ہے اپنے تحور کے گرد گھا نے سے ہو لی ہے ۔ اس طر<sup>ن</sup> کو سینچے وارمنا کے ساتھ بارہ کے ایک برتن میں طوبو یا تھیا ہے۔ نابت کرد کہ ظرف ۔ کے اندر کی ہوا کا دباؤا س فاصلے کے مربع کے تناسب معکوس میں ہوگا جفاف کے را س اور اندرو نی یارہ کی سطح کے در میان ہے ۔ نیزیہ فرصٰ رکے کہ ظرِف کے محررکے طول کو باریما کے ارتفاع کے ساتھ وہی سنبت کے جو مم کوس کے ساتھ ہے ظرف کے اندرونی پارہ کی سطے کی گہرا بی معلوم کرو جبکہ ظرف عین پوری طرح غرق ہو۔ ب بے دزن فشارہ ایک انتصابی اسطوانہ میں مٹیک مبیمتا ہے۔ اسطوان کافاعدہ بندہے ادر اِس میں ہوا بھری ہوئی ہے ۔ ابتدا فنف رہ اسطوان کے سرے پرہے۔ اگریاتی فتارہ کے سرے پر جستہ است والاجائے تر نابت کرد کہ یا نی کی اوپر کی سطح زیرترین ہوگی جب کہ یا نی کی گہرا نی م<u>اروت</u>

- ف ہو جہاں آ بی اربیا کا ارتفاع ف ہے اور اسطوانہ کا ارتفاع او -

(۱۲) باربیا کا ارتفاع ۸۸ ء ۲۹ ایخ ب اور تیش بیا نقط مشتم برہے۔
بار بیا اور بابی نے ایک بیالد کو قابد میں رکھدیا گیا ہے جس سے ہوا گارج
کردی گئی ہے۔ اب باربیا کا ارتفاع ۳۹ ء ایخ ہو جاتا ہے۔ کرہ ہوائی کی ہوا کا دیا ہوا جم جبی حکم گئی ہے۔ اس سے اس کے دباؤ اور تیش کی تبدیلی کے بغیراس کا بخار خارج کر دیا جائے۔
داؤ اور تیش کی تبدیلی کے بغیراس کا بخار خارج کر دیا جائے۔
زاویہ قائد پر ملیا ہے مستقل زاد فی رفتار سے گھوم رہی ہے۔ جاذبہ ارض کو خارج عمل کو نظر برمعلوم کرو۔
کے عمل کو نظر انداز کر کے بلی کے اندرو نی ہواکی گنا فت کسی نقط برمعلوم کرو۔
کے عمل کو نظر انداز کر کے بلی سے اندو نی ہواکی گنا فت کسی نقط برمعلوم کرو۔
مالی الفوائم ہیں۔ یہ بلی ایسے انتقابی با زوسے کی دوسرے کے مالی الفوائم ہیں۔ یہ بلی ایسے انتقابی بازومیون سے مستقل زاد کی دفتار سدسے گھوم رہی ہے۔ تابت کروکہ انتصابی بازومیون سے ارتفاع تک یا نی جڑھیگا وہ ہوگا

(1- e 79 ) T

جال انفقی با زو کا طول و کرکہ ہوا کی کا دبار ۱۳۲ با نی کی کتا فت ت است اور مور دو النبیت ہے جو کرکہ ہوا تی کے دباؤ کو اس کی نتا فت کے ساتھ ہے ایک کو اس کی نتا فت کے ساتھ ہے ایک کو اس کی نتا فت کے ساتھ ہے ایک کو کرد نا و لی رنتا رسد ستے گھوم آرہی ہے بیٹھور نلی کے ستوی میں واقع ہے اردا س کا فاصلہ نلی کے مرز ہے جے ہوا کے وزن کو نظر انداز کرکے کسی نقط برکا و باؤ معلوم کرو۔ اگر ج کا واستے کم ہوا وراعظ اور افتسل دباؤ و اور کو جو ل تو تا بت کرد کرکہ

 جوان مقامات کے ارتفاعول میں ہے جبکدان ارتفاعوں کوفییموں (Fathoms) میں نایا جائے۔

اور سے مجم کے دو غیر موصل ظرف ہوا سے مجر سے ہوئے ہیں اور سے مجر کے دو غیر موصل ظرف ہوا سے مجر سے ہوئے ہیں اور تبنیں سے اگر ہوا کی اِن کمینوں کو سے مجم کے ایک غیر موصل برتن میں ملادیا جائے تو آمیزہ کا د باؤ معلوم کرد -

المرائد المائد و دوجونے جن میں ہوا ہے شینے کی کیساں سوراخ دارا فعی نلی کے افر المائد کی کیساں سوراخ دارا فعی نلی سے طا و مے کئے ہیں اور اس نلی کے افر الم کا ایک بلبلہ، ہوا کو دو ساوی حصول میں تقسیم کرتا ہے جوف کو علی الترتیب سے در جے ادر سے درج کر اگر بلبلہ کے مقام میں مثاؤیدا کیا گیا ہے اگر ہرجو فدکی تیش کو بقدر متد درج کے گھٹا دیا جائے تو نا بت کروکہ لمبلہ میں مزید مثاو ببیدا ہوگا جواست دائی مثاؤ کے ساعة

۲ عد ته: ۲ + عه ( ت + ت - ۲ مته) کی نسبت رکهیکا جیاں تھیلاؤ کی خرح عد ہے ۔

(19)-ایک کپکدارکروی لفا فر کے گرو ہوا ہے جو بخار سے سیر شدہ ہے۔
اگراس کی اندرونی ہوا کا وہاؤ کرہ ہوا ئی کے دباؤ کا دوجند ہوتا تو اس کا لضف تظر
ایسے اصلی نصف تطرکا دوجند ہو جاتا اور اگراس کے اندرا کرد ہوائی کے دباؤ کر جنتی ہوا ساسکتی ہیں اس کے 22 گنا ہوا ہوتی تو اس کا لضف قطر ا پیمنے
اصلی نصف قطر کا سہ جند ہو جاتا ۔ یہ فرض کرکے کہ کسی نقط پر کا تناؤ ایسے
بدتا ہے جیسے سطح کا پھیلا ڈ تا بت کرو کہ ہوا کے دباؤ کا لم جا حصر نجار کے دباؤ
کی وجہ سے ہے جواس میں شامل ہے۔

(۲۰) - آیک محزد طی خول کا زادید راسس ﷺ اور ارتفاع ف سے اس میں اس کے وزن کا دو چند یا نی ساسکتا ہے اس کو اوند صاکر کے رائینی جبکہ رائس اوپر کی طرف ہو) انتصابی محدر کے ساتھ یا نی میں ڈوریا گیا سے اور بھریانی کو زاونی رفنار (عج ۴/۲ ف آ اُنسے کھایا گیا ہے۔ کھانے کی وج سے مخروط پانی میں اس قدر ڈوب جاتا ہے کہ اس کاراس پانی کی سطی ہوتا سے ۔ تابت کرد کر آبی بار بیا کے ارتفاع کو مخروط کے ارتفاع سے وہی سنبت بے برسم کو الربار کے سے سے ۔

آواکی کتافت: بانی کی کتافت: سیسه کی کتافت: ۱: ۰۰ د ۱ موره ۱۳۰ (۲۲) ایک کیسال شوس مکافی نماست اس کا نصف جم علیده کرک ایک بیاله بسب اس کا نصف جم علیده کرک ایک بیاله بسب یا گیا ہے اس طور پرکواس کا اندر و نیا عاطه ایک مساوی ہم محرر مکافی نما ہے جب کا ایک مساوی بیالی بسب از کر مکانی نما کے ماسکہ یہ ہے ۔ بیاله سسیال میں اور دانسا بی محور کے ساتھ ڈبویا گیا ہے اور پینچے سے اتنی گیس خلامی والی گئی ہے کہ داس سیال کی سطح میں اُٹھ آتا ہے اب اگر بیا ہے کے خلامی فاضاف کی محتال کی محتال میں ہوتو نیا بت کرو کہ سیال کی کتافت میں اور کا خیا ہی کتافت کا جید ہے ۔

(۲۳) اگر ہوا کا دبائ ایسے برسلے جیسے اس کی کتا نت کی (۱+ ہے) دیں نویت تو تیش اور جا ذبہ ارض کے تغیرات کو نظر انداز کرکے تابت کرو کرکرہ ہوا تی کی لمبندی متجانس کرہ ہوائی کی لمبندی کا (م + ۱) گنا ہوگی -

کی بلندی متجانس کرہ ہوائی کی بلندی کا (م + ۱) گنا ہوگی 
( مع ۲ ) و رزن کا ختارہ ایک انتصابی اسطوانہ میں ساکن ہے ۔

اسطوانہ کی عمود می تراش کے ہے اور ختارہ ہوا کے ستون کی گہرائی اسے

متعاموا ہے ۔ فتارہ کے ڈونڈے پرایک انتصابی دھکری بڑتا ہے جس سے

فتارہ بقدر من فاصلے کے نیچے چلاجا ہے۔ نابت کردکہ

(174)

$$=\frac{3}{10}\left(1-\frac{1}{10}\right) + \frac{3}{10}\left(1-\frac{1}{10}\right) + \frac{3}{10}\left(1-\frac{1}{10}\right)$$

جال کرہ ہوائی کا دائو πہے۔ ۲۵ - ایک کروی عبارے کا نصف قطررے اوراس میں گیس کی تجمید مقدار ب حبكى كتافت سطح زمين يرك كره جواني كركم دباؤ دبر شب - اگر فعاره سناؤ ت کو عیں سنبھا کینے گئے قابل ہو نو ٹابت کردکہ بیریٹے جائے گا اگراس کی فقار اتنى بوجا سيئ جنتي

 $\frac{e'}{4} = \frac{7}{6} \frac{1}{4} \frac{1}{4} + 0$ 

سے حاصل ہوتی ہے۔ جہال غبارہ کی حرکت کی مزاحمت نظر انداز کردی گئی

الاً المسيب به فرعن كرك كركرة إيوا في بورى فصنا مين تعبيلا بهواب ادر إس كي تیش ہر مگر کیساں ہے تاب کردر مربح کی سطیر کے کرد ہوائی کی کٹا فیصہ کو زبین کی سطح يرك كره جواني كي كتافت كے سافقہ تعربيًا قوائم كي سبت بوكى - يه ويا كيا ہے

۔ مری اُن کی کتافت دہی ہے جوزمین کی ہے اور اس کا تصف قطر زمین مے نفسف

قطر کا تضف سبے اور زمین پر کرہ موا ہی کا دباؤ سا ۱۰۱۳ گرام نی مربع سمر ہے اور ہوا کے اہک کعب سم کمیت کا وزن ۲۲ ۲۰۱۰ء گرام سبے۔ زمین کا نصفت قطر

۲۷ \_ اگرار میما گی رہ بندی کے بعد مہوا کا ایک نفیف جم ح کارہ کے ادیر کے غلامی داخل کیا جا سے اور تیش غیر متغیر سے تو تا بت کرا

كدكسي مشاده شده ارتفاع ت مح كي

<u>ن</u> ج-(۱-ن)(ن- فن) × م

کی تصییح کرنی بڑے گی- جاں علی کی تراض کا رقبہ عدا برتن کی تراش کا رقبہ ت اور ج اس نلا مرى علا كا طول ب جونا نص باربها سي دوسرب مشابده سفده ارتفاع ف کے جواب میں ہے۔ ۲۸ -- اگر کرہ ہوائی کی تبیش بلندی کے ساتھ یکساں طور پر گھٹتی فرض کی طب

تو تابت كروكسط بحرس سي مقام كا ارتفاع ي

= و ( ا - ( فن - ) )

جہاں اس مقام پر اور سطح بحر مربار پہا کے ارتفاع بالتر سیب ف ، ف ہیں اور

ا ، هم متعقل ہیں -۲۹ - پر حملی تواز ن کی حالت میں نابت کرد کیے کرہ ہوائی کی تیش او پر دار کیسا

نشرے سے گھٹتی جاسے گی-اس نفرے کوسنتی کرٹیے کے در جوں میں نی ۱۰۰ میٹرمعلوم کرو جبکے صب ذیل بایتس معلوم ہون:۔

یں علوم ہون۔ باریما کا ارتفاع = ءو 4 2

نَیْشُ ( مطلق ) ۲۷۲ سنتی گریشه مناب رین

ہوا کی کتافت = ۱۲۹ ۰۰۰ یارہ کی کثافت = ۶۰۰ س

باره ی فعاست = ۹۰ سر انوی عرارتوں کی تسبت ( ص ) = ۲ م دا

رس-گ، ف نظامیں)۔



(342)

المراج ا

ہم جانتے ہیں کہ سیال کا داؤکسی سطح پر جو سیال کے سابھ تماس رکھنی ہو اُس سطح کی عما دی سبت میں عمل کرتا ہے اس سے فی الحقیقت ہمیں ایسی ملا تم سطحوں کے قوازن پر غور کرنا ہوگا جو عمادی دباؤں اور ان کو محدود کر لئے داسلے خوار کے تعالیٰ کی مقدم کی معدد

نطوط برکے تنا وُل کے زیرعل ساکن موں ۔ عمد مید کی خاط اصطلاح میں اور کا اور کا

عومیت کی خاطراصطلاح می المنظم السی جنروں کو تعبیر کرتی ہے جیسے کپڑا اور مبلا کا غذ جن کوموڑ نے میں کوئی قابل کسندر مزاحمت بخسوس نہیں ہوتی اور جوموڑ نے یا مزاوڑ سنے کے بحد ابنی ابتلا کی شکل پر اوشنے کا میلان بہیں رکھیتیں۔ کالی طور پر لائم سطحوں کو خواہ وہ امتداد پذیر ( Extensible ) ہوں یا امتداد نا پذیر بے کیا خیال کیا جا سائے گا۔

## مناؤكا أس

ایک لائم اور بے لیک سطح پر عور کر و جو تنا و کی حالت میں ہے خواہ یہ سطح ما دیزیر ہو<sup>ا</sup>یا امتداد نایذ برآور فرض کرہ که نقطه ن میں سے گذرنے والے کسی عادی مستویری سے جوزاش حاصل ہوتی ہے اسس کی ایک جیو ٹیٹوئس ق ن ق ہے ۔ اب اگر خط ق ت سے محدود ہو نے والی سطح کے حصول کے درمیان حاصل عمل ت × ق ق م بو جوماسی مستوی میں ن ت پرعور ہے تو نقطہ ن برکے تناؤکا ناپ س موگا۔ برانفاظ دیگر نقط ن برکے تناؤ کی مشیح ت سے یا وہ توت جواس شنے کی ایسی تراش پر عمل کریگی جسکا طول اکائی ہے ادر جو ہر جگرالیسی حالت تناؤ میں ہے جیسی که ن پر کی سطح -

عام طور پرسطح کے ان حصول کے درمیان جن کو ت تی علیحدہ کرتا ہے جو زور عمل کرے گا وہ ف ق کے عمود وار منہیں ہوگا اور اس کے وہ تنا وُت×ق ق اور قوت مد × ق ق كا حاصل بوگا جال توت مد × ق ق منحني ق ق ك

ماس کی سمت میں عمل کرتی ہے اور تہ انسی تسم کی ایک مقدار سے جیسی کہ ت ہے

اوراس کی بالیٹس بھی اسی طرح ہوتی ہے۔ (۱۲۸) **۱۷۱** ایک فاف قامیمستدیراسطوا نے کی شکل کا ہے حبس کی شخنی سطیح ملائم ا ورجس کا محورا نتصابی اب ۔ اس خرت میں سیال سے ۔ کسی نقط پر کے تناؤا در دباؤ کے در میان ربط معلوم کرنا مطلوب سے ۔

رمن کرو کہ سطح کا ایک حیوٹا حصب ن فی سیے جورومستویوں کے درمیان جو عور پر عمود وار بی اوراسطوانے کے در

کوون کے درمیان محدود ہے۔

فرض کر وکه ن ق کے کسی نقطه برانقی نتاو کت اور وہاؤ د سے بتب سطح کاعضر ن تک ذیل کی قوتوں کے

زیر عمل متوازن بوگا: عما دی داو و × ن ن × ن ق ، ماسی قریس ت × ن ن اور ت × ق ق ن ، اور ن ق اور ن ق برکے انتصابی تناؤ اگرانتصابی سمت میں کوئی تناوعمل کریں ۔

یس تو توں کو عماد وع کی مستدیس تحلیل کرنے سے جونقطہ وسطی ع تک کمسینچا گیا ہے۔ کمینچا گیا ہے۔

ر × ن ن × ن ق = ۲ ت × ن نَ جب ( المن وق)

= ات × ن نَ لِهِ <u>ن ق</u> ، اگرنصف قطر رہو ،

۱۳۷ ۔۔ اگر کسی شکل کی اسطوانی ملا کوسطے میں سیال سائن ہوتو اسطوانے کے محدرکے علی القوائم تراش کے کسی نقط اپر کا تناؤ وہی ہوتا ہے۔

فرض کروکسطے کا ایک عنصرت ف ہے (شکل ونعہ اسا) فرض کروکہ ﴿ يَرُكُ مِنْ اِنْ اِلْمُ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّ

نب برکے ماسول کی درمیانی زادید مف فہ سے۔

نیز فرض کروکد ن ق پر کے سیالی داوئی سمت کا سیلان و اے ساتھ مف سا ہے جبکو وا، وب کے در میان واقع ہنا چا ہے ۔ تب (پر کے ماس کی سمت میں قوق س کو تحلیل کرسنے سے

(ت +سنت)جم ذرت = و× إب جبس سا

= درمن فه حب من سا

اگر (پرکالفت تطائخت رہو۔ پس بالافز حبب کہ معت فہ معدوم ہوجا سے فرمت

وزن = •

ادر چونکر تراش کے ہر نقط بر بربات صادق آتی سے اس کے بنتی کلنا ہے کہ ت

متقل ہے۔

عاصل ہوگا بوسطے کے کسی نقطہ پر کون کے علی القوایم تناور دباؤ اور انخت کے درمیان ربط ہے۔ درمیان ربط ہے۔

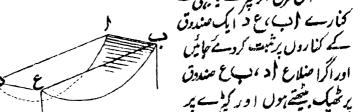
مت کومنتقل کینے سے مساوات در = مت سے کسی نقطد برکا داؤ معلوم برمائیکا اگر سطح دی ہوئی ہو-

اگرسال برعمل کرسنے والی قرتیں دی ہوئی ہوں اوراس کئے داسال کے اندرکسی نقط کے محددوں کا معلومہ تفاعل ہو توالیسی مساورت سے ملائم سطح کی افتدار کردہ فتکل کا تعین ہوجا ہے ۔

## ثوببيراور لدنبير

سرسوا۔۔ نوبیو ( Lintearia ) دومنحتی ہے جومبین کراے کے ایک تطیلی ایک تطیلی ایک تطیلی ایک تطیلی ایک تعالی کا ا

موں اور بان ن ازؤں پرسے نتکلفے نہ یائے ۔ اس طرح اگر کیڑے یا جیل کے



یا نی ڈاندیا جا ہے اور بھر (کہ کابع کے متوازی ایک انتصابی مستوی

سے کپڑے کو تراشا جائے تو یہ عمودی تراسٹس توبیہ ہوگ۔ دباؤ چو بخر عِما دی سمنت میں عمل کرتا ہے اس سلے کیڑے کا تراوم

دبا و به نوجه عما د کی سمت میں عمل کرتا ہے اس سائے کیوا سے کا تنا و مستقل ہے اور اس لئے اگر نقطہ ن بر کا تفعف قطر اِنخنا رہو اور ب ع بانی کی سطم ہو

( د دسری شکل دیکھو) تو

ردومری مادیموری ج ف × ف ک × ر متقل ہے۔ تناؤکوج ف م اسے تغیر کرنے سے اور ن مرے الینے سے ہیں عال ہوگا۔

١- ٥ = ١ - ١ - ١

هم فرر عزا عرب فرا عرب فرا عن الم

م الربيركانفران عمره، الربيركانفران عمره،

اباس میں جب عم اک ادرجب فی اکسوع

ر کھنے سے مال ہوگا

نرس = م رن نرس = کماجباعی- ببانی

م ک بسء طنء فرء کر اکری جن۲۶ مراح جن۲۶

طنء عد Dnu

(14.)

بهراگر

> د هر = لا تو <del>زلا</del> = جم فه = ۱ - ۲ ک<sup>ا</sup> جن او د لا = هم کر (! - ۲ ک اجن او) فرو د

یغی ال=م{۲ ق (حطو) - و } ..... (س) جہاں ق دوسری قسر کا اقصی تکریف -تقدی شرائط ته ہیں کہ لائا کا س سب کے سب معددم جو جاتے ہیں جبکہ و ع

E.(am u) = (9 は)

ادر آن قیمتوں کو مساوات (۲) میں استعال کرنے ہیں ہے زمیں ب= ہم ک حال ہوتا ہے۔ نیز اگر لا = اور س = کی عب کہ ما = ف توان کو مساوات (۲) میں مندرج کرنے سے ، = صن ۶ ایس معلوم ہوا کہ ۶ کی متنا ظر تمیت کسی ہوا کہ ۶ کی متنا ظر تمیت کسی دور کسنے ۔ اور اس منفے (۱) اور (۳) سے ہم عاصل کرتے ہیں

و= م (اق (طلک ) ک }

اس کئے ٹوبیدسیاواتوں (۱)، (۲)، (۳) سے عاصل ہوتا ہے بشرطیکہ مستقلوں کے درمیان وہ روابط ہوں جوادیر بیان ہوئے ۔

مستقلوں کے درمیان وہ روابط ہوں جوادیر بیان ہوئے ۔

مستقلوں کے درمیان وہ روابط ہوں اور مختی ہے جوایک لچکدار ڈیڈے کوموٹ نے (۱۲۱)

سے پیداہوتا ہے یہ تو ہی کے شائل ہے۔

ڈنڈے کو ب وع سے تغیر کرواور فرص کروکہ نوازن اس اور ع بر کی تو توں سے جومت ضا وسمنوں میں عمل کرتی ہیں برقرار رہنا ہے۔ نقطہ ن پر جم کا وکا معیار ازر ( Bending moment )انخا

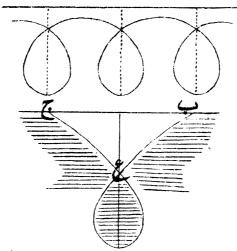
کے متنا سب بیٹے اور اس نئے ب ن کے تواز ن پر عور کرنے سے اور نقطہ ن کے گر و معیار سیلنے سے بیرستنبط ہوتا ہے کو نقطر ن پر کا انخنا ایسے وات ہے

Routh, Analytical Statics, II. p. 269, or Kelvin and Tait, Natural Philosophy, 591

For a full discussion of the Elastica, see Kelvin and Tait. له Matural Philosophy, 611: Love, The Mathematical Theory of Elasticity, p. 384, or L. Levy, Precis Elementaire de la Theorie des Fonctions Elliptiques, p. 112.

جیسے ن ل۔ اس طرح ر × ن ل = م

ادراس کئے لدینیہ کم توہیہ کے مائل ہے۔ مسار - لدنیہ لفیفن ( convolutions ) کی تمان نعبداد ریسٹ تا ہوسکتا ہے جس طرح کراشکال ذیل سے ظاہر ہے



یان کیسطح اوراس کے دہاؤگی مناسب ترمیب و تنظیم سے فو ہیہ کے ہمی مخلف نان کیسطح اوراس کے دہاؤگی مناسب ترمیب و تنظیم سے فو ہیہ کے ہمی مخلف

مثلًا الريم ب ج كوسطح آب تصوركرين اءراس طرح كے انتظامات عمل میں لائیں کہ یا ن فضاروعیں بحروا جائے اور یا نی دبع اسے عے مصول کو اوپروار

رمائے و بہن ایک تفیفے والے لدنیا کے مانٹل ٹو بیدل جائیگا۔

اگر ہم بینقبور کریں کہ ب ج ، مڑے ہوے ڈونڈے کو ب اور ج بر مس کرتا ہے جس کے لیئر بیا مزری ہوگا کہ فونڈا لا متنا ہی طول کا ہواور اگر گذشت كى طرح ويرك ماس كسع الفراف الم است

ر = 00 / جمكه فه = 11

$$w = a \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}}$$

آینده معلوم ہوگا کہ بیشعری مختی ہے ۔ ۱۲ سوا --- دیرس طراس ( Weirstrass ) کے ناقصی تفاعیل کی رقوم میں بھی ہم خو بیے کی مساواتیں حاصل کرسکتے ہیں۔ منٹلاً و فعہ (۱۳۳) سے

$$\frac{\frac{i}{\sqrt{i}}}{\frac{i}{\sqrt{i}}} = \frac{\frac{i}{\sqrt{i}}}{\frac{i}{\sqrt{i}}} = \frac{1}{\sqrt{i}} = \frac{1}{\sqrt{i}} = \frac{1}{\sqrt{i}}$$

$$\frac{1}{\sqrt[4]{r}} = \frac{1}{\sqrt{1+3^{2}}} = 1 - \frac{7}{\sqrt{1+3^{2}}} = 1 - \frac{7}$$

$$\frac{r_{l-1}-r_{l}}{r_{l}}-1=\frac{i_{l}}{r_{l}}$$

$$\frac{i (u)}{i (v)} = \frac{r a_1^r + r^r - r ci l}{i (r a_1 - r ci l + r^r)}$$

له جيس برولي بيلانخف مقاجي في وبيري ساوات درايفت ي-

$$\frac{i}{(-3,)(e^{-3})(e^{-3})}$$

$$|\xi(u+\omega_3)=(u+e_3)=(u+e_3)[d(e+\omega_3)]$$

جہاں طائ دیرسٹراس کازٹیا تفاعل ( Zeta-Function ) ہے اور ستقل سے ۔

هرمتقل بيد -

ننرجبکه لانه وی نوی اور و نام نفر (سیم) پس ع ن اور هر سه طا (سسم) کیس

لا= طا (۶+ سير) - طا (سير) - لم عرو ٠٠٠٠٠٠٠٠

اورچنکه ۲ ف ما - ما = ی = و - عب اس سے

بون ا - ا ا = في (ء+ سير) - عمر ١٠٠٠٠٠ (٣)

$$\frac{i\eta}{i\eta} = \left\{ 1 + \left( \frac{i\eta}{i\eta} \right)^{3} \right\} = \frac{i\eta}{i\eta} \left\{ \frac{i\eta}{i\eta} \right\} + 1 = \frac{i\eta}{i\eta}$$

اس طرح الني اندراجات س

يس فرس = ۲ م فرء

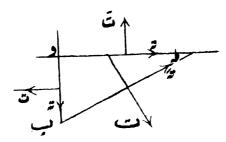
ن س = ۲ مرع مرب الاصفر موجاً اس - ۲ مرا م بشرطيكه س كو وسي الإجائي مرجوان عرب بالاصفر موجاً اسم -المساكرلا = وادرس = لى جبكرا = ف تواس تيت كے لئے

اس کئے کھ (ء + سمہ) = ع، کم سم علی متناظر تمیت سم ہونی جا ہے۔ اور متقلوں اور دوروں میں روا بط ذیل ہو بھے

ا علا (سس )-، **لما (سی**ر) - الم عرسه

ل = ۲ ج سر

ہم نے اسی صورت کے لئے شکلیں گینجی ہیں جس میں بانی ہوار سلے ب ج کک محرا ہوا ہے۔ لیکن اگر بانی کی مقداراس سے کم جو کہ کرے دہ حصی جن کو یا بی میں ہمیں کرتا مستوی ہونگے اور دن کی مقداراس سے کم جو کہ کرا سے نیچوداس کی کہ ان ہوگی۔ مستوی ہونگے اور دن کی قوار ن مورت ہیں سطح آب کے نیچوداس کی کہ ان ہوئی۔ جہلی کے کسی خطبر کا دور مین سطح کے اُن مصلہ حصول کے در میان عمل جواس خط جہلی کے کسی خطبر کا دور اس خط کے اُن متصلہ حصول کے در میان عمل جواس خط سے محدود ہیں عام طور براس خط کے مائے مساتھ میلا ان رسطے گا اور اس سلے ایک تناوی سے محدود ہیں عام طور براس خط کے ساتھ میلا ان رسطے گا اور اس سلے ایک تناوی سے دور میں جو ایک دور میں جو ایک دور میں جو ایک دور میں جو ایک دور میں ہوتی ہوتی ہوتی ہیں جو ایک دور میں ہوتی ہوتی ہوتی ہیں جن کے گئے تہ صفر ہوجاتا ہے۔



سطح کا کوئی مربع عنصر سینے سے متقابل اصلاع کے ایک جوڑے پرکے ماسی اعمال تہ فرس انتہا میں جنت تہ معن سی اسی اعمال تہ فرس انتہا میں جنت تہ معن سی ہائے ہیں اگر عفر کا ایک صلح معن سی ہو۔ اور چونکہ اس کی تعدیل دوسرے جنت تہ معن سی سے ہونی جا ہیئے اگر تا علی القوائم سمت میں ماسی مسل

راب ایک چسولهٔ مثلتی عنصر و الدب لوجو و برقائم الزاویه بهاور زورول

، ہوجب تغبیر کرو۔ سب ( سے متوازی تونوں کو تعلیل کرسنے سے ہیں حاصل ہوگا

تَهُ (ب + ت و أَحِم ط + تَ × و أحب ط = ت × وب حمط + ت × وب حب ط

م تد = (ست - ت) حب اطم ٢ - ٢ مم ٢ طه

يةً صفر بهو كاجب كه

ہواس نئے اس سے نیتیج پخلیا ہے کہ تر اور تہ مساوی ہیں ۔

(ت - ت)مس برط = ۲ ته

جسے ووعلی الفرائم سمتیں حاصل ہوتی ہیں۔

۱۳۹ --- اگرشکل می ہم بیان لیں کہ و آور و ب صفر ماسی عمل کی سمتیں ہیں ادر اگر قولوں کو ب اور اس کے علی انقوا تک سمنوں میں تحلیل ہیں ادر اگر قولوں کو ب كما جاسے توسیاوا تیں

ت = ت جباطه + ت جم ط

رة = (ت ي ت) جب طرم طر

عاصل ہونگی ۔

اس صورت میں مقاور سب اور ت بڑے سے بڑے اور جھو ۔۔ثے سے جھو سٹے باچھو نے سے جھو سٹے اور بڑے سے بڑسے تناؤں کو تعبیر نیگی اور

اس نئے ہم ان کوصدری تناو کہیں گے۔

بهما -- اگر اب برے حاصل زور س × اب کامیلان و (کے ساتھ ف ہوتو

مس فديه <u>ت × و ت م ط</u>

مس فرمس طرعت

(140)

ئ/×(ب = ت × وب + ت × و (' ر: من ع ت جباط + ت اجم ط

طر کو سا قط کرنے ہے ہیں ربط ملیکا

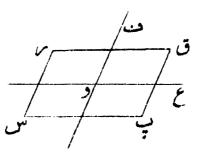
اگراب ستون در اور و ب مین نقط و کے صدری تناؤ ت اور ت مون اوراگر و ع کا سیلان و کر کے ساتھ طه بوتو و ع پرکے زور کی سمت وف

سى ۋىسى ھ د ي

سنه حاصل چوکی اور زور کی مقدار فی اکا نی طول سمت و من میں اس اقص کے نفیف سست تسیر ہوگی میں کے نصف محاور صدری تناؤل سے تعبیر ہوتے ہیں ۔۔

۱۴۲) | ۱۲۱ اسد مزووج زور - اگر و عیکا زور وف کی سمت نین عمل کرست تودث

برکا زور د ع کی سمت میں عمل کرے گا۔



كونكر اكربهم ايك ايسه عفرك توازن برغوركرين جوايك متوازى الاصلاء ب ق س من کی فنکل کا ہو اور جس کے امثلاع وع اور و ن کے متوازی ہوں تر دیب سے اور تی من پر کے رور متعاول ہیں اور اس ملٹے ینتیج تنکتا ہے

کرب ق ادرس سیبر کے زور بھی تما ول میں ہیں اور اس کے سمتوں و ع اور ع و یس عمل کرتے ہیں -۱۲ سے اگر و ع اور وف یں سے کے مزوج زور می اور می ہول اور اگر صدی تنامی تنامی ت کی سمت کے ساتھ و ع اور و ف کے میلان طر اور فہ ہول تو دفعہ (۱۲۰) سے مساوا تیں

ا = جماف + جباف مرا = الماف + جب الحف الماف الم

حاصل ہوتی ہیں۔ جہاں طہ اور فہ میں ربط سبھے

مسن فدمسن ط ﷺ طد اور وزکوسا قط کرنے سے

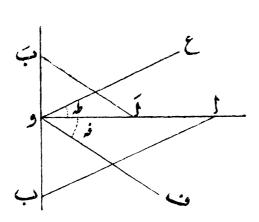
ニニージン

سام ہواکسی نقط پر دومزدد ج زوروں کا عاصل عزب تقل ہوتا ہے اور یہ مستقل ہوتا ہے اور یہ مستقل صدری تناوں کے حاصل ضرب کے مساوی ہے ۔
سوم م اسب ہی نیٹیج دو شلتی عناصر و را ب ، و را ب کے توازن کی شرطوں کو لکھے کیے اور را ب، وع مشلق ہو سکتے ہیں حہاں را ب ادر را ب، وع مشرطوں کو لکھ کیے سے حاصل ہو سکتے ہیں حہاں را ب ادر را ب، وع

ادر و ف کے متوازی ہیں ۔

ا*س طرح ہمی*ں مساواتیں

ی جم فد یا ت بب طاء سی جب فد یا ت جم طد سی جم طدیات جب فد است جم فد ممل ہونی جا ہئیں۔ان سے ہم ذکورہ بالاتن الج حاصل کرسکتے ہیں۔ (۱۲۲)



سم اساب اگریم ایک ملائم جبلی کی صورت بر غورکریں جوسیالی دباؤ کے زیرعمل سے اوراس کے ایک جھوٹے عنصر کے قوازن برغورکریں قرگز شخہ تین وفعات کے نتائج اس صورت بر بالکل علیہ ہو جائے ہیں کیوفکہ عما دی دباؤ کے اجزائے تعلیٰی انتہا میں بقا بلہ ماسی عمل کے معدوم ہوجا تے ہیں۔

8 م اسے صدری تناؤک سی شکل کی ایک ملائم سطے سال کے زیرعمل سے ۔

کسی نقط بر کے دباؤ معدد می تناؤں نم اوران تناؤں کی سمتوں میں انخاؤں کے درسیان رابط سعلوم کرنا مطلوب ہے ۔

فرض کردکہ ن کے متصل نقطے تی ، ق بیں جو ن میں سے گذر نیوالے فرض کردکہ ن کے متصل نقطے تی ، ق بیں جو ن میں سے گذر نیوالے

له طالب علم کویہ بیجولینا جا سبیئے کو صدری تناؤں اور صدری انخناؤں کے درسیان کو کی تعلق ہے۔ کو کی تعلق ہے۔

منان ایک ایسی جملی پرغور کروجو ایک اسطواز کے گردیدی گئی ہے جہلی پراسی گھائی کے مرغوبی خطوط( Helical lines ) کی کچر نقدا دکھینچو۔ گھائی کے مرغوبی خطوط کی معتوں میں تنایا جاسختا ہے جو بالا خربڑے سے بڑے تنا کو کی سمتیں

بن جائنگی اس صورت میں عمودی تناکو صغر ہوگا ادرایک کمون پر کے ندر کی ست اس کمون کے ستا سیلا کی ہوگی

صدری تناؤکے خلوط ن ق، ن ق برماتع ہیں۔ ق ادرق میں سے عادی مستوی کمینیجو جون ف ادر ن می برعمود مول ادر سطی کواب، ( ی قوسول میں (۱۴۸) فرمن کرد کر ق ن ۲ ق ن مرودہ کے متصلہ نقطوں میں سے گزرنے والی عادی مستوی قرسیں بج ، ج لاتراشی گئی ہیں۔ عنصرب د ، ماسي توتوں ت×اب، ت بي هم الم الله تربي ادر عمادي قوت د × اب × ب ج کے زیر عمل ساکن ہے۔ رُ فن کرد که منعنیوں ن ق من می کے نفظہ ن پرکے نصف قطرانخا را ر ہیں -تب ن پرعا د کی ثمت میں زنوں کو تحلیل کرنے سے ہمیں الا مرحاصل ہوگا و× اب× بج = ۲ ت اب <del>کار ک</del> +۲ ت ب ج <del>کار ب</del> د = ت + ت أرسط كى نوعيت اس طرح كى بوكه ت، يت تومساوات بالا بوجائيكي 十十二十十二二 جاں س، س صدری نصف قطرانخا ہیں۔ پس ارسطح کی مساوات ی = ف ( ۱۴ ) ہوتو = { ا+ (جنى ٢) جناً ا حبثى جنى جنى حبناى = - المجنى المجن

+ ( جعن می ۲ ) جعن می کا جعن می ۲ ) جعن می کا + ( جعن ما ۲ ) ) جعن ما ۲ اسل میا تھا۔ اس مسا وات کو لگرائج اور پاکسسن نے حاصل کیا تھا۔

۱۲۷۹ کسی سمت میں تناؤ۔ اگرت اورت کی سمتیں وہی نہ ہوں جو صدری تناؤں کی بیں تومسا وات میں ماسی عمل داخل ہوگا۔

سطیر کوئی نقطہ ولو اور و ( ) اکس ور سے برعل القائم کے کہ

د ب ایک دوسرے پر علی القوائم کے کر فرض کرد کہ ان سمتوں میں تناوُت ' ستک ہیں ادر ماسی اعمال هستۂ ست - و ہر

مما د و می تخییخو-عما د می مستویوں ( وی بب دی

مستوی کھینچوادر فرض کردکہ پیستوی سطح تو ج د، دع، ع ن، ن ج سی

قطع کرنے ہیں۔

تب بالاسخ ج د اورع فف کے ماسی اعمال مت × ج د اورت ×ع ف ایک دوسرے کے مساوی گرست میں نمالف ہیں، یہی حال ع د اور ج ف پرکے ماسی اعمال کا ہے ۔ ماسی اعمال کا ہے ۔

یں وی کے گرومعیارا تربیعے سے وفدہ ۱۳۸ کی طرح امیمعلوم ہوجاتا ہے کہ دیت ہے دیت۔ اگر سختی ہے د کے نقط (پر کے ماس کا سیلان مستوی لا ماکے ساتھ طد ہو تو

مس طه = جفرای × (و

له كونكرم مكوسكت إي

مسط = ف (ور) = ف (٠) + ورا ح ف (٠) + ....

(144)

اوراسي طرح نقطهٔ لا ير،

مس کم = جعن ایسی (- ول)

بسست وی مین اعمال ت × ج د اورت × ع ف کامجوعه

= ت× ج د جفایی و (- ت ×ع ف جفایی (- وا)

عد س × ج د × دع × جفناى

ادراسی طرح کی رقم عمل دیک سے حاصل ہوگی ۔ وی کی سمت میں تحلیل کرنے سے اب بہیں حاصل ہوگا

د ×ج ۷ × دع = ۲ ت ×ج د و را + ۲ ت ×دع وب +۲ت

×جد× دع جويم ي د ر = ت + ت + ت جفاي له ×

عهم ا - وفعات (٩١١) اور ( ١٨٥) سے بھي بين نيتجه عاصل كيا جاسكتا ہے

ادراگرچ بے طریقے بہت طویل سے ممکن اس میں یہ فائدہ ہے کہ میں صدری تنا کو کی سمتوں اور صساری انخا کی سمتوں کے درمیان ممیز کرنے کی اہمیت استھے طور رپر واضح ہوجاتی

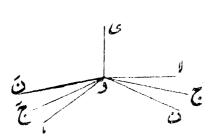
ے۔

بقيه نوشاصفي ١٢٠ - جهال ف (٠) ييمس طه كي تميت وربيني و بر جف على كي تميت اورف (٠) =

جن (جن ی ) یا (جف ای ) کا ویر-جن لا (جف ا

له- الأيم طحل كي قان كي عام ملر وليور اليك ميست في

ين بحث كر سي - Quarterly Journal of Mathematics, Vol. IV. 1860.



اگرکسی دو ملی انتوائم سمتول ولائو ما مین تنا کو مت است مول اوران میں سے کسی ایک سمت میں ماسی محمل میں ہوار دون مون میں صدری تنا کو ست، سف رول اورزا دیون ولا علم، تو وفعہ (۱۳۹) کی روست

ت = ت جماط + ت جباط ت = ت جباط + ت جم ط

ت = (ت - ت ) بب طرم طر

اب اگرصدری انخاکی متیں وج ، وج بول ادرزادیہ ج و لا = فه ،

ادر انخاکے صدری تضف قطری ، س بول آور و لا، و ما،ون، و ف می سسے گرسنے والی عما دی ترامنول کے نصف قط کم، ر، ر، ر بر بول تو

ال = جماف + جباف ، ال عباف + جماف الم

 $\frac{1}{r} = \frac{x_1^{3}(d - i)}{x_2} + \frac{x_1^{3}(d - i)}{x_2} + \frac{1}{x_2^{3}(d - i)} + \frac{x_1^{3}(d - i)}{x_2^{3}(d - i)} + \frac{x_2^{3}(d - i)}$ 

كسئمتين تناوئه

$$\frac{\Box u}{v} + \frac{\Box u}{v} = (\Box \cdot \dot{\gamma}_{1}^{1} d + \Box \cdot \dot{\gamma}_{2}^{1} d) \left( \frac{\dot{\gamma}_{1}^{1} \dot{c}}{v} + \frac{\dot{\gamma}_{1}^{1} \dot{c}}{v} \right) + (\Box \cdot \dot{\gamma}_{1}^{1} d + \Box \cdot \dot{\gamma}_{1}^{1} d) \left( \frac{\dot{\gamma}_{1}^{1} \dot{c}}{v} + \frac{\dot{\gamma}_{1}^{1} \dot{c}}{v} \right) + (\Box \cdot \dot{\gamma}_{1}^{1} d + \Box \cdot \dot{\gamma}_{1}^$$

$$=\frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}-\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^{2}$$
 $=\frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}-\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^{2}$ 
 $=\frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}-\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^{2}$ 
 $=\frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}-\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^{2}$ 
 $=\frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}-\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^{2}$ 
 $=\frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}-\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^{2}$ 

$$r = \left(\frac{1}{\sqrt{1}} - \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$$
 بين  $r = \frac{1}{\sqrt{2}}$ 

۸۲۸ سیم به و کیسته این که اگرانتخاب سفده سمتین و لا و ۱۱ صدری انخناکی سمول بر سنطبق موحالين تو فه = ٠ اورصا لطه بالا

سے اسے اسے اسے اسے اسے اسے اسے اسے جبکہ منتخبہ متیں صدری ناڈکی سمیں میں سے میں اسے جبکہ منتخبہ متیں صدری ناڈکی سمیں ہوں ا صدری انخبا کی متیں ۔

و مرا \_\_ اگر ہم ایک الیسی سطح کا تقیور کریں جس کی وعیت اس طرح کی ہوکہ ہیں سکے ی نقطه پر کا سُناوُ اس نقط میں سسے گذر نے والیے ایک خطائفسیم پر ہمیشہ عو د وار

مل کرے تو یہ تبایا حاسکتا ہے کو کسی نقطہ پر کا تنا وُ ہرست بیں دہی ہوتا کہے ۔ اگرامیسی سطح کے ایک جھو کے شلتی حصہ پر عزر کیا جائے تو ماسی مستوی کے کے ضلعوں کے تنا دُسے پوری طرح متعین ہوجا ہا ہے کونکہ ماسی

مستوسی کے قوار عالمہ (اگر کوئی موں ) مقابلة تناؤں کے الآخر معدوم موجا تی ہیں ا در چونکہ صٰلعول کے تناوُاصٰلا ع پرغمو و وار ہیں ان کوصٰلعوں کے کولوں کے

لئے تام متوں میں تناؤ کے اب وہی ہیں ۔ نيرسطخ يرتناؤ ببرنكه ونهى وكاكرو لنكه الراكب جهو سنيستطيلي عنصر برعور كمياحا

ترمقالد صلول پر کے تناؤمساوی ہو سفے چاہئیں -

میں بیا معنوں ہے۔ اس سم کی سطح کا تقبور کرنا ہا لکل ایسا نہی ہے صبیاکدایک کا ل ستوار جسم یا ایک سیال کامل کا تقبور زنا ہے تاہم ایسی سطحوں سکے قریب ترین نوسنے الغ جمیلوں ک

صورت میں ملتے ہیں۔ مثلاً مبابر نی مکبلہ کی صورت میں یا اُن حبیلوں کی صورت میں جو شیشے کی بوتل میں نظرائیں گی جبکداس کے اندر کے مائع کو خوب ہلا یا جائے۔ ائع جبلوں کی بخت کوم آیندہ باب تک ملتوی رکھتے ہیں۔

. ۱۵ – ایک ظرف جو ملائم اورامتدا د نایذ برشے سے بنایا گیا ہے گرمٹنی

سطح کی نشکل کا ہے۔ اس کو انتصابی محورے ساتھ یکٹ کرمتجانس مائع سے (۱۵۲)

تجر دیا گیا ہے کسی نقطہ پرصدری تناؤمعاوم کنامطلوب ہیں۔ فرنس کردکه و ظرف کا زیرترین نقطه ہے۔ و کو ممبدأ قرار دوسہ

لأكوا نتصاماً اؤيروار ثايواور <sup>°</sup>رض کرو کو کی افقی تراش

ن ع ق سے ۔ اوپر کا كاره زج بسب

جونا بت ہے۔ افقی تراسش ن قِ کے تمام نقطول یہ دما و صری

رُصْ كروكم نفسف النهاري تناوُست ميديني وه تناوُجومنحني إن سك نفط ن برکے ماس کی سمت میں نقط ن بر عمل راجع اور فرض کروکہ نقطہ ن بر ا نفی تناوُ کے ہے ۔ یہ صدر می تناوُہں۔ ترافش ن فی کے ساتھ ساتھ تا ؤ ہے۔ کا انتصابی حاصل سطح ن و ق برے حاصل انتصابی داؤی تعدیل کرا ہے۔

(1= 0 2 (1= 6 ) الدزاوي ن ت و طر

nr ات جمطه = كَبِي ف ما كَا فرلاً + ج ف n كا (م م لا) ا أكروج = م "

(104)

اس مساوات سے مت کا تعین ہوجا اسے ۔ اور ت مساوات 

سے حاصل ہوتا ہے ہماں دہ ج ن (م ۔ لا) ۔

یہ یا در سے کر شخنی (ن کے نقطہ ن بر نصف قطر انتخا ر سیمے ادراس سے

عمور وار جو عماوی تراش ہے اس کا نیم فطر انخنا کر لینی ن کے اسے ۔ ا ۱۵ اس سے زیادہ عام سکا حسب ذکر ہے ۔۔

ایک الائم ظرف گروشی سطح کی شکل کا سے اور سیالی و ہا وُکے

زرعمل سب اس اطرح برکدکسی وائری تراش کے تمام نقطوں برسیالی

واؤوبى سے كسى نقط يرك صدرى تناوسعاوم كرنا مطاوب بي ۔

فر فن کروکہ ن ع ت ن ع ق ق دومتصل وائری تاشیں ہیں اور

نقط ن برکا نصف النباری تناوُ ت سے۔ اگرون = سی تو دائرہ ن تی برمحد سکے متوازی عاصل ناکو

= ۱ ۱۱ ما ت فرلا ق ق بر و لا کے متوازی حاصل تناؤ

= ۱۲ (ات فرلا + فر الات فرلا ) معنس إارك ت عنس

له يه مساوات اس صورت كے لئے اس طرح مبی عاصل ہوسكتي سے ايك جھوٹا عنصرلوجوانحا كے خطوط سے محدود ہونینی نفعت الباروں اور افتی دائرول سے سیونیر ( Meunier كالمسئلاستمال كوه ادراس كاخيال ركموكه انخات خطوط كالتي تنعنى عسكام طور برهادي سنزي ہیں ہوتے۔

ان دونوں کا فرق اردارو ن ق م ن ق ق کے درمیان سطح کی جوبیٹی ہےائس پر کے و لا کے متوازی حاصل دباؤ کی تعدیل کرا ہے - برحاصل دباؤ د×۲ ہمامت میں فرا کے مسا دی ہے اگر دائرہ ن ق کے کسی نقطہ برکا دباؤ

د بپور

ت ن ن ت

سے حال ہوتا ہے۔ ۲ ۱۵ - و کوسا قط کرنے سے ہمیں ت اور ت بیں ایک ربط حاصل ہوگا لیکن بہتریہ ہے کہ یہ ربط بالراست حاصل کیا جائے ۔ ایک چھوٹا عنصرت ت می می لوجونصف لہمار قوسوں ن ن می می سے اور وائری قوسوں ن می ، ن می سے محدود ہے ، فرض کرو کہ تضعت النباری مستویوں کا در سیانی زاور یہ من فرجتے اور تضعف النباروں کے نقاط ن اور می پرتے ماسی خطوط کے درمیان زاویہ ۲ معت سانے ۔ تب ن س المن فر اور ن ن الله مف اس ن م اور ن م كى تنفيف كرف والے نفعت النباركى سمت كے متوازی تو توں کو تحلیل کرنے سے

ر اسامف نر) من اء ۲ ت من س جب معن سا

= ت من س ن مل = ت من س مامن و = ت من س مامن و =

اور چونک

ن سے عباط = فرا ، فکل دفعه (۱۵۰) (م ۱۵) اس کئے مساوات ذیل حاصل ہوتی کیے

خراتا) = ت

اور چنک زُ = ا قطط اس کے

ت + ت جم طر = c

اوراس کے ان وومساوا تول سے ت راور ت معلوم ہوجا ہے ہیں۔ بهلى مساوات سے ظل مرہے كه اگر كسى اختى تراكش برت اعظم يا اقل ہو

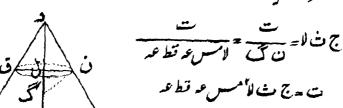
اور اس کئے <del>فرات</del> صغر ہوجائے تو

لکِن اگرا ہی اعظم یا اتل ہوتو یہ نیتجہ براکد مہنیں ہوتا کی کو ہم یہ نیتجہ نہیں انکال سکے کر فریت صفر ہے۔

براگر برنقط پر دی = دی تو فرت = ۱۰ اور اسس نے دی ستقل دی۔

سا ۱۵ — امتلہ – (۱) ایک محزوطی شکل کے کامل طور پر طائم اور کچکار تخیلے کو نیچے وار منہ کے ساتھ ایک اختی مستوی پر کور سے جوڑویا گیا ہے اور راس پر کے ایک چھوٹے سوراخ کے فرابیداس کو اکم سے بھر دیا گیا ہے وار راس پر کے ایک چھوٹے سوراخ کے فرابیداس کو اکم سے بھر دیا گیا ہے جس سے سکون کی حالت ہیں اس کی شکل تا تم مستدیر اسطوانہ کی شکل ہوجاتی ہے ۔ اگر ستوی سے اس کا الحاق توڑو یا جائے اور مائع با برکل پڑے تو اس شکل کی مسا دات سعلوم کروجو میرا ختیار کر بگا اگراس کے وزن کو نظرانداز کر دیا جائے۔

وَضَ كَرُوكُ نقط نَ يُركُون و ن كَ عُمودوارسمت مِن تناوُ ت جها اور محروط كا زاوي راس ٢ عد جها اور مخروط كا زاوي راس ٢ عد جها - اور مخروط كا زاوي راس ٢ عد جها - ت سهار الرول = لا ) عال مؤكا



لیکن ۴۶ ن ل ت جم عه = دن ف پر سامسل انتصابی دباؤ سیسہ جے مت ۱۹ لامسس عد

(100)

ن ت = لم ج ٹ الامس عد قطعہ زمن کروکہ مائع کل جانے کے بعد سطح جس گروشی سطح کی شکل اختیار کرتی ہے اس کا تکوینی منخی و ت ق ہے ، اور و ل = صا، ن ک ل= عا، اور ت

کا جواب ہے ۔ اگر نَ قَ = مف س ، منحنی کی ایک جھوٹی قوس

مف لا قط عر= مف س (ا + 亡 )

 $\left(\frac{\Box}{1} + 1\right) = 3 \left(1 + \frac{\Box}{1}\right)$ 

کیک کے مقایس کو دو ہوں سمتوں میں مختلف لینے ہے۔

یت اور ت کی حاصل شدہ قمیتوں کواستعال کرمے لا کوان ووسیا والتوں سے ساتط کیا جاسختا ہے اور اس طرح صنا اور عامیں آیک ربط حاصل ہوجاتا ہے۔

بهلی مساوات میں ج شیم مس عرفط عه $= \frac{1}{14}$  رکھواس طرح حال ہوگا

$$\frac{1}{\epsilon_1' U} = 5$$

س جمع عد مسل الله ، الرس كووت الاحاك

 $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 

لا کی رقبیت دو سری سیا وات میں مندرج کرنے سے حاصل ہوگا

امس عرمس (<del>س</del> حم عه)=عاً {ا+ <del>ج ٺ وامس عه تطع</del>مر ۲ <del>(اس</del> جمعه)}

جو شخی کی تفرقی مساوات ہے۔

اگرا = آرة وس عد عا فرم (س جمعه) + سمس (س جمعه) فی ایک طائم جملی نخیره نما ( ۲ ) ایک طائم جملی نخیره نما ( ۲ ) ایک طائم جملی نخیره نما ( ۲ ) ایک طائم جملی نخیره نما ایک زنخیره کو اس کے مرتب کے گردگھانے سے بوتی ہے ۔ اس جملی کے مرسے نضف قطر او کے دو مسا وی دائری مختول سے تابت کر دئے گئے جمیں اندرونی ہوائی دہائو کا اصنا فہ بیرونی ہوائی وہائو پر د معلوم ہے ۔

اس صورت بین انخا شقابل سمتون مین بین اور اگرن بر کاعماون گ بوتو بهرایک نصف قطرانخنا ن گ کے مساوی ہوگا اور فواز ن کی مساوتیں بنونگی

ت ـ ت = و به ن گ اورت = فرا (ات)

ادر چونکم نُک = آب اک فرا = د ما عبال د بخیره کامتقا ہے

نه تک دت ته) = د (۱۱-ک۱) جهان ته اس پر کا تفعف انباری تناوسیے

رر ت = تر + رس الا - كا)

ان میں سے پہلی ساوات حصد اللہ نے میں تواز ن پر عور کرنے سے فوراً عاصل ہوسکتی ہے جا ل زنجیرہ کے راس کو السمبر کرتا ہے اور بھر ت کی قیت مساوات ت ۔ ت = ورئسے حاصل ہوجا بی ہے ۔ اگر تحتوں کے وزن کو نظرا مذار کھیا جائے اور یہ فرض کھیا جائے کہ

بسسے

م ته = وک

ر پيرتنا و موجاتے ہيں ۔

(۱۵۲) مم ۱۵ \_ ہم نے اب تک مرت کیاں موٹائی کے پتروں پر عوز کیا ہے سیکن ایسی صورتوں کو بھی شامل کرنے کی خاطر جن میں متبرے متغیر موٹائی کے ہوں

تناؤ کا زیادہ عام ناپ در اینت کیا جا سکتا ہے ۔ فرض کردکم کسی متجالئس ا دے کی سلاخ از سب سے وزن و انگایا

فرض کروکا کسی متجاکس ا دہے کی سلاخ کا نہ ہے۔ گیا ہے اور سلاخ کی ترانسٹس کا رقبہ کہ ہے۔تب ن میں سے

گزرنے والی تراش پر کا تناؤم ِ وزن و اور سلاخ کے حصد

ن ب كيوزن كوتمامي بوئے ہے۔

ادراگران اوزان کا مجوعه نه که موتو نقطه ن برتناؤ

کا ناب فی اکا دی رقبہ تہ ہوگا۔ بیمعلوم رہے کہ مت کی پینسبت نہ کابگید نقبد راکی کے ب

تم ہے ۔ ورحتیقت اگرکسی نقطہ پر ایک ملائم پترسے کی موٹائی

ع ہواور اس بر کا تنا وُ ت ہو جرمعہ کی طریقہ سے تاش کی ٹی اکا ڈیطول کے گئے

معلوم کیا گیا ہے تو

ت من س ۽ ترع مف س

ت = ت ع

· L

۱۵۵ — اس باب کے مسائل عموماً ان سطوں پر قابل استعال ندہو سکے جو غیر طائم یا جن کی طائمت نا قص ہو۔ لیکن اگر کسی خاص صورت بیں سطح کے متصلہ حصوں کا در میا نی عمل کلاً ماسی مستوسی میں ہوتو تناؤ اور عمادی دباؤ کے در میان محصلہ روا بط بر قرار رمیں کے ۔

مثلاً اگرایک انتصابی سندریاسطوا نه کسی غیر الائم شنے سے بنا ہوا ہرسمیں سیال کھرونا کا اور اس کی نوعیت سیال کھرونا جائے توکسی نقطہ برکا عمل کُلاً ماسی ست میں ہوگا اور اس کی نوعیت سیال کھرونا ہے۔ تناؤ کی سی ہوگی ۔

## امثيله

ا -- یه فرص کر کے کربرانا کے فتکنید کے اسطوانے ایک ہی یا دی شف سے بینے ہوئے ہیں اور مرایک کے اندر زور ( Stress ) دہی ہے اسطوالا ل کی موقا یول میں نسبت معلوم کرو-

۲ - ایک اسطور نی فرن او ایخ او کے اور اس کے بتر سے بنایا گیا ہے اور اسی دبات کا ایک فرندا جس کی تراخی کا دند و کو عین سنجال سکتا ایک فرندا جس کی تراخی کا دند و کو عین سنجال سکتا ہے ۔ اگر اسطور انکو انتقابی عور کے ساتھ رکھا جاستے و معلوم کردکہ اس میں کتا سیال ڈالاعاب سکتا ہے کہ سطور نوائے ۔

سم ۔۔۔ و طعم ہوئے لہ ہم کی تناوی ( Tensile ) طاقت تراش کے فی مربع الیخ کے سلے میں مانت تراش کے فی مربع الیخ کے سلے میں اندون سونا کی سوٹائی معلوم کروجس کا اندود فی قطر اللہ ہم کہ اس پر کا زور اس کی انتہا کی مصنبوطی کا صرب کے ایک کا صرب کے ارتفاع میں مرم فظ ہو۔

مم مبنی بیت ایک بجون مخرو فاکو جس کاراس نینچوارے یا نی سے معرو یا گیا ہے -معلوم کروک افتی تنا وسب سے دیا دہ کہاں ہے -

یزمعلوم کرو که کون کی ثمت میں تنا و کی قیت سب سے زیادہ کہاں ہے۔

ے ۔۔۔ ایک ستطیلی صندو ق کے اوپر کا رُخ یکساں مجکدار بندمن ( ' Band ) کو اس کے ستھا بل صندوں پر اِ ذھ د ہے سے بندرو اِ گیا ہے بندھن دوسر سے اصب الاع بر

(104)

تھنیکِ ببیعتی ہے۔اگرصندو تی سے ہوا بتد رہے خارج کردی جا سے تو مجِکداں بندھن جو سکیں اختیار کرتی ہے ان کو معلوم کرو - اور جب بند صن صندوق کی تہ کو عین مس کرے تو ائس دقت کرہ ہوائی کے الدرو بی و بیرونی داؤں میں جو فرق ہو گا اس کومعلوم کردے۔ - دائری سوراخ کی ایک لیکدار بلی، مربع سوراخ کی ایکسسهاستوار بلی میر له کوندی ئی ہے جس میں وہ بغیر شننے ہونے کئیا کہ سلیھ جا تی ہے۔ نلیاں لا تمنا ہی طول کی ہی<del>ں۔</del> اگر بلیوں کے درمیاں ہوانہ ہوا درکسی وباؤ کی ہوا میکدار بلی میں داخل کی جاستے تو ثابت کرو کہ بیر دبا وُاٹس نسبت کے متناسب ہوگا جربحُکدار بلی کے اس صعدکو جواستوار ملی کو م کراہے اُس معد سے ہو مخی شکل کا ہے۔

--- ایک ظرف جوکسی تبلی شے سے بنایا گیا ہے مخروطی تمکل کا ہے اس کا رامسس یعیے وار اور محدانتصابی ہے ۔ اس کو انع سے بھر دیا تھیا ہے ادر اس کاسرا بند کردیا گیاہے اگراس کوا سے محدر کے گرونیکسان رفتارے کھمایا کیا گئے اوکسی نفظ پر سکے صدری تناؤ

٨ \_ ایک كروى نيكدار لفافه كرواوراس كے اندر بواسم جوكرہ بوائى كے وباؤ ( 拱 ) پر ہے۔ اس نئے ازر ہوا کی سیاوی مقدار و اخل کرد می گئی ہے ۔ ٹابت کروکہ نفا فہ مع مسى نقط يركا تناو T ( T و ترم ) / الأربو جانات جهان ابتدائي ادر انتياني

تفعف تطوكو رائر تغيركيتي س

- ایک نیکدار کرو تی بفا فہ میں حس کا قدرتی تضفت نظر لا سیے ہوا واخل کی گئی ہے حسس اس كا نصف قط ب بوجانا مع يعراس كوايك قالمه أيس حس سي سع بوا خارج کردی گئی سے رکھدیا گیا ہے جس سے اس کا لفٹ قطر ج ہو جا اسے - ہوا کی مقدار معلوم کرم جوامس میں داخل کی گئی ہے۔ یہ فرص کرایا جائے کہ نا وُسطی کے اضافہ کے سناسب کے • ا --- او منسف قطر کا ایک محکدارگروی نفافه مواسع بهرویا گیا سبع جس کی تبہشس • ا ر ت ) اور وہاؤ وہی ہیں جاگر د کی ہوا کے ہیں۔ تناؤسطے کے اصافہ کے متناسب ہے ادراگراندرونی بواکی مقدار دوچندکروی عائے تو تصف قطر م و موجانا ہے ادر بحراگر الدونی تمیش کو دی تک بڑا دیا جاسے تو تصف قطر ن الر موجانا ہے۔ نابت كروكه

(アート)(1-じ)じ・じ= -

نابت كروكم لا كمراني يُرصدري تناوُن مِي نييسبت بهوگي

71-111 + 11 + 11 + 11 + 11

یریمی معلوم کرو کر اختی تناو کہاں صفر موجا آ ہے اور تقبلے کئے ایک حصد براس کے منفی زونے

۱۲-ایک نصف کردی تحییلے کا مناک استوار مستوی سے ، جواس کی کوریر با ندھ دیا گیا ہے بندرویا گیا ہے اور بھراس کواوندھا کردیا گیا ہے ۔ نامت کرد کہ لا گہرانی برصدری تناؤ سىرىئىسى دوگى

۱۳۷ – لا تفیف قطرکا کروی تفا ذہشت کتانت کے ماقع سے عین مجردیا گیاہے۔ یہ تفافہ ایک قطرے گردیجہاں زادی دفتار سدسے کھوم رہاہے - حاذبہ کو نظرانداز کرکے ا بت كروكم كروش كريموسة زاد في فاصله درير صدري اتنا ونيهي

المست الله والمباد اوري ف المراكم وبا ف

الما - محدود مولاً في كاركا السطواني خول اليسي اقرى في سف س بنايا كلياب مبس كا ایک ڈنڈا ایک م رہج اپنج تریش کا بغیر مؤشنے کے تناؤیۃ سینبال سکتاہے۔اگریہ خول اندو دی سیالی وہاؤ ھ کے زیر عمل مو جواسطوا ماکو قرائے کے عین ناکا فی ہے تو ااب کرو کم ھ = تہ وک بیاں خول کے بیرونی داندرد نی لفت قطر او اور بین -۱۵ ۔۔۔ ایک مخروط میں دزن دِار انع ہے۔ اگر کمونوں کی سمت میں تمام نقطوں پر مخروط (۸۵۱) کا تناؤ دہی ہوتو تا بت کروکہ مائع کی کتا فت ، راس کے اور اس کے ارتفاع کے مرتبع کے تناسب معکوس میں ہے۔

السلام الم محدب المتداد نابذير لما عُم لفا فر گردشي سطح كى شكل كا ہے اور اس كے گردش كا محدر انتصابى ہے - نابت كروكد نفسف النهارو كى سرائتھا بى ہے - نابت كروكد نفسف النهارو كى سمت ميں سب سے چوڑسے حصد بركاتنا أو اعظم با اقل ہوتكا ليوجب اس كے كرية تناؤ كى سمت النهاروں كے عمود وارتنا ؤست كم يا زيادكو ہو -

کا ۔۔۔ قایم ستدر محزوط کی شکل کا ایک کا کم تقبلا اللہ سے عین کار دیا گیا ہے اوراس کے قام مستدر محزوط کی شکل کا ایک کا کہ تقبلا اللہ سے عین کا مدے کے مرکزے قامدے کی کورایک استوارستوی مے مرکزے واقع قوتیں اللہ برعمل کرتی ہیں جوایسے بدلتی ہیں جیسے ناصلہ کسی تفظر برصدر سی تست و معادری

معلوم کرو -اگرامستوارستوی میں ایک سوراخ کردیا جائے اوراس میں فشارہ لگا دیا جائے

اور پیمراس فشاره برایک هنرب لگائی جائے توکسی نقطه برصدری و مبکاتنا و معلوم کرو۔ ۱۸ -- اگرونند (۱۰) میں ، ظرن مکانی نماکی نمکل کا مواور اسکه میں سے گزرنے و الی افقی ترامش کے برنقط پر صدری تنا و مساوی ہول تو ناجت کردکہ محور کا طول و ترفانس

۱۹--- انع کی کچد مقدار جوایک بیتلے کر و می خول میں ہے انتصابی قطرے گرد کیساں زادگی سے مگوم مرہی ہے - کسی نقطہ پر صدر می تناؤ معلوم کرو اور گسو منت کی زفتار میں اصافہ کے انزات کی جانج کرہ-

۲۰ سایک ملائم سطح اس فتم کی سیکد اس کے کسی نقط پرکائنا و برسمت میں وہی ہوتا ہے اور جس کی منظم ساوات میں ہوتا ہے اور جس کی منظم ساوات میں ہو گئے اس کے اور اللہ کا ) سے حاصل ہوئی ہے ۔ میسطح سالی کے زرم اللہ کے ایک کے درم اللہ کے ساتھ جونسیت سے اس کو معلوم کرو۔

ا من سابت کروکرینسیت سطح می لاا = س ی (لاا + ماا ) کے ایسے نقاط پر ۱: س ب مال لا دا = ی

۲۱ --- ایک قائم مستدر اسطوان کیکدار ا دے سے بنایا گیائے دوراس کے سرے استواد مستولیوں کے ساتھ لگاد کے گئے ہیں۔ اس کوسل لی داؤ سے منا یا گیاہے - یہ انگر کرفیف النہاری اور داری تراشوں میں تنایس کی النہاری اور داری تراشوں میں تنایس کی گئید ( Hooke & law ) کے تابع ہیں ایسی مسا واتیں معلوم کرو جواسطوانہ کی اختیار کردہ فیکل کو یوری طرح معین تابع ہیں ایسی مسا واتیں معلوم کرو جواسطوانہ کی اختیار کردہ فیکل کو یوری طرح معین

كرنے ميں كانى موں - أثر دباو «ستقل موبة ثابت كروكر تضعف النهارى سخنى ج F } ((++ (1))-((++1)-(1))(++ (1))(++1) جهاں ابتدائی مضف تنظر لار کیک کاایک مقیاس لدا ادر مکمل کے مستقل

(اسب اج ہیں۔

۲۲ - ایک مجلوار جلی جکروه اتنی موئی ندم و نصفت تطرا کے اسطوا نے کی منحیٰ شکل ا ضتیار کرتی ہے۔ اگراس کے سرے ٹابت کرو سے جائیں اور اس میں ہوا واتفل کی عاب ادر کھراس کے سے بندکرد نے جائیں و نا بت کروکہ محرمیں سے گذر سنے والی تشکی ترانسس کو مجدد دکر سنے والامنحنی مهاوات

(أ+ف)( الح قط فر-١) = ١١ (ك - م)

سے ماصل مو کا۔ حباب فروہ زار بیاب جوماس محرر کے ساتھ بناتا ہے۔ محوربر کا عمو د ای میرونی واندردنی د!ژن کا فرق ۵٪ اور کیک کی مفرح له ہے ۔ مستقل بن الكي اورايك استرستقل حرمها وأت كي تكمل سے حاصل او كسط سرح معلوم ميميم بالمستحقة مي -

سرم الراك ظرف مهين الائم ادرا متدا دنا بذير ما وه سے بنايا كيا ہے -اس كي سكل ایسی سطح کی ہے جو ایک زیمیرہ ( Catenary ) کو حیکا سبل ک ہے اپنے محورے کرد تھا نے سے بیدا ہو تی ہے۔ اگر محورسے لا فاصلہ پر صدری شٹ اُڈ ت ، ت بول لونا بت كروكه

۷ ت - تُ : ۲ ت = لا /ک : جبز۲ لا مرک

جكرية فرض كرليا جائے كم الدرونى وبيرونى وباؤل كا فرق مشقل ہے۔ رِم ٢ -- اگرایک کلائم ظرف حیل کی چموین ، خط تدویر کو اینے فاعدے سکے کرد (۵۹) لمانے سے ہوئی ہے اکر سے عبن بحرا ہوا ہو جو بغیر کسی بیرو ٹی قوتوں کے عمل کے مورکے گرو یکساں رفار سے تھوم رہاہو تونابت کرد کو نفف النہاری

منحنیوں کی سمت میں ادران کے علی القوائم سمت میں تناؤں کی نسبت ۲: یہ ہے۔ یہ ان میائمیا ہے کہ دہائو محور پرصفر ہو جاتا ہے ۔

۵۷ ۔ ایک کا ل طور پر لائم خاف کی تکوین خط تدویرکو اپنے توریکے کرو گھانے سے ہرکی اپنے توریکے کرو گھانے سے ہر کی ہے اس کامحور انتصابی ہے۔ اگر خاف باتی سے ہر کی ہے۔ اس کامور انتصابی ہے۔ اگر خاف باتی سے تقریباً بھرا ہوا ہو تونیا بت کرد کر ایسے نقطہ برکا انقی تنائز جہاں ماسی مستوسی، افتی کے ساتھ ہم م کامسیلان

ر کھتا ہے زیر ترین نقط پر کے تناؤ کا م آخ ( جس - جس اُ کا کی جے - ظرف اِلکل

تجرا ہوا کیوں نہونا چا ہیئے ۔

۲۷ - ان کے نظایک فات اس طرح بنایا گیا ہدے ۔ ایک بے وزن تختی کے ساتھ ،
کیلے کا ایک لائم مکڑا جس کی شکل نیم قط و کے کرہ کے سنطقہ کی ہے لگا دیا گیا ہے
اس کیلے کی ایک مستوی ترامض تختی پر ٹھیک آجاتی ہے اور دوسری کرہ کے مرکز
میں شے گورتی ہے ۔اس فات کو بڑی تراش کی کورسے تھا م کر غیر متجانس لائے سے
میر دیا گیا ہے جس کی نخافت ایسے بدلتی ہے جیسے می ( لاا ۔ نئی ) ۔ جا جہاں ہی

گہرا تی ہے ۔ صدری تنا وُ کی نسبت معلوم کرو۔ ۲۷۔۔۔ ایک استداد نا نیڈ پر ہلا ٹم نفا فہ کی شکل گردیننی مکا فی ننا ( وتر نفا ص ہم او ) کی

ہے۔ یہ نفا فرک نصف قطر کے ایک ٹابت ا نفی دائرہ سے لٹک رہا ہے۔ اس میں مٹ کٹا فت کا سیال ہے جو نفافے کے انتصابی محور کے گرد زاو ٹی رفت ار

(ج/ ۲/ ب) أسي كلوم را ب- أابت كروكه نفأ فرك كسي نقط برمورس

ر فا صله پرانقی تناوُ بُوگا

۲۸ -- ایک ملائم جلی گردشی سطح کی شکل کی ہے نیف النماری منحنی اس طرح کا ہے کہ کسی نقط برکا مماد ، نصف قطرانخا کا ٹ گفاہے ۔ جلی کو ان سے عین بجر دیا

کیا ہے، پورا نظام شوس جہم کی طرح محور کے گردیکساں زادی رفنارسے کھوم رہا ہے اگر الع بہاؤ کی برونی ہوتی عمل نہ کریں اور محدیر دیا ڈ صفر ہوتو نا بہت کروکہ کسی نقلہ پرصدری تنا ڈ کی نسبت ہم ۔ ن : ا ہوگی-



(14.)

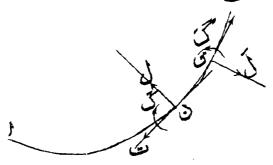
استوار یا تکیدار پترانسسیالی دبا ؤکے زیرعل

101- ابہم اسطوانی پترے کی صورت یہ وزکرتے ہیں جو سیالی وہاؤکے زیرعمل ہے اس طرح کرکسی کمون کے ہر نقطہ پربیددہاؤو ہی ہے۔ اگر کمونوں کے علی القوائم ایک جو و کی تراش (رف ف کی حالے تو

اگر ملونوں کے علی انفوا تم ایک عمو و می تراش کا فٹ ک کی جانے تو ٹ یں سے گذرہے والے اور کا غیر کی سطح بر عمود وار کمون سے جو دو حصے

حِدا ہو بنگے اُن کے درمیان کا زور ایک ماسی قریب ' ایک جَزّی توسیٰ اور ایک جفت پشِتل ہوگا۔

) الماني ات



کون کا اکا ان طول لیکرہم ان مقداروں کو ت، لی ، گ سے تغییر کرینگے۔ یہ ذہن نشنن رہے کہ عضرت می سے نقطہ ن پرعمل کرنے والے زور منا لف متوں میں عضرت ف کے والے زور منا لف متوں میں عضرت ف کے

نقط ق پر کے اعمال ہے جمع ہے ہیں۔ لی جہمت کی ہمت گی ہیں۔

زض کروکہ نقط فر پر کے میاس سے نقطہ تن پر کے ماس کا انصاف فر ہے

تب نقطہ تن پر کے ماس اور عماد کے متوازی تو توں کو تحسیل کرنے سے

اور معیاروں کو ن کے گرو لینے سے ہمیں پیسا واتمیں حاصل ہو تھی

مف ت + (ل + مف ل ) مف فر + دمف س مف فر = ، ،

مف ک - (ت + مف س ) مف فر + دمف س = ، ،

مف گ - (ل + مف ل ) مف س + (ت + مف س = ، ،

مف گ - (ل + مف ل ) مف س + (ت + من س ) مف فر مف س = ، ،

مف گ - (ل + مف ل ) مف س + (ت + من س ) مف س مف فر مف س این س سے ہے ،

(171)

$$\frac{i}{c_i c_i} + i = .$$
 $\frac{i}{c_i c_i} + i = .$ 
 $\frac{i}{c_i c_i} - i + c + c + c$ 
 $\frac{i}{c_i c_i} - i + c$ 

اگر بیترے کی فتکل دی گئی ہو یعنی اگر شخنی الن کی ذاتی مساوات دیگئی ہو ادر اگر د، فد کا معلومہ تفاعل ہو تو ان سیاوا تو سے سی کمون کے ساتھ ساتھ عمل کرنے والے دور کا تعین ہوسکتا ہے۔ کے 18۔ مستوی سپترا۔ اگر میٹرا کچکدار ہو اور قدر تا مستوی ہو تو ہمیں ایک زاید سٹرط عاصل ہوگی اور دہ میرکہ گ انخا کے متناسب ہوگامین گ = ع/ر مهان نقطه ن پر کانصف قط انخادری -اس صورت میں میسری مساوات ہو جائیگی ل ر = رع فرف اور اس کئے بہلی مساوات سے فرنہ فرفہ فرنہ = ع فرر

س طرح

ت یک۔ ع / جہاں ک متقل ہے۔ دوسری مساوات میں ان قمیتوں کو مندرج کرنے سے

 $\frac{3}{3} \frac{\dot{q}_{1}(1)}{\dot{q}_{1}(1)} \frac{\dot{q}_{1}(1)}{\dot{q}_$ 

اس مساوات سے پتر کے کی اختیار کروہ شکل کا تعین ہو جا کے گا جبکہ دباؤ کا قانون دیا گیا ہواور یا دباؤ کا فانون معلوم ہو جائے گا جبکہ اختیار کروہ

شکل دی ځئی مپو-شکل د می ځنی مپو-

نگل دی تی جونت انیسی صوریت میں حبکہ دمستقل ہویا ر کا ایک دیا ہوا نفا عل ہو تو

فرر ) = ى ر كھنے مساوات بالا كا بہلا يمل عاصل روسكما ہے اور اس طرح بم

<u>فرر</u> فرفغ راه مراه کاروم میں معلوم کر لیتے ہیں۔

۱۵۸ — اگر قدر تا بیزا دی موتی اسطوانی شکل کا ہو اور اس کو قدر تی شکل سے اسلام کا ہو اور اس کو قدر تی شکل سے جبکا ؤکا جھنت ہے الخنا کے نتیر کے متناسب ہوتو مرکا - اس طرح اگر ٹن پر صدری نفسف قطر انخنا در ہوتو

گ = ع ( ل - ل )

اس میسا دات کی صداقت اس مفرد صنه پرمنبی ہے کہ اوسطار میشمر کا طول کونوں کے علی العقوائم غیر متغیر رہتا ہے۔ ہم شنے یہ بھی ان لیا ہے کہ بیرونی سیالی دباؤے وجود سے مساوات پر کسی تسم کا اٹر نہیں ہوتا۔ 9 ما - نا قصی اسطوانہ - ان مسا واتوں کے استعال کی توصیح کے مسے ہم نا فقسی اسطوانہ کی صورت برغور کرتے ہیں جوکسی بٹلی استوار شئے سے بنا ہواہے سرول برنبد سب اور مواسے بھرا ہوا ہے جس کا دباؤ بیرونی ہوا کے دباؤ سے رزیادہ ہے ۔ () کو ساقط کرنے سے عاصل ہو کا فرات + ت = در مزدوج تحرک ایک سرے سے س اور فدکونا ہے سے اور، مبدلوں کو بلنے کے طربقہ سے بیر معلوم ہوگا کہ ت = د (واجباف+ب جم فر) + رجم فه بسب حب اوراسلے کے (جب فر- سب جم فر- در (الا-با) جب فرجم فر- (الاجب فر + ب اجم فر)

تشاکل کی روسے اور نیز عمل و رو عمل کے مساوی موسے کے کلیہ کو استعمال کرنے سے یمسٹنبط ہوتا ہے کہ او جبین ( Apses ) برگ صفر موجا تا ہے بینی جبکہ فہ = ، اور جبکہ فہ = لکتہ -بیس یہ معلوم ہوگا کہ ( = ، اور مب = ، اوراس کٹے ت = رون اور ل = - د ال ج د جب فرجم فه فرگ = ل ر = - د (الا - ب ٔ) الا ب اجب فرجم فه فرفه = ل ر = - (الا حب انه + ب مم م فر) ۲  $\frac{e^{2} + e^{2}}{2} = \frac{1}{4} \cdot \left( \frac{e^{2} + e^{2}}{e^{2} + e^{2}} + \frac{e^{2} + e^{2}}{2} + \frac{e^{2}}{2} + \frac{e^{2}$ وله و ( ع د به ستقل) (5で-5を), = 5-5と)

(۱۹۲) او آفر بهر-سم نے دفتہ (۱۳۴) میں میشادیا ہے کہ تو بید ادر لدنید متعافلاً وہبی سختی ہیں۔ آگر ایک بیتلی مجلوار محتی کے مقابل کے کمنا روں کو ایک دوسرے کی طون اگر ایک بیتلی مجلوار محتی کے مقابل کے کمنا روں کو ایک دوسرے کی طون تکھینچکا ایک جیئت یا نتنی ہوتی حا در کے ذرایعہ ملادیا جائے تو متعنی سیدا سفدہ و فعہ



اس صورتِ مِن مدع، إورمشق کے طور پریہ دیکھ لینا مفید ہوگا کہ دفعہ کی مساوات کے تکمل سے تو ہید کی ذاتی مساوات حاصل ہوتی ہے۔ اگر ملا نے والی چا در کا تنا وُ ق ہوا ور ن بر کا تنا وُا ور جزی قوت علی الترتیب من اور کی ہوں تو پترے کے حصہ ن ب کے وازن بر غور کر کنے سے یہ مساوائیں حاصل ہوتی ہیں ت = - ق م فرا ل = - ق جي فر

ا ۱۶ – ایک پتلا میکدار پنترا و ومتوازی نابت سلاخون پررکها موای -اس پر

د اِوْ دُالکراس کو توبیه کی شکل میں تبدیل کرنا مقصود ہے۔ دا کہ کا قابون معلوم کرو۔ مقاوير عس أورك وونول ال خطول يرضفر جو ماتين جسلافل

كومسر كرتة بي - اوراس ك ان خطول پرتفعت نظر انخا لا متنابي بوگا-اليس مسأوات

> ت یک - ع ين بهم ديڪيتے بين كو سك = . اور اس كئے

ن ـــ ـــ

توبیہ کی ذاتی مساوات ہے

ر الم = م (جم فد -جم عد) ت

اور دباء و مساوات دين سي ماصل وزاست

 $\frac{\xi'}{\xi'} - \frac{\zeta_{(2)}}{\zeta_{(2)}} + \frac{\xi''}{\zeta_{(2)}} - \frac{\zeta_{(2)}}{\zeta_{(2)}} + \frac{\zeta_{(2)}}{\zeta_{(2)}} = 0,$ 

(۱۹۲) عمل اندراج سے سیسطوم برگاکہ در = عجمعہ

اب توبيين دفعه (۱۱۳۱)

= 1

و = ن ل× عجم نر

اوراس کے مطلوب وباؤ، ف کتانت کے مائع کو ڈالنے سے عاصل ہوسکتا ہے ایساکہ عجم عد = ج ف م

یس تو بیہ کی شکل مساوات بالاسے حاصل سٹدہ کتا فت کے مائع کوسلاخول کی ہموار سطح کک ڈالینے ہے بر قرار رکھی جا سکتی ہے۔ ع

 $\frac{3}{4} \frac{6}{4} \frac{1}{4} = -\frac{3}{4} \frac{6}{4} = -\frac{3}{4} = -\frac{1}{4}$ جب فر

ل يه سرج ث هم أنه جب فه قط عِه

ہاں ائیں طرف کے صدی ہی وائیں طرف کے حصد پرجزی ہوت کی اس طرح ۔ ل ہائیں طرف کے صدر کی وائیں عرف کے صدر کے مطرح ۔ ل ہائیں طرف کے صدر کے عمل کو بقیر کرتا ہیں۔
صدر کے عمل کو بقیر کرتا ہیں۔

ـ ل = ن ف م مس

اس آخری نتیجہ کی جانخ اس امرے معائنہ سے ہوسکتی ہے کہ سلاخوں کے نتعا مل مائع کے وزن کو تھا ستے ہیں -

> اس طرح ۲- کرج ن ن ل فرلا

- ۱ را مع من من الم الم المراق المرا

= ا رَّح الله الم الم م فرفه على الم الله على الم

۱۶۲ --- اگرایک دیئے ہوئے ہترے کوموڑ نے سے لدنیہ حاصل کیا جائے اور سرے برکے کمونوں کوایک ہی افقی مستوی میں نابت کر دیا جائے تو ہ اور ج پرگ = · اور ہر مرے پر کا زور ماسی اور عما دی اجزاء ترکیبی پر منتمل ہوگا۔ اب اگر ہم اس خاص لدینیہ کے موزوں کٹانت کا ما رئع انڈ میلیتے جائیں تو اس کی شاہت عیر متغیر رہیگی لیکن ب اور ج پر سس کی قیمت پر ہجائیگی اور کی غیر متغیر رہیگا۔

امثله

ا ۔۔۔ ییلے استوار بادہ سے بنا ہوا ایک ظرف جومتدیراسطدانہ کے تفف مصد کی کل کا ہے با نی سے بھردیا گیا ہے اور انتصابی تو توں سے جو اس کو صدود کرنے والے افقی کمونوں برعمل کرتی ہیں تھا اکیا ہے تنابت کروکہ زیرترین نقطہ سے فد فاصلہ یر کے نقطہ یرزور ہونیگے

ا يسي كم ٢ ت - ع ف و ( وجب فر + جم فر) ٢ ل = - ع ف و فر فرم فر

المكتب يت والرتاء وجب فريج من )

۲---- ایک بترا استوار مکانی اسطوائے کی شکل کا سرے جو کمونوں پر علی الغوائم ستو ہول سے محد دو ہے۔ اس کو ایک ظرف کی طرح استفال کیا گیا ہے اور مہین کیراے کی ایک بہتی سے جو وترخاص کے سروں میں سے گذر نے والے کہ بواں کو لماتی ہے اس کو بند کر سے اس میں ہوا بھر ونگئی ہے جس کا واؤ ہر ونی ہوا کے وباؤستے بقدر حرکے زیادہ ہے۔ اگر بٹی کے عرض کو وتر خاص (مم و) کے ساتھ نسمبت، ۲۱ ماری مم ہو تو راس پر کے ماس سے فہ نا یک زنا بت کرد کہ

مع --- ایک استوار اسطوانی ظرفت کی الدرونی ہوائ دبار ہیرونی ہوا کے دباؤ کے دباؤ کے دباؤ کے دباؤ کے دباؤ کے کا استواری عمودی تراض دو تدویری خطوط کی نوسوں سے بنی ہے جن کے سرم ایک دوسرے پر تعمیک میٹیٹے ہیں کیسی کمون پرسکے زور دریافت کرد- مہم-- ایک استوارمہین بترا اسطوانہ کی شکل کا سبے جس کی عمودی تراض نکیٹیرہ

(14.0)

س ہمک مس فر ہے۔ اس بترے کے مقعر حصد بر ہوا کا دباؤ بیرونی ہوا کے دباؤ سے بقدر د کے زیادہ جسے اور بترا زبخیرہ کے محور کے متوازی دوساوی تو وس سے تعاما گیا ہے۔ یہ تو تیں راس سے زاد نی فاصلہ عد برعمل کرتی ہیں ۔ نابت کرد کہ

جاں سک =  $\frac{1}{7} \left\{ \sqrt{2} - \frac{7}{7} + \frac{3}{7} \right\} - \frac{1}{7}$  قطاعہ يزنا بت كروك تبا منے والى ہرقوت

 $(\frac{r}{r} + \frac{r}{r}) \sim (\frac{r}{r} + \frac{2r}{r})$ 

۵ --- ایک ستوی کیکدار بیترا د و امتوازی ا نفی و ندو ل برشکا زوا ہے او برگی ہوا کے متقل د با دُسے اس کو ڈندگوں کے درمیان مینچے کی طرف موڑا سکیا ہے ۔ نا بت کرو کہ لفف قطر انخار اور انصار ف مساوات

> ( فرد ) - ك لا - راً - عو راه را فرد )

ہے مربوط ہو جنگے ۔

البسسة وباؤكا كليد معلوم كرو جواس بترس كو زنجيره كى شكل ميں جھكا دے۔ كالسسة اگراسى پترسكو ايك مكانی اسطوانے كی شكل ميں مجيكا دیا جائے تو ٹا بت كردكد راس سے زاو كى الفراف فر پرسيالی دبائر ایسے برنناہے جھیسے جمع فد ( ، جم آف - ۱۱)

\_\_\_\_\_>;:c\_\_\_\_\_



ا --- یہ ایک مشہور مات ہے کہ اگر چھو نے سوراخ کی ایک سنسینے کی الی کا نی میں ڈبودی جائئے تو نمی کے اندریا ن کی سطے بیرون اِن کی سطے سے ایکی

ہو آبا تی ہے۔ یہ ابت بھی اتنی ہی مشہور ہے کہ اگر نلی ارہ میں ڈبو وی حا۔

اندرونی پاره کی سطح برونی پاره کی سطئے سے نیجی ہو گی۔ اگرسٹیشرے آبخرے میں یانی بروتواس کو دیکھنے سے معلوم ہوگا

کہ خط تماس پرائع کی سطر کا اسخنا اوپر واڑ ہے۔ اور پیسٹ پیشا کو ایک خاص زا دمیا

برحمیٹی ہوئی نظرآتی ہے۔ اگرآ بخرے کو احتیاط سے پورانجر دیا جائے تو یا نی کی سطح آبخورے ی جوٹی اِ سرکے مستوی تے اوپر کٹ چڑھ جائے گی اور آ تی سِرے ۔

کے اوپر انجوا ہوا دکھانی دیگا۔

اگر مینر پر با نی گر جائے تو اس کے حدود معین ہوتے ہیں اور منحنی کنارے

میزسے چھٹے ہوئے ہوتے ہیں ۔ ان دا قعات ادر ان کے مثل دوسرے ادر بہت ہے واقعات کی توجسیہ آن قونوں کے وجود سے ہوتی ہے جوسیانوں کے خود سالمات کے درمیان ادر نیز کھوس اور سیالوں کے سالمات کے درمیان کل کرتی ہیں جبکہ مخوس اور سال ایک دو سرے سے تماس رکھتے ہوں۔ کسی خاص

سالمه کی توت کےعمل کا میدان لا انتہا جھوٹا ہونا ہے۔ اور چونکہ بیسالمی قوتیں بہت جیو نے جیو ملے فاصلوں پر ممل کرتی ہیں کا اس کئے جہا ک کہ کہ سالمی قو توں کا تعلق ہے متعانس جسم کا سرعنصر بشرطیکہ وہ جسم کومحدود کرنے والی سطح ، ز دیک نه موایک بنی تسم ای حالات کے سخت ہو گا۔ دیکن خود سطح پرکسی خاص سالمہ کا کرؤ عل الکمل ہو گا اور یہ سالمہ محدود کرنے والی سطح کے بیرونی عاب جس مسمے کے مادہ کئے سالمات ہوں ان کے میدان عمل میں آ<sup>ت</sup> حائیگا زاگرہم یہ مان لیں کہ میدان عمل کے خطی ابعاد بنقا بلہ سطح کے تصفیطر انخاکے لا اُنتا کیموٹے ہیں توجہاں (۱۹۷) | یک سالمی قوتوں کا تعاق ہے دو متجانس استعاری سطح فاصل کے تمام حصے ایک ہی قسم کے حالات ك لحت موسم يسطح توالى في إلفتوه جوسالمی قرنزں کے اعث بیلا ہوگی دہ سطے کے رقبہ کے ساتھ ایک متقان سبت رکھیگی میشنفل تماس ر مکھنے والی ہشدیا ، کی نوعیت پرسخصر ہوگا-مع ١٩ ا -- ايك متعانس الله ايك ظرف ميں طاؤم ارض كے زير عمل ساكن -اس صورت پرا صول توا ما نی کا استعال کے ۔ توازن کی صورت میں تو'نا ئی با بعتوہ کی قبیت ساکن یا اچل ہو نی جا ہیئے۔

ف وه سیدان حب میں شعری تو تیں عمل کرتی ہیں لاا نتها محیونا مؤنا ہے۔ ( Quincke ) نے ایک وہ سیدان حب میں شعری تو تیں عمل کرتی ہیں لاا نتها محیونا مؤنا ہے۔ ( ) مؤالیب تھا یا نی ایک شخص کے ایک میں ایک ہی تھی میں ایک ہی تشم کے مظاہر شاہدے میں آگے ۔ ( 1870) Pogg Ann. CXXXIX ( 1870). p. 1.

Mathieu. Theorie de la capillarite, 1883.

کہ توت شعری کے نظریہ کی بیجٹ ۔ سے لی ممکی ہے ۔ یہ توانا ٹی با نقوہ جارحصوں پڑسٹنل ہوگی لینی تقلی توانا نئی ج ن کا کرک فرلا فرما فری جہاں عنصر فرلا فرما فری کا ارتفاع می ہے ، اور فاصل طحوں کی توانا ٹیاں جو (عمر) مائع اور ہوا کا ہر) مائع اور ظرف (حمر) ہوا اور ظرف کو عبدا کرتی ہیں۔ پس یہ صروری ہے کہ

نے نے کر آری فرافرافری + (س+ ب س + ج س ساکن ہوجیاں ہیں میں میں ہے بائر تیب طعیں (عمر) ( + ) د مر مادر (ب) ج سے ان کی قوانا ٹیاں فی ا کا فی رتبہ تغییر جہتی ہیں ، اس سفیرط کے تا بع کر جم کر کر فرافر فرافری مستقل بہتا ہے۔

مانع اور ہواکی درمیانی طع فاصل میں سکے خفیف بڑنا ٹوکی صورت میں اگر مطع اسکے خفیف بڑنا ٹوکی صورت میں اگر مطع اسک سکے عما و کے عنصر کو مصن ع متبرر سے اسکے متناظر عناصر کے درمیان واقع ہے تو پہلی رقم کانٹیر صرعاً ہے مشارک مصن ع فرس، اسکے متناظر عناصر کے درمیان واقع ہے تو پہلی رقم کانٹیر صرعاً ہے مشارک مصن ع فرس، موگا۔

اولاً فرعن کروکہ مار نئے جس خطر پر طرف کوسس کرتا ہے وہ نہیں براتا اُس معورت میں سی اور سس مستقل رہیں گے اور سی بدلکر سس ہر حاستے کا سس کے ایک ایسے عضر فرس، فرس، پر غور کروج خطوط انخنا ستے محدد دہے ۔اس عضرکے

طہ یہ مکن ہے کہ انع کی کٹافت رسطم کے لاا نتہا نزدیک سلمی عمل کی ، جسسے برلتی ہولکین چوبکہ ستغیر کٹافت کی دکی موٹائی بتھا لمبر معف ع کے لا انتہا چھوٹی ہوگی اس سلے استدلال کو متا خر کتے بغیراس تغیر کو نظر انداز کمیا جا سکتا ہے ۔ صرودیں سے گذرکے والے عمادسطے میں کوعنصر قرس فر میں میں فطع کرینگے اور اگر میں اس میں فطع کرینگے

فرس = (ا-منع ) فرس، فرس = (ا-معنع ) فرس

(۱۲۸) ه فرتس - فرس = فرس فرس - فرس فرس = - ( ملم + بل) مفاع فرس فرس ا با معت فرس = - ( لم + بل ) معت ع × فرس

لیکن ہیں مطلوب ہے ج شاکری م*ن ع فرس + {مف کر فرس = .* 

یا یک کر از جائے کا دیا ہے۔ اس من طاکعت کے جمعقل رئیا ہے مینی کر مفدع فرس = ، کیس

جباں ف مستقل ادر من ع اختیاری ہے۔

: (رئے + ئے ) = - د + متقل :

لفني

1) .... .. » - TT= ( 1 + 1 ) )

کے ستقل کا آ کےسادی مزمااس طرح ظاہرہے کا گرستگی وانائی ﴿ صَغر بوتی تو اَنْ کے اندرکا رَادُ الْحَٰ الدرموا کی سطح فاصل کے نزدیک کرہ ہوائی سے داؤ کے سما دی برتا -

جاں کرہ ہوائی کا دباؤ آ اور النے کی سطح کے عین اندر کا دباؤ دیے اس سے معلوم ہواکہ اثر و ہی ہے گویا کہ طبیناؤگی حالت میں ہے اس طور پر کر کسی نفطہ بِتقل اورتوانان في اكاني رقبر اے سادى ب-

نانیا فرص کروکہ اربع اور ظرف کا خط تماس سے س یک بسط با

*ي محدود سبي اور و مهراص جو خط نه* اور سَ کے درمیان کے۔ گذست ترکی طرخ ہمیں حاصل ہوگا

ص-س=-اگر(ن + ن ) مفع فرس

ادراگرمین لهسی عناصرفرس، فریس کا درمیانی فاصله شبیر بوتو صکی کوسطی میس (۱۲۹) پرظون کی سطح کے منا صر سکت لہ ، فرس کاظل تقدر کیا جا سکتا ہے ہیں اگر شطح میں اور سطح میں کے عما دوں کا درمیانی زاویہ آہو ہو

ص عركم أمف له فرس

مف س = مف س = کمف لافرس اب چنکو توانائی بالفوہ ساکن ہے اس کے

من إن شارك فرلافرا فرى + اس + بس بنج س م

اس شرط کے اتحت کہ کمیت منتقل ہے ۔ یا

ع ف کری منع فرسی ۱۰ (ص م ص - س) ۱۰ ب مندس ۲۰ مندس = -یا کراج ف ی - (رئیسه یا) معندع فرسی ۱۰ ((جم آ + حب سی ۲۰ ) مندله فرس = . اس فرط کے تحت کہ

كرست ع فرس = .

اور چونکه معنه له اختیاری سیم ۱ اس سیم مساوات (۱) حسب سابق حاصل موگی اور نیزز

علی ہو گاجیں کا پیسطلب ہے کہ مائع اور ظرف کی طحوں کا درمیانی زاویدان کے خطاتعاطع میستقل رہتا ہے یہ

خط تفاطع میرسته قل رشاسرے ۔ ۱۹۵ – متذکرہ الا بالاں برعورکرنے سے نیز تجربوں کے منتجوں کی بنانیج دوکلیوں رمنهجة میں جبرکریں تالی از کردیں کروں میں

پر پنجیجة بین جن کواس طرح بیان کیا عباسکتا ہے۔ مرب نزید ایک دورا کو ایک ایک دورا کا معلم دورا کا اورا

ر ۱) اس محدو دکر ۔ قد والی سطح پر (جوما ٹیغ اور ہوا کو حدا کر تی ہے) یا دوما تعات کے ورمیان کی سطح ناصل پر سطحی ثنا و مونا ہے جو ہر نقطہ پراور ہر مہت میں و ہی ہوتا ہ

که ورمهان می سط ما نسل پر حی سا و موتا ہے جو ہر معظم برا در ہر مست میں وہ می ہوتا) (۲) کمیس اور مائع کی سطح فاصل یا دویا تساست کی سطح فاصل شوسر جسے کو جس ا

خط پرلمتی ہے اُس خط الصال براس سطح اجرہم کی سطح کے درسیان ایک عاصل زادر یہ بنے کا جو تھوس اور ما نجانت کی نوعیت پرمنحصر ہوگا۔

عب کا بوطوری اور معاف کی تو بیگ پر حضر ہوتا ہے۔ پانی اگر سنیٹ کے برتن میں ہوتو یہ زا دید عا د ہ ہوتا ہے۔ بارہ کی صورت میں یہ زاد بیمنفر صربرتا ہے۔

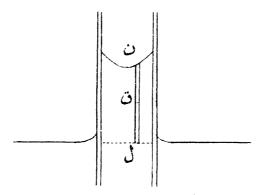
له شکل میں جو انع اور فرات کا خطائماس ہے اس کا عنصر فر س کن ق ہے اور خطوعا سَ ، ف کے متنا فر عنصر کن ق کے متنا فر عنصر کن قت کے متنا فر عنصر کن قت ہے کیست کا تغییر جو یا تی اور فران کے خطائما اس کے اطلاعات کی صفیر مقابلہ ہاتی کہیت کے اعلیٰ رئب کی صفیر مقدار ہے اور اس کھے نظرا ندائر کیا جا سکتا ہے ۔
کی صفیر مقدار ہے اور اس کھے نظرا ندائر کیا جا سکتا ہے ۔

(14)

ان کلیول کومان کرہم قوت شعری ادر ما تع جیلوں سے متعلق مختلف مظاہر کی توجید کرسکتے ہیں۔
توجید کرسکتے ہیں۔
149 ۔ دو شختیوں کے در میان مائع کا چڑھاؤ۔
اگر سطحی تنا وُ ت ہو ادر ستھل زادیہ عمہ ہوجسپر مائع کی سطح برشختی ہے۔
ملتی ہے اور جس کوہم قوت شعری کا زادیہ کہیں گے اور او سط چڑ ہاؤ بن ادر تختیول

سمی سیسے اور حس کوہم فوت مستوی کا زاویہ کہیں سے اوراو سط پڑٹا ہاؤ ف اور محتیوں کا در سیانی فاصلہ ۵ ہوتو ٪ اکا ئی عرصٰ کے مائع کے توازن پر عوز کرنے سے ۲ ت جم عہ = ج دف فف د

بس تفتیوں کے ور سانی فا کھیے کو گھٹ نے سے مائع کا چڑا و برہتا ہے۔



یوسٹا بدہ طلب ہے کہ کسی نقطہ ق برکا و باؤی ل پر کے و باؤے سے بقدر ج ن × ف ل کے کہ ہے۔ ج ن × ف ل کے کہ ہے۔ اور ن = اللہ ج ن × ف ل

اور من علی الله من من الله کا دباؤ بیرو نی سطح آب پرکے راؤ

کے تعشب بیا مساوی شہرے اسٹ سنتے پنیتج بھلتا ہے کہ عنصر ن کی کے وزن کواس کے اوپر کے حدود کے سطی تناؤں کا حاصل تھاہے ہوے ہے۔

٤ ١٩ -- دائري نلي مين الع كا چرها و-

اس صورت میں مائع کے سنون کو وہ تنا کو تھا میگا ہوستوں کے اور کے صدورے کے در اس کے اگر ر اندرونی تضعف قطر ہوتو

۱۹۲ رت جمع =ج ث ۱۹ ون

۲ ت جمعہ = ج ٹرن

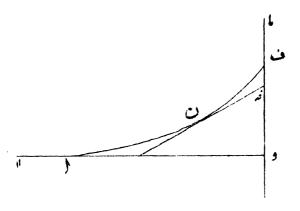
اس طور پر تہم ہوئے سنون کے کسی نقطہ برکا داؤ چوبکہ کرہ ہوائی کے داؤے سے کم ہوگا اس کے اگرستون کا نی طور پر لبند ہوتو ہے داؤتنا وکی حالت میں ضم ہوجائے کا گرمچر بھی سیالی داؤکے اس کلیہ کی کیا بندسی

<u>ئے نصف تطریر نمجھ رنہیں ہوتی -</u>

۱۷۸ سنتعاری سختی - شعاری خنی و هنگل ہے جرما نع انتصابی و یوار کے ساتھ ا

تماس میل فتیار کرتا ہے۔

ہم الیسی صورُت برغور کرینگے جس میں مائع اور دیوار کا زاویہ تماس حادہ بومٹلاً جب یاتی سفینے کی ایک انتصابی تختی کے ساتھ نماس رکھتا ہے۔



(161)

اگرانتصابی دیوار و ف ہونا ئع کی قدر تی سطح و ( کن می*ں سے گزن*ے دالی د بوارکے عمود وار ترامنٹس کا نصف قطرائخنا زاور سطی تنا وُ ت ہوتو و فعہ ( ۱۹ ۲) کی مساوات (۱)۔۔'

> ت = n - c = قانا بس م ت =ج ٹ ک رکھنے سے را= كرا

اور د فعه (۱۳۵) کی شکل کوالٹا وینے سے ہم دیکھتے ہیں کہ شعاری منحنی لدینی کی ایک

يه خاص صورت اس كئے ہے كه و (منحني كاماس ہے بيس فرا/ فرلاء ، جبكه ا = ،

ادراس طرح کارٹیزی مساوات حاصل موسکتی ہے سنتکل سے ظاہر ہے کہ فرال جوزادیہ (۱۷۲)

٣/٦ + فكاماس مع منفى سب اور تعدا وأ كم مثنا ب اس سنع بمتيب كلنا سب كر فرا/فرلا منبت بعاورمساوات برراءك بروعاتي ب

$$\frac{\dot{\zeta}_{1}}{\dot{\zeta}_{1}} = \frac{\frac{\pi}{2}}{\left(\frac{\dot{\zeta}_{1}}{\dot{\zeta}_{1}}\right)} + \left(\frac{\dot{\zeta}_{1}}{\dot{\zeta}_{1}}\right) + \frac{1}{2}$$

 $\frac{i^{2} l}{i^{2} l} \sum_{i=1}^{n} \frac{i^{2} l}{i^{2} l} \int_{0}^{\infty} \frac{$  $\frac{1-\frac{1}{4}}{\frac{1}{1-\frac{1}{4}}} = \frac{1}{\frac{1}{4}} = \frac{1}{\frac{1}{4}$ 

اب چونکر ماس انتصابی موتاب جبکه ما ۱۲ = ک اور یونکر منحنی، انتصابی مستوی کوحاده زادیریاتا ب اس کے تمام نقاط زیر مجن پر ا ۲۲ ، ک سے کم ہوگا اور

: فرلا = ۱۱ مه ک<sup>۱</sup> مه ک<del>۱ مه کات استانه ۱۱ مه کات کات کات</del>

اس ماوات کے کمل سے اور مبدا کوایک سنے مقام پر لینے سے اس طرح

بركلاه . جبكر ا ه ك ماصل بونا جب لا + ماك ا - ما ا ه ك لوك ك + ماك ا - ما ا

اگرہا ہے، نولاء لا تمنا ہی ہوتا ہے اور دمغہ (۱۳۷۵) کی شکل کیسے سے لدنیہ شعاری منحنی سکھ مانل موحا آئے ہے جبکہ دب جج ، ب اور ہے پر ماس مولیکن یہ

اُسی صور بننه میں مکن سنے جبگہ طول بہت بڑا موا۔ اُسی صور بننه میں مکن سنے جبگہ طول بہت بڑا موا۔

اگر عہ وہ زاوی ہوجس پر ا تع دوار سے لما سے ق ہم فرال کی جائے۔ مع مدر کھے سے ارتفاع وقت حاصل رسکتے ہیں اس طرح

اور ن وف على حب ( الله - عم )

ایسے مانع کی صورت میں حبی کے لئے زاویہ تماس منفر حبرمو (مثلًا یارہ) یہ بہتر بوگاکہ ماکو نیجے وارا یا جا ہے ۔

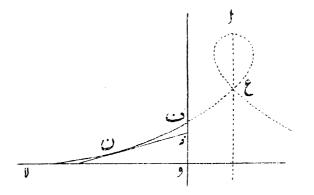
144 -- واتی ساوات حاصل کرنے کے لئے توس کو ف سے ابو ادر الفرات فر کوف وسے ۔ تو

- كن فرر = فرا = - رجم فر مرا فزن فرن = - رجم ف 116/1

$$\frac{2^{1}}{4^{1}} = \frac{1}{4^{1}} = \frac{1}{4^{1}$$

$$\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{2}}} = \sqrt{\frac{1}{2}} \frac{\sqrt{\frac{1}{2}} - \frac{2}{\sqrt{2}}}{\sqrt{\frac{1}{2}} - \frac{2}{\sqrt{2}}}$$

اگروس نه اورانفراف سماکو بانترتیب ۱ اور (پرکے ماس سے



أور حاصل ہوتا ہے

جو و فعه (۱۳۵) میں حاصل کی رمونی مساوات سیمے۔

م الماستوازمی شختیاں - ایک ہی شئے سے بنی ہوئی دوستوازی تختیوں کے درسیان ائع کی سطح کی تشکل حب شختیاں ائع میں جزءً غرق ہوں -

اس صورت میں مور و ما کو تخیتوں کے درمیانی فاصلے کے وسطیں ادرمبدار و کو ہ نئے کی قدر تی سطح میں لینا ادرا تضراف فہ کو ( پرکے ماس

ے اپناسہولت بیدا کرے گا۔ گذششنہ صورت کی طرح

ر ما = <del>ک</del>یرُ

 $\frac{l_{p}}{l_{p}} = \frac{l_{p}}{l_{p}} - \left\{ \left( \frac{l_{p}}{l_{p}} \right) + l \right\} \frac{l_{p}}{l_{p}}$ 

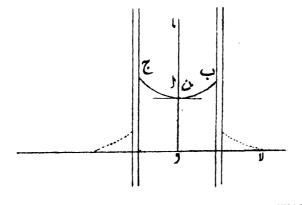
س كنئے حاصل ہوگا

المال عرب المراد المراد المراد المستقل م

اس طرح هر-جم فرشبت بوناجا بيئة ادر السلئه هر > ا

ا فرس = كلا فرفت = كلا

 $\frac{1}{\sqrt{\sqrt{\frac{N}{N}}}} = \frac{\sqrt{N}}{\sqrt{N}} = \frac{1}{\sqrt{N}}$ 



$$\frac{2}{(2e^{-2})^{2}} = \frac{2}{(2e^{-2})^{2}}$$

$$\frac{2}{(1-2^{1})(2-2)}$$

$$\frac{2}{(1-2^{1})(2-2)}$$

$$\frac{2}{(2e^{-2})^{2}}$$

$$\frac{$$

اب ی یاجم فرا اور جب عدے درسیان واقع ہوتاہے جاں عد (۱۰۵)

: آ - ۵/۳ > و > جب عه- ۵/۳ :

ع ک ک کے عمر

بس یہ نیتی نکتا ہے کہ چونکہ فحفہ ( ع +صمہ ) ع ، ادر ع ہے درمیان واقع ہوتاہے اس کے صمہ کا خیالی حصہ، خیالی نصف دور سم ہونا چاہیئے۔ نیرو = غم جبکہ فہ = ایا ی = ۱٬ ادر اگر ہم س کو اے نابيس توع = · جبكه فه = . ١ ور اس من لازاً

فه صه = ع ب فه سم ، اوراس ك و = قو (عرب سم) نيز <u>ولا</u> = عم فه = و + نه ع ع المرك المتقل = - طا(ء + سم) + الم تاء ع اور لاء حب كه عد يس ١٦ لا/ك = اع ع - طا (ع+ سم) + طاسب .... (١) ١١١٠ = هر-ى = ع - و ص کومکسل کرنے کے سٹا اُر تختیوں کے درمیان فاصلہ ، ا ہوتو لا = ایک جوا ب میں ء کی قبت اس ساوات سے حاصل موگی جب عد = ى = قه ( و بسد) + هراس فه (۶+سم) = ع<sub>+</sub> <del>(۱۶-۱۵) (۱۶-۱۶)</del> فه (۶+سم) = ع<sub>+</sub> جب عر=۱+ <del>مر ۱ - هر ) </del>

(Weierstrass' Zetafunction) 5=6 2

ینی فیم = <u>هر (۵+ جب عه)/ ۱ - جب عه)</u>

مزید بران میم یه دیکتی میں که ربط (۳) کی مدو سے ربط (۲) اس فیکل میں لکھا جا سکتا ہے

میں لکھا جا سکتا ہے

۲ ما گرک = (هر - ۱) فیم و - غیر اس کی انتقاع علی المرتب بها گرک = هر - ۱ - نیزید کر نقاط (اور ب کے ارتفاع علی المرتب بها گرک = هر - ۱ - اور هر - جب عد سے حاصل ہوتے ہیں 
۱ عا - دائری ٹلی - انتقدا بی دائر می نلی کے دندرونی ما نع کی سطح کی فیکل کے لئے تقرقی مساوات حاصل کرنا جبکہ نلی بائع میں جزئم فی قس ہوت میں فیکس کے سطح کی فیکل کے لئے تقرقی مساوات حاصل کرنا جبکہ نلی بائع میں جزئم فی میں و

وفيه (۱۷۰) كَ شَكُلُ كُوسِطِي كَي نضف النَّهَارِي تُراخَل توار وسين سَنعَ دفعهم ١٦ (١٠٠٠)

(1) 
$$= a^{10}u^{1}_{1}e^{2}_{1}e^{2}_{2}e^{2}_{1}e^{2}_{2}e^{2}_{$$

ينر اگر تملي كا اندرد ني تفعف قطر لا ہو اور مائع نلي كى سطح كوحس فل = ممعه عبكه لا = و اكرزاويد تماس منفرص بيوتو ما كع بلي بين ينيج وباليوا بهوكا إوراكر بهم لاكو ن پر کا فی تحت و تحقیق ہو تی رہی ہے چنا کیز نصف ق رہتا ہے جب یک کرمنحنی کا ماس ا نے تفر فی مسا وا نزں کوحل کرنے کے عدد ی طریقہ ۔ تحنیول کی تقریبی منکل در یا فت کر نے کے ایک (C. V. Boys) المحت كان الم مانع كا قطره-ارًا نع ايك قطره ايك أفقى منرر ركمديا ما ك تو

Dissert. Berlin, 1891

4

Math. Annalen, 46 (1895), p. 167.

Nature, July and August, 1886.

Phil. Mag. Series 5, Vol. 36, p. 75, 1893.

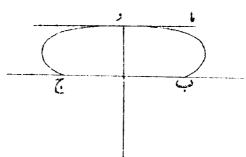
Vorlesungen uber die Theorie der Capillaritat. Leipzig, 1894.

توازن کی مساوات، دوگی

جہا سطی تناؤت ہے اور اندر دنی دباؤ ادر کرہ ہوائی کے دباؤکے ورسیان مند ہے۔

عام طور پرقطره ایک گروشی سطح کی شکل فتنیارکرے گا۔

اس صورت کو کمبیر فرص کرو که ما نئے سکے اندر ملبندتریں نقطہ بیر دیا و ۱۳ ہے۔ اور کرہ میوانی کا دیارہ ۱۳ ہے رہب لا کو ملبندترین نقطہ سے بنتیجے وار ناسینے سے



بس الركبندزي نقطه يرمضف قطر المخاوموتو

$$\frac{\tau i - \tilde{\tau}i}{\ddot{\omega}} = \frac{r}{\delta}$$

(1) .....  $\frac{1}{1} + \frac{1}{2} = \frac{1}{1} + \frac{1}$ 

اگر ہم شفیقے پر بارہ کے قطرہ کی یا فولا دیر با فی کے قطرہ کی صوریت اللہ اللہ تعلق معلوم ہو تکا کہ فرا مرفر لا راس سے تعلیم دار محملتا جاتا ہے۔

$$(A \times 1) \quad | c_{1}(b) = \frac{c_{1}(b)}{c_{1}(b)} + \frac{c_{2}(b)}{c_{1}(b)} + \frac{c_{2}(b)}{c_{2}(b)} + \frac{c_{3}(b)}{c_{3}(b)} + \frac{c_{4}(b)}{c_{4}(b)} + \frac{c_{$$

760

$$\frac{\frac{1}{V} + \frac{V}{J} = \frac{1}{V(V_{c}+1)} + \frac{1}{V(V_{c}+1)} = \frac{1}{V(V_{c}+1)} + \frac{1}{V(V_{c}+1)} = \frac{1}{V(V$$

بس أكر نصف النهاري منحى كيكسي نقطه يرعاس كاسيان محور لاك ساغد فه موتو ع عسس فه اور

$$\frac{1}{r} + \frac{r}{l} = \left(\frac{\dot{c}\dot{c}\dot{c}}{l} - \frac{\dot{c}\dot{c}\dot{c}}{l}\right) = \frac{r}{l} + \frac{l}{l}$$

اگر نظرہ اتنا بڑا ہوکہ ہم اس کی چوٹی کو چیٹیا تصور کرسکیں اوراگر افقی تراشوں کے انخاکو نظرا مٰداز کیا عماے توسیاوات ۱۱) ہو جاسئے گی

 $\frac{9}{1+31} = 1 - \frac{11}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$ اس طرح

اس ماوات كأنكم كرك في النه ركمولا = ٢ك جب طه،

$$|v_0| = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \left( \frac{1}{2} \right$$

جاں سبمستقل ہے۔ اُس نقطہ پر جہان ماس انتصابی ہے ع = · اور

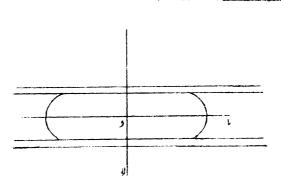
Th J= 1 :

اگر تصف المہاری شخنی اور افقی مستوسی کے در میان حادہ زاویہ عد ہو بینی باره مستوی کوجس زاویه پر لمها ہے وہ n - عد ہو اور اگر قطرہ کا ارتفاع | ۱۷۹

> فه = - ( ١١ - عه ) جبكر لا = ف  $\dot{\psi} = 1 \mathcal{L}$

س ا ا سے متوازی تختیوں کے در میان فطرہ - اگر ایرہ کا ایک قطرہ مضینے کی دومتوازی افقی تختیوں کے ورمیان رکھدیا عاسے جوایک دوسرے سے اس قدر نزدیک ہی کہ جا ذبر ارض کا عمس ل نظب راندار کیا حاسکتا سبعے تو قطرہ کے اند دبا ومستقل ہوگا ادر اگرسطے کردشی سطح ېو تومېميں مساوات

> 100 = 1 + 1 طاصل ہوگی جہاں اندرونی داؤ کا اصافہ کرہ ہوائی کے دباؤیر صندہے۔



اِس صورت ہیں لا کو اُنس متنوی سے ینتیجے وارنا بینا مناسب ہوگا جو خنیوں کی دونوں سطوں کے وسط میں واقع ہے اور تب ہیں مساوات

$$\frac{-3\frac{i\sqrt{3}}{\sqrt{3}}}{(1+3^7)^{\frac{1}{7}}} + \frac{1}{\sqrt{(1+3^7)^{\frac{1}{7}}}} = \frac{1}{\sqrt{(1+3^7)^{\frac{1}{7}}}} \cdot (i\frac{6\pi i}{\sqrt{(1+3^7)^{\frac{1}{7}}}} \cdot (i\frac{6\pi i}{\sqrt{(1+3^7)^{\frac{1}{7}}}})$$

عاصل ہوئی۔ بیم رکنے سے اور ما = ل، جبکر لاء ، لینے سے

۱۸۰ رکھو آ ہے ی تو

 $\frac{\{-e + \frac{1}{2}(-1 + 1 + - 1)\} i_{e}}{\sqrt{[n]\{e + \frac{1}{2}(1 - + 1)\}[e + \frac{1}{2}(1 - + 1)]\}[e + \frac{1}{2}(1 - + 1)]\}[e + \frac{1}{2}(1 - + 1)]}}$   $\frac{i_{e}}{1 + i_{e}} = \frac{i_{e}}{1 - i_{e}} = \frac{i_{e}}{1$ 

تب ينتج بخلنا ہے کہ و = فھ (ء + صه)

جہان مسمستقلہ

اب فرما/فرلاء ، جبکو ہا = کی اس لئے ہم ہیان سکتے ہیں کہ ما کے ل اور کی کے لئے اور نیز فرلا/فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی صنروری ہے کہ این کے لئے ایم بھی صنروری ہے کہ این کے لئے ایم بھی اور نیز فرلا/فری کے حقیقی ہوئے کے لئے ایم بھی اور نیز فرلا/فری کے حقیقی ہوئے کے لئے ایم بھی صنروری ہے کہ ایم کے ایک کے ایک اور نیز فرلا/فری کے حقیقی ہوئے کے لئے ایم بھی صنروری ہے کہ ایم کے ایک کے ایک اور نیز فرلا/فری کے حقیقی ہوئے کے لئے ایم کی اور نیز فرلا/فری کے حقیقی ہوئے کے لئے ایم کی کے ایک اور نیز فرلا/فریا کے حقیقی ہوئے کے لئے ایم کے ایک کے ایک کی اور نیز فرلا/فریا کے حقیقی ہوئے کے لئے ایم کی کے ایک کے ایک کی اور نیز فرلا/فریا کے حقیقی ہوئے کے لئے ایم کی کے ایک کی کے لئے کہ کی کے ایک کی کے لئے کہ کی کے لئے کی کے لئے کی کے لئے کے لئے کی کے لئے کی کے لئے کی کو کے لئے کی کے لئے کی کے لئے کہ کی کے لئے کہ کے لئے کی کے لئے کی کے لئے کی کے لئے کی کے لئے کے لئے کی کے لئے کے لئے کر کے لئے کی کے لئے کی کی کی کے لئے کی کے لئے کے لئے کی کے کے لئے کے لئے کی کے لئے کی کے لئے کی کے کہ کی کے کہ کے

لَ ﴿ و + لَ و بِ الله الله ﴿ لَ و بِ الله لَ الله ﴿ لَ و بِ الله ﴿ لَ و بِ الله ﴾ الله و الله الله و الله الله و الله و

فرلا = { - فع ( ٤ + سيم ) + الم (ب ٢ + ل ب - ل) } فرع

اور تکمل سے لا بمستقل = طا (۶+ سمته) + الله ع (ب + ل ب - ل)

سکن لاء، جبکه ی= ل

اس طرح لاکی اس قمیت کے لئے ع کوصفر ہونا جا جئے۔

10-世(2+ルス)-世(ルル)+はの(ルーナーしゅーし)

ال - فر (و + سير) + ل ( ٢ ل - ٢ ل ب + ب)

سے کارٹیزی محدود ل کی قیمتیں مبدلء کی رقوم میں حاصل ہوتی ہیں۔

اگر قطره اس قدر برا موکه بهم از کونظرانداز کرسکیس تو ر = 📴 🗥

اس طرح نصف النبياري منحتي دائره موكا -

اس صورت میں اگر تختیوں کے درمیان فاصلہ ۲ ف ہوتو شکل سے ظاہر ہے کہ

رء ف قطعه

عه وه حاده ازا دیه ہے جو ایرہ اور ہر شختی کی سطے کے ورمیان ابہر

۔ بتا ہے ۔ ۔۔۔ اگر مُشفیضے کی دومتوازی افقی تخیتوں کے در میان یا نی کا ایک (Anticlastic) قطرہ کردیثی سطح کی شکل اختیار کرے توسطح صند انخیا ئی

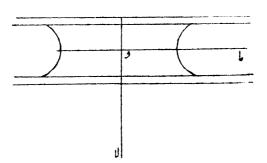
ہو گی کیونکہ یا نی اور سنتیتے کا زادیہ ناس حا دہ ہے ۔

اس صورت میں اگر کرہ ہوائ کا دباؤ ہ اور قطرہ کے اندر یا نی کا دباؤ

۳ ہو اور اگر بضعف النہاری منحتی کا نضعف قطر انخار ہوا دیملی القوائم عما دی تراش کا نضعف قطر انخنا کر لینی عما د کا وہ طول جو سطح کے محدر سے قطع ہوتا ہے تو توارن کی مساوات ہوگی

769

کیونکد اگر ہم عما و کی سمت میں قو توں کو سخلیل کریں تو تنا دُن کا حاصلُ سمت میں باہر کی طرف ہوگا اور دوسرے دو تناوں کا حاصل اندر کی طرف –



حسب سابق لاکو تختیوں کے درمیان وسطی سطح سے بیچے دارنا پنے سے مساوات بالا ہو عبائے گ

$$\frac{3\frac{\sqrt{3}}{6\sqrt{1}}}{6\frac{1}{1}} = \frac{1}{\frac{1}{1}} = \frac{1}{\frac{1}{1}} = \frac{1}{\frac{1}{1}} = \frac{1}{1}$$

جس سے مساوات

عاصل ہوگی اور اس سے گذشتہ و مغه کی طرح ہم اخذ کر سکتے ہیں

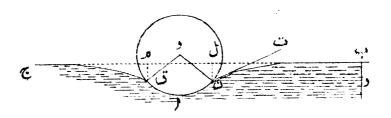
(IM)

لا=طا (سم) -طا (ع+سم) + لم (ء - سم) (ل +ل ب - ب) ا = - الم (ع + سم) + الم (ع ل + ع ل ب + ب ا) بڑے قطرے کے سنے حسب سابق

حباں بانی کی سطح اور ہر شختی کی سطے کے در میان حادہ زاویہ عمر سیے۔

٥ - ا - تيرنے والى سوكى - يانى كى سطى يرسوئى كے تيرانے كے مشہور

تجربہ کی توجیب بطے کے قوانین کے ذریعہ ہوسکتی ہے۔ فکل سوئی کی تراش کوا دراس کے محورے علی القوائم پانی کی سطے کی تراش کرنئیر کرتی ہے سوئی پرعمل کرئے والی قرنیں ہیں ت اور ف برے مزاؤ ادر حصد ن اف بریانی کا داگہ جوہانی کے حجم کی ن کرف ھرکے وزن کے مساوی ہے۔ بیسب قرتیں سوئی کے وزان کو تھامتی ہیں۔



سزید براس ن پرکے تناو کا افقی جزو تخلیلی اور دب د پر کا افقی آبی داؤمکرب پرکے تناؤے کے مساوی ہیں جہاں ن د افقی اور ب دانتھابی ہے۔ این سترائط سے توازن کی نعین ہوتی ہے اور حسب زیل مساواتیں ٢ يت جب (ط مرع) من ك رك ط +ك جب طمم د ٢ ف جب ط)= و

الم ت جبال لل (ط مع ) = ج ث (ك جم ط - ف) جاں وتت شعری کا زاویہ عدا سوئی کے اکائی طول کا وزن و ایا نی کی قدتی سطح کے او پرسو ئی کے تحور کا ارتفاع ف اور زاویہ ن وق7 مط ہے ۔ ا۔۔۔مانئے کی حملیاں ۔ مائع کی جہلیا ںمختلف طریقوں سے پیدا کی جاتی ہیں۔ صابونی تبلیدایک عاممتال ہے۔ صاحت سیسے کی بوتل کو حس میں تجهد ازج ائع مولا نے سے یا صابون اوریانی یا صابون اورکلیسرین کے محلول (۱۸۸۰) میں ارکا ایک فریم دبوکراس کوبتدریج اِ ہرکال سینے سے انع کی جلیاں پیدا کی جاسکتی ہیں اور اُن کی خصوصیات کا مشاہرہ کیا جاسکتا ہے بھیلوں کا ظاہرامستوی کی شکل میں حاص<sub>ی</sub>ں ہونا ایس بات کی ولیل ہے کہ حا ذہرارض کا عمل محقالہ حبل کے تناو کئے تنظرا زاز کیا جاسکتا ہے۔ ت چیونے اسی عمل سے بھی حجا بھیٹ ماتی ہے ریا جیونے ماسی عمل سے بھی حجا بھیٹ ماتی ہے حبر سے نیستنبط ہوتا ہے کہ اس کے کسی خطا پر کا زور کلاً اس خطائے عمودی مت ہیں ہوتائے اس سے وفعہ ( ۹۹ ا) کی طرح یہ نیتجہ نکلتا ہے کہ تنا وُ ہر مست میں دہی ہو<del>ا</del> ستوی جبلی کی توانا ائی - ازج ائع کے اندرسے اگراکی مستوی جبلی کال بی جائے تو کچہ کام کیا جا اسے ۔ یہ کا م جبلی کی توانا کی اِ نفوہ کو تغبیر کیا ہے ۔ ايم ستطيا جلي اب ج د كاتصوركرو وسيرع ارد س ا دسج سے محدود ہے۔ الب مائع کی سطے میں ہے اور ج کہ حرکت پذیرتارہے۔ جلی کوا ہر تفال کینے میں جو کا م ہوگا وہ تہ 🖈 ا دب × [د مِساوی ہُوگا اور اُس کھے آگر سطی توانا اُئ ٹی ایکا ٹی رقبہ سس ہوتو یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ

> مل = تہ یہ یا درہے کرجس چیزکو ہم نے مہاں جہلی کا تناؤ کہا سیمے وہ جہلی سکیے

کسی رخ کے سطحی تناوکا دوچند ہے ۔

۸ ۱۷۔ انتصابی ستوی مرکسی شکل کا ایک تاریبے حب کے دونقطوں یر د کئے ہو ئے وزن اور طول کا تا گا با ندہ دیا گیا ہے۔ مائع کی ایک ستوی

جہلی کے صدودیۃ اراور تا کا ہیں۔

تا گئے کی اختیاد کردہ شکل کو معلوم کرنے کے لئے ہم پہنشرہ بیان کرنیگے که اس نظام کی توانا نئ با نقوه أفل ہے

اگر رقبه واب ج/ موتو جلي كي توانائي

= س ( - کس ما فرلا

ارر اگر تا کے کے اکا نی طول کا وزن و ہوتو نظام کی توانائی بالقوہ اقل ہو گی حبکہ

ک س ما فرلا+ د کم ما فرس

کرس ہے ل

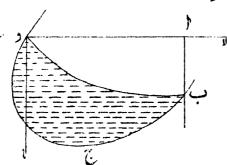
إبرىبي يعلوم كزابؤ كأكس شرط كيحت علمه

/إسما+(وما+له) الماعم } فرلا

احصاء تغیرات کی مدوست اس خرطست مساوات عاصل ہوتی ہے

 $\frac{\sqrt{1+3^{2}}}{\sqrt{1+3^{2}}} = \frac{c_{1}+b_{1}}{(a_{1}-a_{1})^{2}}$   $\frac{c_{1}b_{1}}{c_{1}b_{2}} = \frac{c_{1}+b_{1}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{1}+b_{2}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{1}+b_{2}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{2}+b_{1}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{1}+b_{2}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{2}+b_{2}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{1}+b_{2}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{2}+b_{2}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{1}+b_{2}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{2}+b_{2}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{1}+b_{2}}{(a_{1}-a_{1})^{2}} + \frac{c_{1}+$ 

اس کو به آسانی تکمل کر سکتے ہیں ۔



یرمسا وامنه مستقلِو ں کی خاص فتمیتوں کے لئے دائرہ یا زبخیرہ کو نتبیر کرسکتی ہے۔ 9 - ا -- انام کے کے ایک مضر کے توازن پر غور کرنے سے بھی اس سوال

میں

کوحل کیا جاسکتا ہے۔ و سے قرس کوناب کرفرض کو کہ ان پر کے ماس کا سیلان و ا کے

۔ تب اگر ک برتا گے کا تناؤ ت اور حبلی کا تناؤیہ ہو تو مساواتیں مف ت + ومعن س × جب ف = م

ت من سر ہوتی ہیں جم نہ من س + ومن س جم نہ ماسل ہوتی ہیں حہاں تقطہ ن پرتا گے کا نضن قطرانخنا رہے۔

$$\frac{d^2}{dt} = -e^t$$
  $\frac{d^2}{dt} = e^t (l-1)$ 

 $\left(\frac{3}{\frac{1}{F}(16+1)}+3\right)\frac{1}{(1-1)g}=\frac{3}{\frac{1}{F}(16+1)}$ 

$$\frac{\ddot{z}}{\dot{z}} = \frac{1}{4} - (\frac{1}{4} + 1) - \frac{1}{4} - (\frac{1}{4} + 1) + \frac{1}{4} (\frac{1}{4} + 1) = \frac{1}{4} - \frac{1}{4} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4} = \frac{$$

100

 $A + \frac{1}{2} = \frac{1-3}{19+11}$ 

یہی شکل دفعہ السبق میں حاصل کی گئی ہے۔

وہ میں ان لیس کرفہ = عہ جبکہ ا = ، اور فہ = ہم جبکہ ما = الر بب ہم ان لیس کرفہ = عہ جبکہ ا = ، اور فہ = ہم اور جو کہ اور جو کہ اور ہوجا ہی ہے اور جو کہ اور ہی تحال اس سے میں اس سے میں وہی تحال اس سے علی قیمت اکی رہوم ہیں وہی تحال ا ہو تی ہے ۔

۸۰۔ صابون کے کروی بلیلے کی توانا نی ۔ صابوں کے بلیلے کی

توانائی وہ کام ہم جواس کرسیدا کرنے میں ہوا۔ یہ کام دو حصول برستمل ہوگا ایک تو وہ کام جو جہلی کو ملتع سے کھینج لینے ہیں ہود اور دوسرے وہ کام جو بلیلے کے

اً رُسْطَحَى تناوُ ت بهو تو اول الذكر حصير ت بس بهونگا (جها ن سطح كو مين

تبیرکرتاہیے) کیوبکہ ایک جیو لئے مستوی عنصر کی توانا نئ ت معن س ہے۔ دوسرے جھے کے لئے فرص کرد کہ اندرونی ہوا کا دبا کہ مذہب

نصف قطرر اوركره موالى كا دباؤ ١٦ م توده ١٦ = من ادراكر مواكى

کمیت اتنی ہوکہ اس کا جم دباؤ ہ برح ہوا ہے تو

1 = = = TT TT = ETT ( فرص کرو )

اور' د فعہ رہم ایسے میں و کو حجم سے سے حجم سے میں بچکانے میں ہو کام ہوناہے ( = T ) T - T ( 5 - 3 ) 5.5

(二十十) (二十十一) (一二十十一) アロビニ

اگرہم یہ مان لین کہ بلیلے کے اندرونی و بیرونی دباؤں کا فرق بقا بلہ کرہ ہوائی کے دباؤے کے اور اسلے کرہ ہوائی کے دباؤے کے

$$\left\{ \frac{\vec{\Box}r}{r} - \left( \frac{r\vec{\Box}r}{r\pi y} - \frac{\vec{\Box}r}{\pi J} \right) \left( \frac{\vec{\Box}r}{J} + \pi \right) \right\} = \frac{r\vec{\Box}r}{\pi J} \times 5\pi \frac{r}{r} = \frac{r\vec{\Box}r}{\pi J} \times 5\pi \frac{r}{r} = \frac{r\vec{\Box}r}{r} \times 5\pi \frac{r}{r} = \frac{r}{r} \times 5\pi$$

پس ہوا کو بچکانے میں جر کام ہوا وہ اُس کا م کے ساتھ ، ت : سارہ کی نسبت رکہیگا جو جہلی کو ہا ہر کھینچ لیلنے میں ہوا۔

۱۸۱ - ما تُع کی جبلیوں کی تشکلیں - اُگر جبلی کے دونوں رخوں پر ہوا کا دہاؤ وہی ہوتو توازن کی مشرط بیر ہوگی کہ

باید که اوسط انخا صفرے ۔

(الرجف ك) الجف الآ - المجف لل جف كا جف الم المناكل المرفف ك) المجف لا المرجف لا المرجف

بڑے بڑے علما دریا صنی نے متعدد مقالوں میں اس سادات پر بجت کی ہے چائچہ اس مساوات کے چند مشہور خاص حل حاصل ہو جیکے ہیں- مثلاً ی جمر ما

حن یں سے ہراک ایسی سطح ہے جس کا اوسطائ صفر ہے۔ الميور plateau ) كى تصنيف

Sur les liquides Soumis aux seules forces moleculaires, 1873 میں علماد میاصنی لے اسس مصنون پر ہج ختیں کی ہیں اُن کا بٹا ندار تذکرہ کیا گیا

ب ادراس فود اب تربات مجى اس كتاب مي درج كي بي - فاربو

کی پوری تفصیل موجود سے سلنی ایسے سطحوں کی جو متذکرہ بالا شرط کو

یوری کرتی ہیں -۱۸۲ -- اگر جہلی کی شکل گردیشی سطح کی ہو توسطے کے محورکو محوری قرار دینے سے رَ = لاً + ا = ف (ي)

اس صورت بی اوسط انخا کے صفر ہونیکی شرطسے حاصل ہوگا

$$\frac{\frac{i^{2}}{(2i)^{2}}}{\left(\frac{i(2i)^{2}}{(2i)^{2}}\right)^{2}} + \frac{\frac{i^{2}}{(2i)^{2}}}{\left(\frac{i(2i)^{2}}{(2i)^{2}}\right)^{2}} + \frac{1}{i^{2}} = \frac{1}{i^{2}} = \frac{1}{i^{2}} + \frac{1}{i^{2}} = \frac{1}{i^{2}} =$$

$$(\frac{i\eta}{i})^{2} = 1 + (\frac{i\eta}{i})^{2}$$

زى = رو ن ى + ب = الوك (ر+ مارا - الا ) فرر مارا - وا 

Catalan, Journal de l'Ecole Polytechnique, 1858. &

مو الناء ال وا فرض کرو کہ جس سنے ظاہر سنے کہ گروشی سطح کی ٹنکل کی جہلی کی ممکنہ شکل صر<sup>ف</sup> رہن<sub>جہ</sub> م<sup>ا</sup>نا سے حیکہ رونوں رخوں یرد یا و دہی مو-۱۸۱۷ – اصول توانا نئ کی مرد سے تھی یہی نتیجہ حاصل ہوتا ہے کیونکہ سطح میں اعظم یا اخل ہوگی اوراھصا ہے تعینرات کی مدوسسے اس-لوینی سخنی حاصل ہو گا وہ ایک زنجیرہ ہو گا جس کا مرشب گروش کا محور ہو گا-(Researches in the Calculus of Variations) اوُ مِنْ كَيْ كَابِ میں یہ بنت یا گیب ہے کہ حب ایک خطاست غیم ادر دو تنقطے ایک ہی ستوی من دےئے جائیں توہمیشہ ایسے زنجیرہ کا تھینچنا مکن نہیں جوان نقاط میں سے یہ بھی وکما یا گیا ہے کہ چند مثرا انط کے بحن ایسے دور بخرسے جا سکتے ہیں اور بیکہ ایک خاص صورت میں صرف ایک زبخیرہ ایسا ھ جا سکتا ہے ۔ یہ دو توں زیخیرے جب موجود کموں تو الیسی فشکل کا جوا*س* هو سنے میں جو ایک بند (بے سراً ) ڈوری کو دو جگنی کھو نیٹوں ٹر لنگا۔ جب اس نشم کے دوز بخرے ہوں نو اویر کے زیخیرہ کو مرتب کے سے جوسطے پیا ہوتی ہے وہ اقل ہونی ہے لیکن شخطے ربحفرے سے جس سطح کی تکوین ہوتی ہے وہ اتل تنیں ہوتی۔ حب صرف آیک بس اگروو وائری تاروں سے ایک الیما فریم بنایا جاسئے کران ناروں مے مستونی ایک دوسرے کے متوازمی اور اسکے مرکزوں کو المائے والے

خط پر عمود وار ہوں تو تا رو ں کو ہائع کی جہلی سے ملانا ہمیشہ مکن ہنیں۔ تعبیس صور نوں میں ود میں سے ایک زنجیرہ منا سے تاروں کو ملانا مکن ہے کسیکن ا دیر کے زبیرہ کو گھا نے سے ہو زبیرہ نما پیدا ہوا سے اس کی صورت میں توازن (۱۸۸) قائم مو کا اور د وسرے زبخیرہ نما کی صورست میں عیر فائم

جب صرف ایک زنیره نما موتو توازن غیر قائم موگا -اس مسله کاایک غیرسلسل حل مجی سے جس میں رو دائروں کوان نقطو سے حاصل کمیا جاتا ہے اور ان کے مرکز ایک لا انتہا مكب اسطواني سے المائي مائے ہيں۔

انسا مُكِلُو بِيثِمَا بِرِيثًا مُمِكًّا ﴿ Encyclopaedia Britanica

نے توت شعری ہے Clerk Maxwell:

سے ھینچ جاسکیں ادر مرتب کے گرد ان کو گھانے سے دوز بخیرہ نما حاصل كے جائيں تو ہرزىخيرہ ناكا اوسِط انخا صفر ہوتا ہے -

اگران دو رُنجیروں کے درسان ایک دوسرا زنجیروا نہی نقطوں میں سے گذرنا ہوا تھینیا حاکے تو اس کا مرتب اُن دونوں کے مرتب کے اوپر

روگا اورا سلنتے سنی نقطه پراس کا نصف قطرائخا اُس فاصلے سے کم روگا جوعاً د نی سمت میں اس نقطہ اور بیلے مرتب کے در میان ہے ۔

اس لنئے گردشی سطو کا اوسط انخیا محرکیطرف محدب ہو کا اور مینتیجی نخلیاً میرکہ اُگان میں سے کسی رہنے وہ ان کو دو بنال رہنے وہا وال کے درمیان کے

سی زیمیرہ نما پُر مٹا وہا جائے تو جہلی مورسے مہٹ حاکیگی۔ عِمر الراكب زيخيره نما دونون زبخيره نماؤن كي إبرايا حاسم تواس كا

ا وسط انحنا نحور کی طرن منفعر موکا اور اس کے اگراو پر کاز غییرہ نما او پروار شایا

یہ انسائیکویٹرا کی گیا رہریں اشاعت میں لارڈ رہا ہے سنے اس مفموں کی نظرا نی کی سمے -

مائ ادر نيلا نيچ وار تو مرصورت مين جيلي محر كيطوف حركت كرملي-بس ينتيجه نظمًا ہے كہ ہرونی جانب كا زنجيرہ نما قا مُم ہے آور اندرونی

غیرتفائم ۔ یہ ایستدلال کسی دو سری طرح کے مٹاؤ پر عبادق منہیں آتا اور اسلیے ۔

ت كمل نبوت كے كئے احصائے تغيرات كے طرايقول سے مرد لينا

سم کرا ۔ اُگر جبلی کے دونوں حانب داد دمختلف ہول اور ان کا فرق مر ہوتو

= - + -

مأته كه اوسط انخيام

معان مسل ہوں۔ گردشی طحول کی صورت میں اس رلط کو تا بت کرنے کے لئے ہم (۱۸۹) اصول توانا ئي كااستعال كرينگه -

د كاستقل ونا اس طرح محى باين كما جاسكتا م كرس بندكردك کے ہیں اور اندرونی ہوا کا مجم متقل ہے۔

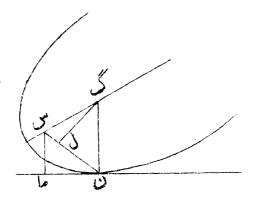
اس طرح جله /(۱۱۱ فرس + د ۱۱ فرلا)

> كا تغيرصفر بوگا-ج<u>س سے نینچ</u>کلیا ہے کہ

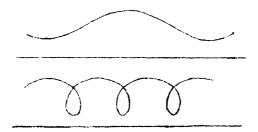
 $\frac{\overline{q} \psi}{\overline{q} w} = \frac{1}{1 - \frac{1}{2}} |_{Q} (w) + \frac{\overline{q} \psi}{\overline{q} w} = (-\frac{1}{1} - \frac{1}{2}) + \frac{\overline{q} \psi}{\overline{q} w}$   $= \frac{1}{2} - \frac{1}{2} |_{Q} (w) + \frac{\overline{q} \psi}{\overline{q} w} = (-\frac{1}{1} - \frac{1}{2}) + \frac{\overline{q} \psi}{\overline{q} w}$   $= \frac{1}{2} - \frac{1}{2} |_{Q} (w) + \frac{\overline{q} \psi}{\overline{q} w} = (-\frac{1}{1} - \frac{1}{2}) + \frac{\overline{q} \psi}{\overline{q} w}$   $= \frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{\overline{q} \psi}{\overline{q} w} = (-\frac{1}{1} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2}) + \frac{\overline{q} \psi}{\overline{q} w}$   $= \frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1}$ 

وحب اس کے کمنحنی محورلا کی طرن محدب یا میقعرہے بہینی اوسط انخنامست قل مورت میں ہمیں یہ شرط بیان کر نی پڑ مگی کر دیشے ہوئے حجم کے سطے سے یا اقل اس سے وہی عام نیتج ہستنبط ہو گا۔ 'اگر جہائی کردشی سطے کی شیل کی ہو تو ہم یہ 'ایب کر سکتے ہیں کرنصف انهاری ، السیمی نخر وطی کے اسکہ کا طریق ہواہے جو ایک خطاستقیم براڑکہ رمحزوطی کا تضعف قطر انتحنا مراور اسکہ سس کے طریق کا تف انحنا ر موتو ا ماجم س ن ک عه (شکل دکیرا کیم فعریه) س ن ک کونکر کرونکر ک کونکر ک ک س ن پر عمود وار ہے مکانی کی صورت میں یہ صفر ہو حابًا ہے اور اسکنے ر=- میں لنہ جمال هد دوسرا با سکه سیص اوراس 

> نه دیمیم شدید کارد Calculus of Variations) با او سرشر کا تیمل احصار می داد. که ریمیس Roulettes and Glissettes



یہلا ربخیرونلا ( Catenoid ) ہے۔ دو سرے ادر تیسرسے کو پلاٹیو ( Plateau. ) نے موج نیا ( Unduloid ) اورعقدہ فا ( Plateau ) کہا ہے کیونکہ اول الذکرسے ایک لہر ملامنحنی اور موخرالذکرسے عقد وں کا ایکسب تواتر تعبیر مرتبا ہے۔



عقدہ نما (Nodoid) کی کوین کا اچھا اندازہ کرنے کیلئے یہ تصور کرنا ہوگا کہ حجیت نا کہ کی ایک شاخ لا کہتی جاتی ہے حجیت نا کہ کی ایک شاخ لا کتی جاتی ہے نفطہ تماس لا تنا ہی فاصلے پر جلا جا آ ہے تب خطامتی مدونوں شاخ لا کنا تب خطامتی مدونوں شاخ ل کا شقارب بن جا اسبے اور دوسری شاخ لا کنا شفرع کرتی ہے اطراح شکل میں کم اسلسل بیدا ہوتا ہے تھ

الم بكور Plateau, بكور Delaunay كالمضون Plateau, بكاور Vol. I. p. 136. - كالمضون Bulletins de l'Academie المحادث Belgique, 1857. كا معندن Lamarle.

انع کی برلیوں کے مضمون بر مخلف تصانیف و مقالوں کا کمل تذکرہ جیاطیو ( Plateau ) کی تصنیف آور ( Plateau ) پیاطیو لیا طور ( Plateau ) کی تصنیف آور ( Britanica ) میں بروفسیر کارک میاسویل کے مضمون میں ملے گا۔ اور قوت مشعری کے مضمون برعموا حسب ذیل تما بیس مفید ابت ہو نگی

Mathieu, Theorie de la Capillarite, 1883.

F. Neumann, Vorlesungen uber der Theorie der Capillaritat, 1894.

Poincaré, Capillarite. 1895.

The articles Kapillaritat by H. Minkowski in Encyklop der Math. Wissensch. Bd. v. 1907, and by F. Peckels in Winkelmann's Hundbuch der Physik, Bd. 1. 1908, both of which contain a fell bibliography of the subject.

مسئال سدایک صابونی لمبله اینے نابت حدود سے براہناہے اس طرح کران صدور کے ساتھے اس سے ایک بند نصف بیدا ہوتی ہے جس کا ا جم سے سے اس بر کمیس داؤ در پر سے جس کی تبش مطلق طریعے - گیس کی تبیش میں میں ابتدریج احنا ذکیا گیا ہے۔ اگر جلی کا رقبہ (موجبکہ تیش طہ ادر دباؤ ﴿ سِمِ نُوثا بِت ت طبر فرا = د ج (ا - ط رد )

بہاں طبی تنا کو منت کومشتفل فرض کرلیاگیا ہے ادر ہرونی دباؤنظرا نداز کر دیا گیا ہے -د ١٥رط ين ربط فالن كرو جبكه لمبلكروي شكل كابو --

$$= r \frac{1}{c} \frac{ic}{cd} = \lambda \left(1 - \frac{d}{c} \frac{ic}{cd}\right)$$

ن يدر ( عكوله يا يك و عكوله

ا \_\_\_ دوروی صابونی بلیلے ایک پانی سے اور دو سرا پانی ادر الکمل کے آسیزے سے

(191)

اُ تُفَاتُ كُنَّ ہِن - اَلَّرِ تِنَادُ فَى ضَلَى اِینِجَ عَلَى الترقیب ایک گرین اور ﷺ گرین کے اوزان کے اوزان ک سادی ہوں اور نصف قطر ﷺ این اور ﷺ اور ﷺ این بور تو دو نوں صور توں میں کل اندرو نی دباؤکا کل ہرونی داؤپر جواصلا خرموان کا سفا بلد کرو۔ ۲-۔۔ اگر راور کر نصف قطر کے ور صابو نی شبلے ایک ہی مائع سے اُ تُفاسے جائیں اور دو نوں مکرم رافعت قطر کا ایک مبلد بن جائیں تو ٹا بت کرد کر تناوُ

で・ジーラーマ×丁

کے ساوی ہے جہاں ١٦ کرہ موانی کا دباؤ ہے۔

۲۰ --- بائن اور ہوائی سطح فاصل کا سطحی تناور ۸۵ و ۸۰ بائی اور بارہ کی سطح فاصل کا و ۲۰ مرد اور ہوائی سطح فاصل کا و ۲۰ مرد اور ہوائی سطح فاصل کی جے ۔ بارہ کی سطح پر بائی کا قطرہ رکھنے است کما افر ظبور بذیر ہوگا ۔

سم نے تیل کے ایک نظرہ کو یا بی کی سط پر رکھتے ہی وہ فوراً انتہا کی رقیق پرت میں اسلامی میں اسلامی میں اسلامی کی تشریح کرو۔ اور معلم کے مشاہدے سابدے سابد میں میں اسلامی کی تشریح کرو۔ اور معلم کے مشاہدے میں اسلامی کی تشریح کرو۔ اور معلم کے مشاہدے میں اسلامی کی تسریح کی دور اور معلم کی مشاہدے میں اسلامی کی تعلیم کی مسابد کی تعلیم کی تعلیم کی مسابد کی تعلیم کی تعلیم کی مسابد کی تعلیم کی کی تعلیم کی کی تعلیم کی تعلیم کی تعلیم کی تعلیم کی کی تعلیم کی کی تعلیم کی تعلیم کی تعلیم کی کی تعلیم کی کی تعل

ے ٹابت کردکہ برت کی موٹائی ، ، ، ، ، ، ایج سے کم ہوسکتی ہے ۔ تیل کا دوسرا فطرہ سطح پر ڈالدینے سے کیا بات واقع ہوگی۔

ے ایک بالمام کا ایک میں موجود کی جائے ہیں ہے ہوئی ہوتے ہیں اکتح کی جہلی کے اندرونی حدو دکا ایک جزو ہو تو نا بٹ کر دکرانا کے کے ہر نقطہ پرانخا ستقل

- 85

اگرتا گا وزنی ہو اور جہلی ایک انتصابی محور کے گرد گردشی سطح ہوتو ٹا ہت کر در کھل توازن میں تا کئے کا تنا وُہر گا

1 V = 1 - (1)

جہاں اس کا طول کی اس کا درن نی اکا ئی طول و ادر جہلی کا تناور تہ ہے۔ ۲ --- صابون آینز پانی کے ذخیرے سے انع کی ایک مستولی جہلی اُٹھائی ممکی ہے تا بت کرد کہ توانائی (ع) فی اکائی رتبہ کی عددی قیمت ، تناؤ (ست ) فی اکائی

طول کی عددی قیت کے مساوی ہے۔ اگر جہلی و خیرہ سے علیحدہ کروی ما سے اور اگر فیاسے کمیت فی اکا ای رقبہ تعبیر

ت = ع - از <del>از ع</del> ا ( كاكرسياكسولي)

ے ۔۔۔۔ متعدد صابونی بلبلے ایک ہی ائع سے اٹھائے گئے ہیں اور پیمران کواک دوسرے سے ما دیا گیا ہے ایسی مساوات معلوم کرد جس سے حاصل سفدہ بلیلے کا تصف تط معلوم ہوسکے۔ اور تا بت کرو کہ سطح کا گھٹا او جھرکے اصافے کے سا قدمتقل سنبت رکھتا ہے ۔ یا نی کاسطحی تناؤ جبکہ اس کے ادبر ہوا لہو ایسا ہے کہ ایک اینج برکا زور تقت ریبًا م رس کرن وزن سے سا دی ہے۔اگر .... ... اگر دی قطروں کے ملنے سے بارش كا ايك تطوه با الج قطر كاب قو الب كرد كسطى ناؤ ب كاكام تقريبًا ١٠٠١٠٠٠٠ فٹ یونڈ کے مساوی ہے۔

٩ - بارايك جلى اندرونى وبرونى غيرساوى داؤل كونيدا زايك كروشي سط بنائ تو نابت کرد کہ نظامہ ن پرے ماسی مستوی کا محررکے ساتھ میلان فراس مساوات

 $\frac{\zeta}{\zeta} = \frac{1}{1} + \frac{\zeta}{1}$ 

سے حال ہوگا جاں نقطہ ن سے محور یہ کا عمو د لا ہے اور ایک ہب مشقا والمسلم الله على الله المرد كاسطى تناؤيكسال سُرة الله الله محدث كرد كما إكياب (١٩٣١)

نابت كروكم سطح كالفعف النهاري تحنى بمتحني

کے قطب کا گردونیو ( Roulette ) ہوگا۔ ۱۱ ۔۔۔ دوصا بونی طبلے ایک دوسرے کومس کرتے ہیں اگر بیرونی سطوں کے تعنف فطر ا مر بهوں اور اس دائرہ کا نصف قطر ر ہوجسس میں تیموں طیمی*ں قطع کر*تی ہیں تو

17 - باریک سیرے ارکا ایک فریم ذواربعة السطوح یا چار طبی کی شکل کا ہے اس کوصا بون اور پانی ہے حس سے مبعن اس کوصا بون اور پانی ہے حس سے مبعن صورتال میں مستوی جہلیال بدا ہوتی ہیں جن کی ابتداکناروں سے ہوتی ہے اور جرایک تقطہ پرآکر کمتی ہیں۔ تابت کروکہ ہر جارسطی کے لئے توازن کی بیفکل ممکن بنیں جو ایک تقطہ پرآکر کمتی ہیں۔ تابت کروکہ ہر جارسطی کے لئے توازن کی بیفکل ممکن بنیں مبعد اور بیکہ یہ اس و تسب ممکن ہے حبکہ ایک رخ مشاوی الا ضلاع مثلث اور دوسرے رخ سساوی الا ضلاع مثلث اور دوسرے رخ سساوی الساقین مثلث ہوں جن کے زوایا راس میں سے ہرایک قط اور سے کے بیکہ ایک سے کم ہو۔

## ۲ ( ت جمع + ب ت جبء

کے مساوی ہے۔ جہاں جملی کار تبہ ﴿ اور اس کا کھیرا ب ہے ۔

ام ا -- سفیف کا ایک کھو کھلا قائم مستدبر مخروط متجانس اٹع میں رکھا گیا ہے اسطور بر

کہ ایک محوراً متصابی اور راس اوپر وار ہے۔ محروط میں کس لمبندی آک انغ جڑمسگا۔
الدونی اٹع کی سطح کی نفز فی مساوات معلوم کرو۔ اسطوان کی صورت میں نتائج انفذارہ۔
اللہ حسایک سونی بانی پر تیرر ہی ہے اس طور یو کہ اس کا محور بانی کی قدرتی ہموار سطح میں واقع ہے اگر فولا و کی کٹا فت اصافی کہا نظ بانی کے قد ہو اور قر ت شعری کا زاویہ ہم ہو جو بانی کومسس کرنیوالی عمود می ترامشس کی قرس محور کے معافی باتی ہے تو تا ہت کرو کہ

( ۱۶ شر - عه ) جب 🕂 (عر - به ) = جم عد حم 🕂 (عد + به ) ۱۷ — ایک مثعاری نمی گروئیس سطح کی شکل کی ہے اس کوانتصابی محور کے ساتھ۔

19 --- ایک متعارمی می رونسی سطح می شکل کی سطے اس والمصابی خور سے ساخت ایک مانغ میں جزءً غرق کر وہا گیا ہے تکو مینی منخنی کی مساوات معلوم کر داگر مائعُ نوازن میں رہے خوا ہ اس کا ارتفاع نلی میں کچھے ہی ہو۔ ا اسلامی برم میرونی کمبله کو ایک گیس کی کمیت کم سے بھرویا گیا ہے جس کا داؤ زمین بیش برم میر (اس کی کمافت) ہے - لمبله کا نصف قطر فر ہوتا ہے جبکه اس کوہوا میں کھدیا جائے اس کے بعدبار بیا کا ارتفاع بڑ ہتا ہے اور میش طیر ستنی رس سے ۔ ٹابت کرو کہ لمبلہ کا لفت قطر بڑ ہتا ہے یا گھٹا ہے بموجب اس کے کہ جہلی کا تناؤ

م م سے زیادہ یا کم ہو -

ا= لامس (ا ي + ب)

ائع کی جہلی کی ایک مکن شکل کو تعبیر کر اتا ہے جبکہ دونوں طرف دہاؤ دہی ہو۔
19 -- اگر ددسوئیال جو بابی پر تیرر ہی ہیں متشاکلاً ایک دوسرے کے ستوازی رکھدی جائیں تو ناست کروکہ وہ بظاہرایک دوسرے کی طرف کھنچ آئینگی اور میر کہ میمل کے مشت سطی تناؤ کی وجہ سے ہوگا۔

 $\frac{\dot{a}}{\dot{b}} < (+) \frac{1}{\dot{b}} + (+) \frac{\dot{a}}{\dot{b}} + (+) \frac{\dot{a}}{\dot{b}} + (+) \frac{\dot{a}}{\dot{b}}$ 

11 --- و نضف قط کے دو دائری قرص اس طرح رکھے گئے ہیں کہ ان کے مستولاً ان کے مرکز ول کو لانے دائری قرص اس طرح رکھے گئے ہیں کہ ان کے مستولاً ان کے مرکز ول کو لانے دائے دائے وہیں۔ ان قرصد ل سے محیطول کو صابوں کی ایک جہلی سے ملایا گیا ہے جس کے اندر اتنی کمیت کی ہوا ہے جتنی کہ انسی کرتھ ہوائی میں جس نصف قط کے ایک کردی لمبیلہ کو عین بحر سکتی ہے۔ اگر حہلی اسطوانہ کی شکل کی ہو جبکہ قرصول کے در میان فاصلہ ب ہوتو تابت کرد کہ قرصول کے در میان فاصلہ ب ہوتو تابت کرد کہ قرصول کے در میانی فاصلہ کو ای تنا ارکا تاکہ جہلی کردی شکل اختیار کرسے جہاں

۲۷ ۔۔۔ تاروں کا ایک فریم ب ارتفاع کے منٹور کی شکل کا ہے جس کے قاعد سے منطع و کے متساوی الاصلاع شائٹ ہیں۔ اگراس فریم وصابون آ میز یا نی میں ٹوہو دیا مائٹ کی حالت ہیں مستوی جبلیوں کی ترتیب کی تشریح کرو ۔ مستوی جبلیوں کی ترتیب کی تشریح کرو ۔ مستوی جبلیوں کی صورت میں توازن کے امکان کے لئے ناہت کرو کہ سے بڑا میں ترازن کے امکان کے لئے ناہت کرو کہ سے مرازا

روبا ہو ہیں ہے۔ موال سسال کی ایک جہلی دوایسے تاروں کو چپکی ہوئی ہے جن میں سے ہرایک مرغولہ (Helix) کا ایک بہیر( (Turn)) ہے دونوں مرغولوں کے محورایک دوسرے برمنطبق ہوتے ہیں اور ان کے گام ( (Steps) )ساوی ہیں۔ نما بت کروکہ جہلی کے توازن کی مشط بورسی ہوگی اگر محور میں سے گذر نیوا لی جہلی کی کسی تراش کی نظر قی مساوات

## 

ک شکل کی مو حبکه ۲ م عد عد برم غوله کاگام بینی دوستسار چورایون (Threads) کا در سانی فاصله

+ ١٨ ان ت ا ١ + ١٨ ان سع ر + ن ات = سے حاصل ہوتا ہے جہاں صابد ن کی جہلی ( کے رو نزں سطوں ) کا کل مناؤ نی ا کا نی طول

۲۵ - الكِ مستُوى تختى النع مين حزةً عزت كردى كهي سيد - النع كى كما نت ف اور سطی تناوُ مت ہے۔ ابع اور تختی کے اوے کے سلنے توٹ شعری کا زاویہ ہر ہے اور تختی انتی کے ساتھ زا دید عرکا میلان رکھتی ہے۔ اُل بت کرد کہ الع کی ساکن سطے کے اوبر ' تختی کے دونوں رخوں پر ا لغ کے ارتفاعوں کا فرق ہے۔

٧ <u>ت الم ٢-١ ، ب ب ٢-١ عم</u> ٢٧ -- ايك فريم إب ج د ئين سيدے اروں إب، بج، ج د سے بنا یا گیاہے اوران کو ایک مولد دا کی قس سے ملا دیا گیاہے مرفولہ کا زاویہ ہے ہے۔ مرغول کا محرر ب ج ہے اور (ب ،ج د ، طول و تے نفیف تعربیں۔ محر

نریم کو صابون کے محلول میں ڈبودیا جا سئے تو اسے کروکدایک جبلی بیدا ہوگی جس کی سطحیٰ توانا کی ہوگی

ت لاع الرام المرام المر

جا سطی تناؤ مت ہے اور ال ب ،ج د کے درمیان جیر ازاوی عدے۔ ٢٤ - كنانت ف ادرسطى تناو ت كاايك سيال و نصف قطرى ايك شعارى (١٩٥٠) الى يس ادركهينياكيا مع حس ت ساخدواديه تماس عدم مرارمت عرج سف ما تو ا بت كوكر الى كے محيط برمسيال مبرار تعالى الله جرا هدميا اسے وہ ہے

الم المركب م عدد المراد الطاعر - المسس ع - ١ مسس عد)

جہان <del>۔ ل</del>ے کی تیسری اور اعلیٰ تومیں تطرا ندا ذکر دی گئی ہیں۔

۲۸ --- سینتی کتافت ف کے تجاذبی ائع کا حجم ہے ہے کتا ، ۱۱ داؤپر کے

کرہ ہوائی سے گھرا ہوا ہے ۔اس کے اندراکیت ہم مرکز جون ہے جو ہوا سے بھرا ہوا سے جس کا مجم اس کرہ ہوائی کے دباؤیر ہے ہ اوس ہوتا ہے۔ ایم کاسطی تناکو مت ہے ۔ تا بت کرد کہ قوالان کی صورت میں جوف کا تضف قطر لا مساوات

 $\left\{ \begin{array}{l} T_{1} - \frac{m_{1} - m_{2}}{m_{1} + m_{2}} \end{array} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{1}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{m_{2}}{m_{1}} - \frac{m_{2}}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} \right\} \stackrel{\text{The }}{=} \left\{ \frac{1}{m_{1} + m_{2}} + \frac{1}{m_{2}} + \frac{1}{m_{2$ 

۲۹ — اگر کنانت ف کے انع کی کچر کمیت توقوں کے ایک بقائی نظام کے زیم مل قوان میں ہوجن کا قوہ کسی نقطہ بر سے جہاں را ایک ابت نقطہ وسلے فاصلہ ہے ادر اگر مضیف کی دو متوازی تختیاں جن سکے نزدیک تر رخوں سکے در میان ببت حجمولا فاصلہ ب ہے ہے ائع میں و کے شقابل جانبوں میں رکھدی حاکیں ادر اگر ان تخمیوں میں و کے مقابل جھو سے سوراخ ہوں جن میں سے اکع بہد کر حاسکتا ہے تو نابت کروکہ اور سے جو ہردو تختیوں سکے جیگے ہوئے دائری رقبوں کے اندرونی و برونی صفادات

مع ف ( ال - الله عمد

سے مربوط ہو بگلے ۔ جہاں عمر وہ زادیہ ہے جم اہوا تی سطے سٹینے کے ساتھ نباتی ہے اور معرب شداری ستقالہ میر

میں شعاری ستقل ہے۔ ۱۷۰ - شیشے کی ایک بڑی تختی ایک ایک کی سطے سے اسٹطائی گئی ہے اس طرح مائع نے ارتفاع تک اوپر کھینچا آیا ہے اور تختی کی ٹجلی سطح کے ساتھ زاویہ نما س کا متمم بہ ہے ناہت کروکہ ایکے سے جینکے ہوئے وائری صعبہ کا تضف قطر تقریباً

الله با (ا- مم الله به)/(ف، ب با مباله به)

ہے۔ جہاں ب7 - م ت ترج ٹ بسطمی تناؤ ن ادرا نع کی کتافت ن ہے۔ اسم --- افع کی ایک جبلی ایک گردشی سط کی شکل میں نٹک رہی ہے اس کا مور انتصابی ہے۔ اس کی ادبر کی حدیا احاطہ ایک دائری نارہے جوانعاً تعا ما کیا ہے اور مخلی مدایک وزنی کیکدار تاگائے جور نصف تطرکے ایک افقی دائرہ کی شکل میں آزاداند نگاک رہے۔ تا گے کا قدر لدم اور داند نگاک رہا ہے۔ تا گے کا قدر لدم اس کا دزن ۲ میا داند مساوات

(لا - لا ت ا) لا - الإور + (لا + وا لا ) وا م

کوپوراکر"، سیے ۔

م بنا -- ائو کی ایک جہلی بیرونی طوف سے ایک ایسے سند استوار تا رسے محد دو ہے جب کے (ارکے) منحنی کا ایک ہی مستوی میں ہونا عزوری سنیں جہلی کی اندرونی حد ایک بند لائم تاگا ہے - اب سن کرد کر کسی نقط برتا گے کا نصف قط اسخنا مستقل ہے اور بیرکہ مطور شرف (Torsion) کا نصف قط جہلی کے اس نقط برکے مسری ایک صدری نصف قط انخیا کے ورداً مساوی ہے۔

سوس سی ارکے ایک دائر و کو رفض قطر و ) سابون آمیز بانی کی سطے میں رکھ کر اس سے است ہمیں اس کے ایک دائر و کو رفض قطر و ) سابون آمیز بانی کی سطے میں رکھ کر اس سے وزن کو نظار نداز کر کے نابت کرد کہ جہلی کی تضعف النہاری فراش ایک زنجیرہ سے جہلی یا نی کی جوار سطے کو حس زا ویہ پر ملتی سبت اس کومعلوم کرد - نیز نابت کرد کہ تفعف النہاری منحنی کا مبدل جہلی کارقیہ 19 وا کے ساوی ہو و کری ہے جہاں می

 $5a_{1}^{-1}$ 

سے عال مؤاہدے۔

اس میں جڑھ جاآئے۔ نئی کا سراجب پانی میں ڈابو دیا جاتا ہے ٹو پانی ف ارتفاع تک اس میں چڑھ جاتا ہے۔ نئی کو پانی سے مٹنا نیا جاتا ہے اور رفسف تطب رکا ایک قطرہ اس کے سرے برمنو دار ہوتا ہے اگر نئی میں شہمے ہو سے آیانی کا طول قطرہ کی تہ سے نئی کے اندرونی تبریسنون کی چوٹی تک جو تو نا بت کرد کرسطی تناؤمنا مات برج دف = ر (فت - ف ) - لیے را

(19 7)

سے حاصل ہوگا جہاں کتافت کو مث تعبیر کرنا ہے اور یہ ان سیا گیا ہے کہ تعوہ کروی جو کا جہاں کتافت کو مث تعبیر کرنا ہے اور یہ ان سیا گیا ہے کہ تعلیم کو مثال محدان کے مستویوں پر علی احتوا کہ ہے ان کو کی اندرو نی ہوا بیرونی ہوا سے زیادہ دیاؤ پر ہے۔ تابت کرد کہ جہل سے سرے نفست قطر او یہ بین اور معبلیوں کی درسیانی سطح ایک گرد فی سطح ہے جس سے نضف انہا ری سخنی کی ذاتی ساوات درسیانی سطح ایک گرد فی سطح ہے جس سے نضف انہا ری سخنی کی ذاتی ساوات جب فر ساف یہ ہاں تور کے ساتھ عما دکا سیان فرہے اور فاصلہ محرسے لائے۔

وم — اُگرائع وو سوازی انتها بی تخیتوں کے درمیان شعاری عمل سے او رکھینیا مائے نو نابت کردکر ماکن سطح کے او پر آزاد سطح کے کسی نقطہ پر چڑاؤ ف مرطن نوس سے جہساں ماس کا ارتفاع فف اور آزاد سطح کی قوس س ہے جوراس سے نابی گئی ہے ،سطح تناؤ ست، ہے ج ف ہم کے مساوی ہے اور مقیاس ک =

سے مصل ہواہے اور عطی تناو کو اسم کی کٹا فت سے ساتھ جونسبت ہے وہ ہے ممام

۱۹۰۸ - این کا ایک نظرہ سیسے کی ایک افعی تختی کی نجلی سطح سے لنگ را ہے آگرسطمی مناؤکو یا نی کا ایک نظرہ سیسے کی ایک افغی سطح سے اور فر اور ع = ہے مد (فر اس ) کا جہال نظرہ کے نوعی منعنی کی توس س ہے اور فر دہ زادیہ ہے جو مناب سے اور فر دہ زادیہ ہے جو مناب سے نوٹنا ہے تو نا ہے کرد کہ منعنی کا عماس افق سے نبانا ہے تو نا ہے کرد کہ

(جب فر + عَ ) (٢ جب فر + ٣ عَ) =٢ عرم أو (تطفر مس فر \* عَ + عَ ) ( جب فر + عَ ) (٢ جب فر + ٣ عَ ) =٢ عطا فر را + قطا فر را يا )

 $\left(\frac{7+\frac{6d^{7}6}{6d}}{\frac{6d}{6}} + \frac{7+\frac{6d^{7}6}{6}}{\frac{6d}{6}} + \frac{3}{4}\right) + \frac{1}{2}$ 

جان عَ = فرء/فرف المع = فراء/فر فداد الرسكام بع نظراندازكرويا جائ

جان لا = المسرة فر اور نقطدانطاف برلاكي قيت لا مع -

۹ سم سدزاویدراس ۲ و کا ایک طویل فانه با نی میں بقرر با سب اس طوربرکداس کا تا عده افقی اوراس کا اورکا کناره با نی کی قدرتی موارسطی میں سبع - اگرسروں بر شعاری عمل نظرانداز کردیا جاست تو نابت کروکد

ورق ۱ ست قطع (مب عر+ جم م )

جماں فانکا وزن فی اکائی طول وا اس کےسادی حم کے بان کا وزن و بسطی تناؤ مت اور قست ضعری کے زاوید کا کمله مرب -

، ہم ۔۔ سے حجم کے بارہ کا ایک قطرہ بغیر ہرونی فڈوں کے عمل کے سفیفے کی دو متوازی تعنیوں کے مفیقے کی دو متوازی تعنیوں کے درمیان دہا یا گیا ہے۔ تعنیوں کا درمیانی فاصلہ ف اسلی تناور مدت اسٹیشے ادر بارہ کے لئے زادیہ تماس منہے۔ نا میت کرو کر مطلب و بدواؤگی مقدار مدت کہ مرکز (اسم مرکز)

(146)

ف = الاعركر (طن مدمم ) فروع ع = ١١٧ عد كر (طن و - م ) طن و فرو حم مدمم (نه + حط مر) که  $=\left(\frac{\pi}{r}\right)\triangle=\tilde{\rho}$ جب تختیاں ایک دور سے معے مبت نزدیک ہوں تو نابٹ کروکہ دباؤ<sup>ر</sup> پیلے تقرب تک

سطح پر سے ۔ استقل سے جہاں من من سطح کےصدری قطابی ایس ۔ موہم ۔۔ جب انحوری نیجے وارانتھا بی ہو اور سبدا مناسب منحنب کیا گیا ہو تو ثابت

کروکہ میر، میروکٹا فو ل کے ودسیالوں کی سطح فاصل اِس ربط

اى= 1 (س + سرا)

کو بورا کرتی ہے۔ حباب انخا کے صدری تضف قطر می اسم، ہیں جن کو مضبت قرار دایگیا مے جبکہ تقرینے وار ہو، وا = ۲ س / إج (مم -مم) در درمیانی رخ كاشعارى

الرسط محوري كرور وشي سطح مواونا من كروكه محورك زديك كحصدكي تقريبي مهاوات (اسطوانی محددول میں)

٢ (ى - ى ) = ى ق ر ٢ + ١٠ ( ى و ٢ + ٢ ٢ ) ق ٢ ر٣

کشکل کی بڑگی اور بتا وُ کہ حب للی میں ائم ہو توالیسی صورت میں ہی زا ویہ تمامسس ی روم می کس طرح بال کیا جاسکتا ہے ۔

(Amplitude. ) Am. = 15 6 Cotam. =/ /19A)

## باب بازديم

کھو منے والے مائع کا تواز جس کے ذرات ایاف سرے کو عبز کے ہیں

۱۸۴ - اگرائع کی بچھکیت جس کے ذرات ایک معین قانون کے بوجب ایک دوسرے کو حذب کرتے ہیں کیسال دفتارہے ایک ٹابت محرکے کرد گھومے تو آزاد سطح کی کسی خاص شکل کے لئے میے ترین قباس ہے کہ انع کے ذرات

و اور کا می جانب کا میں کے مصلے میں کر میں میں جو بھی کسی درہ برکل کمیٹ اِ صَا فِی تِوازِن کی حالت اختیار کر مسکتے ہیں۔ بہرکیف چو بھی کسی درہ برکل کمیٹ

کی حاصل کششش عام طور پراس کی شکل برمنحصر ہوئی جو غیر معلوم ہے اس کئے اس مسکلہ کا مکہا جا صل نہنیں کیا جاسکتا۔

تستشش سے مسی افتیاری طور پر مقرر کردہ قانون کی صورت ہیں میسکلہ ض نظری دلجیسی مہا باعث ہوسکتا ہے۔ سکن حب بدتی نون تجانیب کا قانون

ہو تو اس کی انتہمیت بڑ ہجا تی ہے کیونکہ طبیعی ہیت کے ایک مسکلہ سے اس کا بعد سات پر

متساق ہے ۔ ہم سال ک<sub>و</sub>متعانس خال کرنیگے اورا نبی توجہ صرف ود صورتوں ک<sup>ے</sup>

محدو در کھیں گئے ۔ بہلی صورت میں تجا ذبی قو قوں کا فاصلے کے متناسب ہونا

اور دوسری صورت میں نیوٹن کے کلیہ کی بابندی کرنا فرض کرلیا جاتا ہے ۔ بر در مار مقال مائر کا کی کہ میں اینز کی میں گردی دیں۔ سیرگریزا یا

ایک محورسک گرد کیسال دفتار سنے گھوم رہی ہے۔ اس کے ذرات ایک روسر کو ایسی قرت سے جذب کرتے ہیں جوالیسے برلتی سبے جیسے فاصلہ آزاد مسطح

کی شکل متعین کرنا مطلوب سیے ۔ \* مسئل متعین کرنا مطلوب سیے ۔ '' مسلم کیسی میں روان سے کرمین اور سے

کا میں موجوب کی ماہ کر کی ماہ کی کہ اور اس کے متناسب م کسی ذرہ پر کی ماہ کر کششش اُس فاصلے کی سمت میں اور اس کے متناسب م جو ذرہ اور کمیت کے مرکز کے درمیان ہے ، اور اگر سیال کی کل کمیت کا فاب
صدیو تو نعظہ لا ، فا ، ی برکے سیالی ذرہ بر حاصل کشف کے اجزا ہے ترکیبی
محدوں کے متوازی ، مدلا ، مد ما ، مدی سے تعبیر ہو سکتے ہیں مبدا کو مرکز تمقل بر سینے سے اور گردش کے محور کو محور می زارد سے نے
تواز ن کی مسا وات ہے
فرد = ف (سالا - مدلا) فرلا + (سالا - مدلا) فرا - مدی فری

و = هر + با ت { (سما - مد) (لا + با ) - هد ی } آزاد سطح پر و صفر پامستقل ب اور آزاد سطح کی مساوات ب (ا- سیم ) (لا + ما ) + ی ا = ل مستقل ل سیال کی کمیت پراور سد پرمنحسر دوگا-

سه جب بہت چھوٹا ہوتا ہے تو آزاد سطح تقریباً کروی ہو تی ہے اور جیسے سد، صفرسے صدیک بڑ ہتا ہے تو کروی سطح قطبین پر زیا دہ ترجیبی ہوئی جا تی -حب سیا = صد تو آزاد سطح دمیت ویوں پرفشل ہوئی ہے اس کومکن نبانے میں از میں تا کرے تا در سر بالہ برائی از زیاد کر سر

کے لئے ہم میں تصور کرسکتے ہیں کرسیال ایک اسطوا نی شطح کے اندرگھرا ہوا ہے جس کا محو گردش کے محور رمینطبق ہوائے ۔ سیسیال میں اس کے محور رمینطبق ہوائے ۔

جب، سنا > مه تو آزاد سطح زائدنما دوحادی ہوتی ہے جو سد کی ایک خاص قمیت (سنہ ) کے لئے محزوط بنجاتی ہے اور سیال اس نضا کو یُرکڑ اہے جو محزوط اور اسطوا نے کے ورمیان ہے ۔ سیال کے حجم کو محسوب کرئے ل = ۔ رکھنے

سے سنہ کی تنین ہوسکتی ہے کیونکہ اس صورت میں مبدالبر داؤ معدوم ہوجا آ ہے۔ اگر سعہ کے سنہ تو آزاد کھے زائر نما یک جا دری ہوتی ہے جو جلیے سد بر ہتا ہے

اسطوانہ کی شکل کے قریب آئی ہے اور اس سئے سد کی بڑی فتیہ توں کے سئے کیا۔ قبایس کرنا صروری ہے کہ اسطوانہ جس کے اندر سال ہے اسپنے سروں پر بند ہے۔ (144)

اِس د فعہ کے تنائج غیر متی اِس سیال بریمی صادق آتے ہیں خواہ متواتر طبقات میں کتا فت کے نغیر کا قانون کچیزی ہو۔ ۱۸۸ — متجانس مائع کی کچیکیت جس کے فرات کلید نیوٹن کے ہوجب

اک دوسرے کو خدس کرتے ہیں امنا فی توازن کی حالت بیں اینی کمیت کے

مركزيس سے كررنے والے ايك محورے كرو كياں رفتارسے كوم رہى ہے يسطح لی ممکن شکل معلوم کرا مطلوب

اس مسلمه کا گھیک حل دریافت کرنا مکن نہیں جس کی وحداد پر منتلا دی گئی ہے ليكن بدوكها بإجاب تماسكما بيطأ ( Oblate ) كرونما توازن كي مكن شكل بيع-

فرض کروکہ کرہ نما کی مساوات ہے 1= 1+11/7 + 15

جبال گروش کامحور محوری ہے۔ تب نقطهٔ لا ، ای نرک دره پر مبدا کی ست بر کا ورک موازی ما کا کا می این موازی ما کا کا می این موازی موازی ما کا کششیں بالتر تیب

٧ = ٢ من لا (١ + لا) مس الدر له ما = ٢٦٠ ف ( (١+ ١١) من الد - له } (5+1) { L-~- 1 (1+2)

Mecanique Celeste ) يُوسِل السن كي ( Mecanique ) التيل كي له - لايلاس کی ( mecanique ) اورٹا وُ ہنٹر کی سکونیات میں یہ جللے ملیگے \_ موخوالدکر کتاب میں کرہ نما كي مساوات (لأ + مام) وا + مي اكر وا (١- زا) = الملكي ب لين ا- زا = الررا + لا) ركف سَنْرُكُره بالاستجليه حاصل موجلته ميريات

تواذ ن كى مساوات سي فرو = ف {(سدَّلا - 🎖 ) فرلا+ (سدَّ ١ - ما ) فرا- 🛥 فرى } لیکن کره نماکی سیاوات سے لا فرلا + ما فرما + (۱ + لاً) ى فرى = . ادر چونكه اسكومساوى و باؤكى سطح بونا چاسسية اس ك سر - لا / لا = سر - ما / ما = - - م / (١ + لا ) ي میں میں صاصل ہوتا ہے ست \_ رس + لاً) مستل ل ـ س ل ..... ( عـ ) اگر سداور ف وا حائیں تواس مساوات سے استعین ہو جاتا ہے اور يمركره نما كي نيم محورول كى باممي نسبت معلوم برجاتي سے -اصلی حل دریا فت کرنے کے گئے فرص کروکہ ا= (<u>س+لاً) مستالا - سلا</u> مست الای باے اس کے سلط اور ندرج کرنے سے جسے مطابع برک مرت ق

بقیه نوط صفی (۲۰۰ م) ل کے استعال سے غیر منطبق مقداری سفائل نہیں ہوئیں۔ مانل شکال کی نوبی مانل شکال کی دور اور راار تھ کی تحلیلی سکونیات کیلون اور ساز تھ کی تحلیلی سکونیات مصد دوم صفی ۲۱۹ میں مند بج ہیں ۔

ہے جبکہ لا حاصل ہوتاہے

ا شكال (جو ) اور (م ) سے ظاہرہے كه بالترشيب لا = - اور لا = م كے سكے امدوم ہوجاتا ہے - اب ہم بيتائيں كے كرجيد لا صفرت بربنا ہے تو الكيك اور مرف ايك متيت اعظم اختيار كرنا ہے .

 $\frac{i_1 l}{i_1 l}$   $\frac{i_1 l}{i_2 l}$   $\frac{i_1 l}{i_2 l}$   $\frac{i_2 l}{i_1 l}$   $\frac{i_1 l}{i_2 l}$   $\frac{i_2 l}{i_2 l}$   $\frac{i_1 l}{i_2 l}$   $\frac{i_2 l}{i_2 l}$   $\frac{i_1 l}{i_2 l}$   $\frac{i_2 l}{i_2 l}$   $\frac{$ 

 $\frac{(l^{3} \log - l^{3})}{(l^{3} \log - l^{3})} = (l^{3} \log - l^{3})$ 

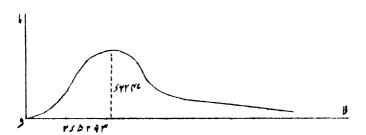
اور ئیر لا = . سے لا = الآل سنب سے اور اس سے بڑی لا کی تمام قبیتوں کے سنے سنداکر تا ہے اور اس بقت اسے اور اس بقت کے سنداکر تا ہے اور اس بقت کے سنداکر تا ہے اور اس بقت کک بڑیر کا کہ سے جب کک لا ، الآ تک بڑھرہا آ ہے ایک لا کی ایک ایس سے بڑی نمیش کیلئے اس سنے من ( لا ) و لا کی ایک ایس میں میں سے کے من ( لا ) و لا کی ایک ایسی میں سے کے من ( لا ) و لا کی ایک ایسی میں سے کے من ( لا ) و لا کی ایک ایسی میں سے کے من ( لا ) و لا کی ایک ایسی میں سے کے

(1.1)

کے معددم ہوتا ہے جو ماہ سے برطری ہے ۔ حددلوں کی مرد سے ہم باسانی دیکھ سکتے ہیں کوٹ (۲) مثنبت ہے اور ف (۳) منفی اس نے مطلوبہ کلیمت ۲ اور ۳ کے درمیان واقع ہے ۔ نیز من (۵۲۶)= ۰۰۲۵ء تقریباً اور

نوش کے طرفیہ تقرب سے ۱۶۵ و ن (۲۶۵) = ۱۶۵ + ۲۶۵ و ۲۰۹۳ و ۲۰۹۳

YS & Y 9 P.... =



یس فیلے صرف اس وقت معدوم ہوتا ہے جبکہ لا = ۔۔۔۔ ۲۶۵۲ ماروں اور اس ذفت مااعظم ہے ادراس کی قمیت ۲۲۴۷ ء ہے ۔ اس کے مساوات زیر) کی ترسیماُس ٹنکل کی ہوگی جونصوریس دکھا تی گئی ہے

ہ میں معین کا بیانہ فصلہ کے بیانہ سے بڑا لیا گیا ہے -لیکن اس میں معین کا بیانہ فصلہ کے بیانہ سے بڑا لیا گیا ہے -کشریری نقش بہتری کر سال میں کا میں ہوئی ہے۔

تُنْ بَيْنَ ہِم اَس نَتِيم بِرِ سِبَعِية بِنَ كَهِ اگر سَدَّ / ۱۶ ش > ۲۲ و تو جبیاً کره نما توار ن کی مکن شکل نہیں ہوسکتا- لیکن اگر ستا / ۲۴ نث حریم ۲۲ و تو

دوکرہ نمائی اشکال مکن ہیں کیونکہ نہ ۲۲ ء سے کم معین کی مقربیت کے جواب میں نصابہ کی دوختی قیمتیں لہ، لیم حاصل ہوتی ہیں۔

(۲۰۲) ایکرونمانی انشکال کی بلیلیجبیت - جب لاکی دوخیقی قیمتیں لم ، له

موں توایک ۹۳ ۵ و۲ سے بڑی ادر دوسری اس سے کم ہوگی- فرض کروکہ لم کم اور تو ایس کم ہوگی۔ فرض کروکہ لم کم لم تو بیت سے اور لم بر شما ہے ( دیکیے وشکل )

اور چونکہ لیم محروم مرح کا اس کے ماا + لیم کے ۱۷ مرح میروں یں نسبت ۱۱ اللہ ۱۱ سبے اس سے لکی بڑی قمیت ہمین بہت زیادہ بیسے کرونا كو تعبيركرتى بهاور سدار ۴ من كومم جننا زماره حيومًا ليس ده كونما زياده ترميميًا ہوما اسے جواصل لیے متما طرب نیز سیارہ ہوئی جود کی فیتوں کے لئے اسل ام جھو کی ہوگی اور اگرصد کرہ نماکی لمبیلیجیت کو تعبیرکرے تو م (١+صه) = م المال السطرة صه = لم الم تقريباً اور اس كئ مساوات (جر)سے  $\frac{1}{\sqrt{7}} = \frac{1}{\sqrt{7}} \frac{1}{$ صه کی بهای توت تاک ۔ یا صه = ۱۵ سلا/ ۱۱۸ ت تقریاً میکارن بہلائٹرخس تھا جس نے یہ نابت کیا کہ متعانس سیال کی کمیت حیکہ وبه گھوم رہی ہوتو تواز ن کی ممکن شکل جیٹیا کرہ نماہوتی ہے؛ وراس کیے ان کرہ نما ڈل کو عام طور يرم كلان كره نما كتيم من -ب ایسے سال کی صورت میں اس مسل کا استعال حب کی کثافت زمین کی اوسط کشافت سکے م

ی در حال سے سیدی ہوں ہے۔ اگر ہم نی الحال زمین کور تضعف قطرکا ایک کرہ امیں اور اس کی ادسط کتا کو ف سے تعبیر کریں تواس کی سطح بر کی کشفش ہے ہدف رسسے نعبیر ہوگی۔۔ اس سے قطب پر ما ذہ ارصٰ کی قومت (ج) کی بھی ہیالٹس ہو جاتی ہے۔

اله ڈارون کی کتاب Scientific Papers طبع مرکب میں ستا / ۱۹ ث ک قمیت بلیلیجیت کی تیسری توت یک ماصل کی گئی ہے۔ مس سکے علی نظام کی اکائیوں میں ج = ۹۸۰ تقریباً ادر ۱۹۲ ر = ۲۹ × اوستی میٹر۔ اس لئے ہمیتی اکائیوں میں

ن=٣٠ /١٩ ١٩ = ٥٤ ١٩ ١٨ ٥٠ ق

اگر بم کره نمائی شکل کے لئے سلم اور ہو ہ ن کو اس کی اتبائی قیمت ۱۲۲۷ء کے سادی میں اور ف کی منذ کرہ بالاتیت کو استفال کریں تو موری گردش کا وقت ۲۰ اس کئے بیقلیل ترین وقت ہے جس میں کچھ سمجانس کمیت جس کی کثانت زمین کی اوسط کتا نست کے مسادی ہے سیساں زمتار سے ایک چیٹے کرہ نما کی شکل میں گوم سکتی ہے۔

پھراگریم سد کی بجائے زمین کی زاو ئی رفتار <del>۱۹۳ ہم س</del>تعال کریں تو ستے ۔ سدن کی تا ستعال کریں تو ستے ۔ سدن کی تق سا

ست = المراب مراب مرب عرب عرب عرب عرب التربياً عرب التربياً عرب التربياً عربياً عربياً عربياً عربياً التربياً التربياًا التربياً التربياً التربياً التربياً التربياً التربياً التربياًا

جواننهائی قیمت ۲۲۴۷ دسے کم ہے اس کتافت اور اس زاو کی رنتار کے لئے دوکرہ نمائی اشکال مکن ہیں کیونکہ لا کی دو حقیقی قیمتیں لمتی ہیں جدیبا کہ دفعہ (۱۸۸) میں واضح کر دیا گیا ہے ۔ بڑی قیمت ایک بہت چیٹے کر دیا گیا ہے متناظر ہے اور حیو فی قیمت سے ایک ایساکرہ نما حاصل ہوتا ہے جس کی پیلیجیت دفعہ (۱۸۹) کی دوسے ہے

علم ساحت الا رص مع م م استے ہیں که زمین اپنی شکل میں ایک کرہ ما سے بہت ہی کم فرق رکھتی ہے کونکہ اس کی لم ایسیت ہی کم فرق رکھتی ہے کونکہ اس کی لم ایسیت ہی کم فرق رکھتی ہے کونکہ اس کی لم ایسیت ہی کم فرق رکھتی ہے کونکہ اس کی لم ایسیت ہی کہ فرق رکھتی ہے دیں کہ ا

ا و کروانساکیکلویدیا بری انتکامی (A. H. Clarke) اور (F. R. Helmert) کا

- (Figure of the Earth)

اب یہ واقعہ کومتجاس سیال کے ایک کرہ نما کے تورش کی کتافت زمن کی اوسط لنّافت کیمساوی اورحس کی گروش کا وقت زمین کی گروش کے وقت سے مساوی جوس ۲۰ : ۲۳۲ کی نسبت رکھتے ہیں یہ تبا آ ہے کہ یہ باکل خارج ازامکا ن سبے کہ زمین ایسے رور حیات میں کسی وقت ایک متحانس میال کی کمیت تہی-- لمبوترا کره نما مکن تنکل بنیں۔ پیعادم ریسے کریم نے اضا بی توازن سیر کرا کرہ نما مکن تنکل بنیں۔ پیعادم ریسے کریم سے اضا بی توازن صرف بدوكها ما سع كداكرستم/ ۲ من حرب ۲۲ و تو ينش كره نما مكن شكل ہے۔ اورہم دیکھتے ہیں کہ یہ نیتج سال کی مقدار کمیت بڑے صربہیں بلکہ حرف۔۔۔ اكتانت اورزاد كي رفتار مِرخصر بـــب- اگر سند/ ۴ ت ٧٢٨٤ و تو اس نیتجہ نہیں تکلتا کہ وازن ا مکن ہے بلد صرف یہ کداس صورت میں چیلے کرہ نما ن کہیں ہے۔ ب یہ معلوم کرنے کے مئے کہ آیا لمبو ترا کرہ نمامکن شکل ہے یانہیں ہم دھہ(۱۸۵) میں کی بھائے۔ کا مکہتے ہیں جہاں رکہونا چاہئے 🖊 ایب اس دفعہ جونا مکن کو کرمسا دات کے طرفین مختلف العلامت ہیں ۔ لی**ب**س لمبوترا کره نما ننی کی ممکن شکل بہنس ہوسکتا۔ سیال کی مسار ہاؤی مطور اور ایسے سال کی مساوی دباؤی سطوں کے درمیان ضروری فرق ہوتا پینے آدرات کی ایک و دسرے کو حذب کرنے والی قو نول کتے ۔ زیرعمل ساکن آن کے زیر عمل ثابت مورکے گردیکیاں رفست ار –

(4.47)

فرمن کر ، کہ ﴿ صب ج آزا وسطح اور ۸ ع ب مساوی دباؤی کوئی سطح ہے ورت میں د سے ف مے کسی نقط برئی ماصل توت اس نقط پسطے وو دارہے اور اب ج اور دع ب کے درمیانی سال کے وجود سے من آر اس سیال کو نکال دیا جائے قائس سیال ب کے نمٹنی نقطہ پر کی قوت اگر دیہ کہ اس نقطہ پرسطح کے عمود وار۔ ا المروفي سيال كي كميت كي اور دع ف اور أب ج ا جزا تركيبي كاسطح محمود واربونا حزوري بنيس اور عام طورير دع ف كے بيروني سیال کو بقبیسال کے برازن براز ڈانے ببیرعلمیرہ نہیں کما جاسکتا -رسیتے ہوں اس طرح کہ آزا دسطح کرہ نما ہو توم ناقص مناؤں سنے کھرے ہوئے ناقص نا ئی خول کی حاصل کمٹ ش اس مکے سال کوتمللحده کما جاسکتا سرمے بشرطه یکه گروش کی رفغار غیرمتغیرر-کے سے جوایا معید صرب ہور ، اس میں ایک شکل خرق ہے ۔ - فرض کروکہ آزاد سطح (ب ج ان میں سے ایک شکل خرق ہے ۔ ایک ہم مرکز کرہ نما گ ھے کہ ک پر کسی تسم کا از ڈالے بنے علی ہ کیا جاسکتا ہے ملح ک ھ کے کے نقطہ بن یرکے ذرہ پر خول ک کے عمود دار نہیں ہے سکین میشل، کمیتگ ھاکٹ کی ٹی اور مفرد مند قوت

سبة رك ساتھ ملكر نقط ف برأس كرو نما محمود وارب جونقط ف ميس گزرتا ہے ادرسطح | ب ج سے ہم مرکز اور سنشا بہ ہے -ووسرے الفاظ میں سطح برکے ایک وُر ہ کا وزن اُس مسادی دباؤ کی سطح کے عا د کی سمت میں عمل کرتا ہے اور کسی آند رونی ذرہ کی صورت میں اُنس م کی مطلح کے عماد کی سمت میں عمل کرتا ہے جو درومیں سے گزرتی ہے۔ اسى طرح اگرآزاد ينطح الب ج كى تىكل مكن اشكال ميں سے إيك ہوتو و تیاس کرسکتے ہیں کہ انع کاایک عم مرکز خوا کست کے ساتھ جوڑ دیا گیا ہے جل کی بیرونی سطح اسی شکل کی ہے جیسے اب ج یا در سری مکن کی کی سطے ہے۔ یهانی ویت میں { ب ج مساوی دباؤی تنظیمی ہُو گی کیکن دوس میں ( اب ج مساوی دباؤ کی سطح تنہیں ہو گی۔ کیونکہ مساوی وباؤ کی نئی سلمعیں بیرونی سطح کے متشاہ اور متشابہا واتع ہونگی-اگرسال کی کچیکست است مرکز نقل میں سے گزرنے داسے ایک محدر ۔ ایسی زاو نی رفتا رسے گھا وی ٰجائے کہ سنۃ / ۲ ش کی ٹیمست سے متا وزکرجا ہے تو اس سے بیمستنط نہیں ہونا یال کرہ ناکی شکل میں مقان نہیں ہوسکتا کیونکہ یہ نیاس کیا جاسکت سے کہ اون میں ملجاظ محور کے بھیل جائیگی اور زمادہ جبیٹی صورت اختیار کرے گی حتی کہ اس کی زاو ئی رفتاراس قدر گفٹ عباسے کہ کرہ نمانٹکا کا امکا ن ہوجا۔ ے سال کال میشنل ہو تواس کی شکل تواز ن کے کرہ مناشکل میں سے ہتنزاز ریکی نمین اگرجیا کہ نام معاور سیا بول کی صورت ہیں ہوتا ہے، ذرات کے اسمانی مثّا ہوسے رگڑ پیدا ہوتو استزازات سرریج محصف جائیں کے ادربالآخر توازن کا ایک محل رونا بِوكا - آب به إيول مستعال كركے كوكل نظام كا زاو نی معیارا لحركت بلحاظ محور ی مستقل ربسیگا ہم انتہائی زاو نی رفتار اور اختیار کردہ انتہائی شکل معلوم کر سکتے عام سوال ریجت کرنے کے لئے فرض کروکہ سال کی کمیت کوکسی طرح حرکت ويدتكني باور ميراسكواني حالت برحيوط وباكيائ تركميت كالمركزيا توساكن مركايا كيسال

تیم می حرکت کرنگا بین س رکت مف عور کرنا مو کام کمیت کے کمیت کے مرزمیں سے ایک ایسامستوی کھینچو جس کی سمت میں زا دی کی میار اکت عظر سے - ت ارستوی مبلو سیاری ستوی نبا جاسکتا ہے نا بت رہے گا خواہ مرکت البعد میں سال سکے ذرات ایک دوسرے پرکسی طرح کاعمل کریں اور جب ذرات کی ا منّا نی حرکت اُن کی اِنهی *رکڑ سے فتاً ہو جائیگی تو اَصَّا فی توازُن* کی <del>ہے</del> یہ ابس مستوی پر کا عمود وارمحور اسال کی کمیست کا گردستسی کا محو رہوگا. فرض كروكر نغام كا ديا بوا زاو ني سيار حركت هدب ادر ما لاخراسكي زاد أي وازن کے کرو فالے محروں کوج اورج ما ولا سے اور کست کوک سے بغیر کریں توزاو نی معیار حرکت کے ساتے جلہ <del>ع ک</del>ک ج<sup>ما</sup> ( ۱ + لا) سد حال ہوگا-ن إلى ج (١+١) سه = ه نيز عيم و ف ج (١٠٤١) = ك ان وومساداتول اورساوات سنة ع (۳+ در) مستل لو- ۱۳ لم ۱۳ م اله ف سے ج اسد اور لد کی میتیں دیافت کیجا سکتی ہیں -بهلی دو مسأوا تون ست جسسے لکی تنین ہوجاتی سے۔ اس مساوات کی بهیفه ایک اصل دجود کمتی سے کیونکه داہنی طرف کاجم

له ميك ساخة صفراور لا تنابى بو تا سينه - اس سلط اس كو ايك البير قميت اختيار کرنی حاسبیئے جوا صفراور 🖘 کے درمیان لد کی کسی خاص ہمیت کے لئے ا ایس طرت من عفیت مشقل کے مساوی ہو۔ مزید برآس یہ تبایا عباسکتا ہے کہ اسس مساوات کی مرف ایک اصل شبت ہے کیونکہ مینابت ہوسکتا ہے کہ دا ہنی طرف کے جال کاشتن ہمیند مثلبت ہے - اس کے هدادرک کودی مونی مقداریں فد کر ہم اس نتیجہ پر پہنچیتے ہیں کہ ایک اور صرف ایک کرہ نما شکل ہو گی جس کی طرف مبتنزاز کرنے والا سال مساسل ائل موتا جا تنگا

Mccanique Celeste, Tome, II ن لاس كى تتاب

Système du Monde, Tome II

Mecanique Celeste Tome, II

کےصفحہ الا میں اسی کولان کی کےصفحہ ۹ میں اور ٹسانڈ کی

لا نا قص منسا - جكوبي في وريانت كياكر بين سا دی توروں والانا نص نما تھوستے والے انع کی کمیت کے الئے اصنا نی

Journal de l'Ecole Polytechnique,

Tom, XIV من شائع موا-

گردش کے محرکو تحربی لسیکہ فرض کرو ( اگر مکن او) کم اتع کی سطح اس شکل

ن ہوتی ہے۔ سب اگر مانع کی کمیت ک ہوتوسطے کے نقلہ (لا) ما ، ی ) برکے فعرہ پیم اور درس ال شنسي على الترتيب ﴿ لا ، بِ الله اورج عَنْهُ مِن - جَمَال

$$\frac{1}{\sqrt{1+|x|^2}} = \frac{1}{\sqrt{1+|x|^2}} = \frac{1+|x|^2} = \frac{1}{\sqrt{1+|x|^2}} = \frac{1}{\sqrt{1+|x|^2}} = \frac{1}{\sqrt{1+|x|^2}}$$

مل کہ ۔ لاکو جس سے چیٹا کرہ نما حاصل ہوا ہے مسترد کرکے ادمت ام کو دا ہی طرف منتقل کرنے سے وا(١- وا) (١- لا كراء ا) فرع سے لَه كى تعين ہوتى سرى جبكه لىمعلوم ہو۔ لأكومنبت فيست ديين سنه مساوات كي دامني طرث كاجد منبت بهو كا الركة = . اورسفى الركه = ٥٥ ، يس لذكى ايك فيسك منتبت بوكى جو مسا دات کو یوراً کریگی -مزید بران مها دائوں (۲) کی روست = = = \frac{1}{2!} اور اِسلے سنہ ایک مثبت مقدار ہے ۔ پس اس کی بوری طرح تقیق ہوگئی کہ تین غیر ساوی محدوں والا انقس نما پیری اس کی بوری طرح تقیق ہوگئی کہ تین غیر ساوی محدوں والا انقس نما ا الراوسطى كى مكن شكل به جس كے تيوں محور غيرمساد كى ہي اورسب ت محورگروش کے محور پر منطبق مواہیے ۔ 🖊 ا ورند متلكا يحل مساوات (م) سے یہ فاہرہے کہ لا کہ الاز ا کی بوری دسعت میں منعبت ہوگا اوراس سے معدوم نے ہوسکے گا۔ اس کے لآباكا لازماً اوراس سے وارح یا ب/ج کہا سے بڑا ہونا جا سے-اس سے

جيكوبي ناقص مناكي دولون جين جيول بنين بوسكيس-

(۲۰*۸*)

99 ا ۔۔۔۔ سطح بر جا ذب کا حاصلِ عمل قو توں ( ﴿ ۔ سنہ ) لا ﴿ ب ۔ سنہ الله اور ج ی کا حاصل ہے جو مرکزت اور ج ی کا حاصل ہے جو مرکزت ماسی مستوی برکھینچا جائے۔ ر

نیزاندرو نی ذرہ بر مائع کی مششوں (لائب ماادرج ی کوز بن میں رکھ کر اور الیب نیز کے مسئد سے استفادہ کر کے یہ برآسانی ٹا بت ہو جاتا ہے کہ کسی مرکزی مستوی سکے عمود وار اور اس کے رقبہ کے متناسب ہے ۔

محور برمنطبن نہ ہو۔ صدری محاور کے محاظ سے فرض کردکہ گروش کے محور کی سمتی جید ب الما م

ل، ه، ن بین کمیت کاکوئی نقطه (لا، ما،ی) سب اور ک اس عمود کا با بیر سے جو هرسے محدر بر کھینے گیا ہے ۔

تب و آل= للا + ما + ن ى ادراگرول= ؟ تول كم موردين ل ع مع ع ان ع

ادراروں ہے ؟ کول سے محدد ہیں ک عظم ع ، ن ع اسراع سنہ هرک کو محدد ل سے ستوازی تحلیل کیا جاسے تواجزا سے تحلیلی حال ہوتے ہیں

سنة (لا- لء) سنة (١- مء) سنة (ى - نء) اس لئے آزادسطے کی تفرق مساوات ہے

{سة (لا - ل ء) - (لا ) فرلا+ {سة (ما - م ء) - ب ما } فرما + {سة (ى - نء) ج ى} فرى = پس آزا وسطح ك شكل مساوات

ست (لا + ما + ی ) - سا (ل لا + م ا + ن ی ) - (لا - ب ما - ج ی = متقل سے ماصل ہوتی ہے ایک اقص ناکو

تبرنبیں رسکتی حب کک ل ، م ، ن میں سے دومقداریں معدوم فرموبائی۔ مسٹر گرین ل نے بیبان کیا سے کردش کے مورے سرے پر انٹے کا ذرہ صرب ا شعش سنت زُيرعل ساكن رہے كا كيونكه اس نقطه يرجله سنة رمعدوم ہوجاتا ك یس زرہ پر کی سنش سطے کے عما و کی سمت میں مونی جا ہیئے جوصر س محررکے سرے کی صورت میں درست۔

ا \_ جيكوني كمسله كاحسب ويل تبوت اس - اسمته في مساله ويس (The Cambridge Mathematical Journal)

ا نع کی کچھکیت استفاریم کے انندزاد کی زفتارسہ سے محوری کے گرد گوے اوراگر نقلہ (لا) ای ) پرکشش کے اجزاء ترکیبی کا مل، سے ہوں توآزا دسطح کی مساوات ہوگی

( كا - سندلا) فرلا+ (ما - سنرا) فرا + ك فرى = -

اب اگرآزادسطخ اقص نما روتو

٧= ( ١١ما = ب ١١ هـ = ٢ ي

عبال (اب اج مخصر بین الله ای پر۔

يُس اكر الم ب ع ناقص ماك نضف محد ول تو مساواتول ( ﴿ - سَدَّ ﴾ لا فرلا + (ب - سنَّ ) ا فرا + ج مي فري = ٠

- لا - فرلا + الم فرا + الحريب فرى = ·

لوہشرط امکان منطاب*ق کر*نا ہے۔ وس کئے مساواتی*ں* 

(-ساء الله به ساء ساء على ج = براء (-ساء الله به ساء على براء على الله براء على الله براء براء الله براء الله براء الله براء الله براء الله براء بوری ہونی جا ہئیں جن سے لہ اور سدا کو ساقط کرنے سے مال ہوتا ہے

(rl-)

لاب (س - ( الا - با ) جاج ہے . ..... ( عه ) ١٠٠١ - = { ( و + ع ) ( - ا + ع ) ( ج + ع ) اور اگر مانع کی کمیت ک ہوتو >(9) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4)  $\frac{d}{2} \frac{5}{5} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{5} \frac{d}{5} \frac$ تب مساوات (عد) بروجاتی سے  $\cdot = \left\{ \frac{r_{-}}{5+r_{-}} - \frac{r_{-}}{(5+r_{-})(5+r_{-})} \right\} \frac{5}{5} \frac{5}{5} (r_{-} - r_{-})$ اگر او، ب سے مخلف ہو تو محوروں کے درمیان جوربط سے اس سے مساوا  $(r) \cdots = \left(\frac{9}{r_{11}} + \frac{1}{r_{22}} - \frac{1}{r_{11}} + \frac{1}{r_{3}}\right) = \int_{r_{11}}^{\frac{9}{12}} \int_{r_{11}}^{\frac{9$ يورى ہونی جاسيئے۔ م اور ب معلوم ہول تو اس مساوات سے ج کا تعین ہوجا آ ہے۔ اگر اور ب معلوم ہول تو اس مساوات سے ج کا تعین ہوجا آ ہے۔ اور جِنكه داسني طرن كا جله منفى بعي جيك ج = ٠ اورمشبت مع جيك ج = ٥ اس کئے ج کی ایک تیمن حیثقی ہو نی جا سینے حومساوات بالا کولوراکرے۔ یونکه ع/۲ شبت بے اور یونکه 元 + 元 - 元 + 方

(Natural Philosophy, Art. 494 n.

شبت ے اگر و کا فی بڑا ہو اس کے بیٹی کھیا ہے کہ حب ، و چھوٹا ہوتو ہر آخری

Minchin's Statics, Vol. II. P. 808

جلاسنفی ہونا جا ہیئے۔

يس يامعادم بواب ك

たナガくさ

اوراس کے مقادیر و اور مب میں سے جو مقدار حیوثی ہے اُس سے ج جوڑا ہے۔ زاوئی رفتار معلوم کرنے کے لئے ہم جانتے ہیں کم

سز( دا- ب ) = ( دا- سب ب

= المروا - با) روا - با) روا - با ) در الله عز المراب ( با با عز ا

اور اس كے اگر 4 كب سے مختلف ب تو

 $(-1)^{\infty} = \frac{369}{1} = \frac{369}{(-19)(-19)} = \frac{369}{1}$ 

اور چونک یہ جلد ایک متبت مقدارہے اس کئے سد کی ایک مکن تمیت مال ہوتی ہے اور یہ تا بت ہوگیا کہ اقص منا، آزاد سطح کی ایک مکن شکل ہے حب کہ ایس نا نفس منا کے تینوں محر غیر مسادی ہوں اور ما نعسب سے چوسے محر کے گرو

تھوم رہا ہو –

۸ ۹ اسے ج کاسب سے چموٹا مور ہونا اس طرح بھی ظاہرہے

سا = <u>در (- ج ح</u> ح

 $=\frac{1}{r}\sum_{i'}^{r}(i'-5')\left(\frac{2^{i}+2}{(i'+2)(5'+2)}\right)$ 

جس سے بیٹا بت ہونا ہے کہ سے کے حقیقی ہونے کے لئے یہ صروری ہے کہ ج کر اس اور ارس

اسیطرح ج ہم دیکتے ہیں کہ وفعہ 194 میں (اسب اج کے لئے جو شلے ئے گئے میں وہ اُن حبول میں خول ہوسکتے میں جو دفعہ ( مم ١٥) میں مندرج ہں اگر واکی تحاف جا (ا + لا) باکی بجاسے جا (ا + کا) اور جا + ع ی کائے جوار والکھا جا سے اس طرح وقعہ ( ۱۹۷) کی مساور تیں رہ ) رجہ ) وهی بین جو وقعه ( ۱۹ م) کی مساواتین ( س ) اور ( س ) بین- اگرسیال کی کمیت ك دى جائے قوالك اور مساوات على ١٦ من لاب جوك حال بو ت ساوات اور دنغه ( ۱۹۴) کی مساواتول ( بو ) ( حه ) سے ک<sup>و</sup>ب ہے، کا نتین کے بن اور ملہ کی رقوم میں موسکتا ہے۔ (C. O. Mayer) نے وریافت کیا Traite de Mecanique ب بفته میں بھی ان کی پوری تستریح موجود سبے حس میں میر توازن کی ایک مکر ضُکُل نبا تی ہے اور اسس خاص محمت کے لیئے ناقص ما ایک ی ناتھ نا سے جومیلارن کے ایک کرہ نما پر نطبق ہوتا ہے۔ مزید مرآل ریمی تا ما کیا سیے کر دفتہ (۱۹۷) کی مساوات (بر) کے این حانب کا تف عل ا مر قبیت سے ایک بکار قبیت اعظی مارکرتا ہے ادراس سے حمیو دلی قبیتوں ا ورموت ایک ناقص ما حاسل جوتاسے ۔ میکلا ران کے کرہ کاؤں ادرجیکو ہی گئے نا قصر نمائن سے متعلق نتیجوں کا خلاصہ اس طرح لکھکتے ہیں:-اگر سنّه/۲ 🛪 ت 🖊 ۲۷ ۲۷ و توکونی کردیما یا اقص ما بنیس

Crelle's Journal, Tome XXIV. (1842)

اگر ۲۲۲۷ء کے سنا / ۲۱ ن کے ۱۸۲۹ء و دوجیئے کرہ نما ،

اگر ۲۲۲۹ء کے سنا / ۲۱ نٹ کو دوجیئے کرہ نما اورایک ناتص نما جس کے تیموں محاورغیر مساوی ۔

حس کے تیموں محاورغیر مساوی ۔

• ۲۰ — ہم نے دفعہ (۲۹۹) میں دیکھا ہے کہ جبکو ہی کے ناقص نما کی دونو الملیجیتیں چھوٹی نہیں ہوسکتیں ۔ درحقیقت ایک محور ہر صورت میں گردین کے حور کا کم از کم ۱۷ کا ایس میں کردین سے حور کا کم از کم ۱۷ کا ایس کے گوئی سے انسکال میں ناول ہر تفصیلی مجت کرتے ہوئے جبر ہر عادی حوالول اور کھومنے کی دفتار سست پڑتی جائے گئی اور حب زاو نی رفتار ساسل کھٹی جاتی ہے کہ تو میار رفتار ساسل کھٹی جاتی ہے تو میار کردین کا محور کی افتار ساسل کھٹی جاتی ہوئی اور حب زاو نی رفتار ساسل کھٹی جاتی ہے تو میار کردین کا محور کی افتار کی دفتار کی افتار کے کہور برعلی القوائی ہے تا تھر نیا کہ دین کا تعدیل القوائی ہوئی المور نے جبرائم ہستوار ہوئی کی ایک میکس خلالی تعلیل کے اندا سطوانہ ہے جبرائم ہستوار جسم کے ماندا سطوانے کے محور بروں کو کہی مور ماہو ۔

جسم کے ماندا سطوانے کے محور بروں کو کہی مور ماہو ۔

اگر کر اور دین بمرخور بروں کو کہی مور ماہو ۔

اگر کر اور دین بمرخور بروں کو کہی مور ماہو ۔

م اگر او ادر ب نیم محور ہوں توکسی انبراو نی نقطر( ۱۷۷ ) پرکٹ ش کے اجزا ہے۔ میں ہن

'On Jacobi's Figure of Equilibrium for a rotating mass of fluid." كُو رِيُعو Proc. Royal Soc. Vol. XLI. (1887) p. 319, or Scientific Papers, Vol. III. p. 119.

(414)

لافرلا + افرا = .

والم الله متا تل كرف سے بيس ماصل موتا سے

سر = م م ث اب/(ا ا + ب)

اس سے سہ کی تعین ہوتی ہے اگرٹ، 1، ب دے سکتے ہیں۔ میکن اگر سہ، ٹ دے جائیں توج بھہ

> 「一」 一」 一」 一」 一 十 り

اس کے قاصی ہطوانہ توازن کی مکن نظال منہیں ہوگا سوائے اُس صورت کے حبکہ اس کے حبکہ ۔

م و م ب بوافكارے كامسُله - بم سن يه ديواج كه جيكو بىكانتص نه اصنا في توازن كى ايك نامكن شكل بوتا ہے اگر

ست/ ۱۸۲۰ ف 🗸 ۱۸۲۰۹

ایک جنایاکرہ نمانا مکن کل ہوتا ہا گر سنا / ۱۱ مث کے ۲۲۲ و ادرایک ناتھی ہطوانہ نامکن کل اگر سنا / ۱۲ ت کے ۵ سے بوانکارے نے نابت کیاکداگر سنا / ۱۲ ت کا ترکی اور انکارے نے نابت کیاکداگر سنا / ۱۲ ت کا تو اور ترکی ایک صنوع ہے کہ آزاد اور ترکی نائیل مکن بنین سین سین کے گزار اور ترکی ایک من بانک میں مت اندر وئی جانب مو ورمنہ سطے کے مرافع کم برنقط برکشتش اور مرکز گریز قوت کے حاصل کی سمت اندر وئی جانب مو ورمنہ ایک حصد عبد امرائی علی ترکی تجاذبی قوتوں کا تو ہ فد ہے اور محورسے فاصلار سے اور فرغل کردکہ

Bulletin Astron. Tome II. p. 117 or figures d'equilibre d'une masac fluide, P.11.

ء = فد + لي سارً

برونی جانب طاصل عادی قوت جفع بے اور توازن کے لئے (سام) ازادسطح کے ہرنقطہ پر ج<u>ف ع</u>سنفی ہونا چاہئیے گرین کے مسٰلہ سے کر ج<u>ن ء</u> کر خ<del>ف ع</del> فرس *= کرکران* ۶ فرلا فرا فری جہاں ببلا مملی طع پر اور دوسرا سال کے کل حجم کے اندر لیا گیا ہے۔ اور لف ع = لف ا فر 4 م سرّ = - م 1 ف + 4 سرّ اس کے کر حف ع فرس = ۲ (سڈ - ۲۹ ش)×جم

ادر اگر سنڈ 🖊 ۸ ت تو داہنی حانب کا جمار مثنبت ہے جس کے یمعنی ہس کسطے كي يندنقطول يرحاصل قوت كي مت بيروني جانب إوراس كف ووازن امكن سبة -س ۲۰۱۰ --- نوازن کی اور شنگلین - ان است کال کے علاوہ جن پر ہم نے خورکیا ہے جلقتا (Annulus) برسب سے پہلے لاپلائل نے غورکیا عَبِلَ كَا تَعَلَّى زَحَلِ سَكَ جِبِلُوں سے سبے ادراس و قت سسے اسْ مِعْلُون بِرِبہہت سی *ح*قیقات

سے۔ کیلون اور ٹیے کی ( Natural Philosophy ) طبع دوم کے دفعہ ۵۵۸ مین تیجو رکی ایک تعداد جو مذکور و بالا اشکال کی قائمُبیت سے متعلیٰ ہیں بغیر تبوت

له لف ا فد ± v2 م

(Tisserand) Mecanique Celeste, Tome II. p. 155 ) مر (Mecanique Celeste) حلد دوم کے الواب نہم ، دہم، وواز دہم دیکھوٹن میں لا بلاس اللہ اللہ میں کی کھوٹن میں لا بلاس کی کھوٹن میں لا بلاس کی کھوٹن میں اللہ کی کھوٹن میں اللہ کی کھوٹن میں اللہ کہ اور سر کوب کی گئی ہے۔ م

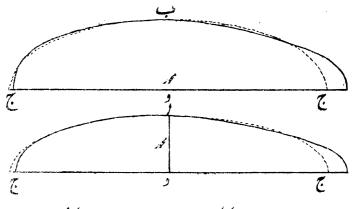
کے درج کیکن تھی - ان نیٹوں کو قائم کرنے کی کو Stockholm) میں شائع ہوا -اس تقالہ میں توازن کی شکل سے مسکر سرزیادہ عام طرابقہ سے بحیث کی محکیٰ ہے۔ اس میں بنایا کیا ہے کہ تو از ن کی ممکن انسکال خطی اقص نما دوريراسيه موسكنا سي كدايك مى شكل دو عنقف سلسلول سي تعلق ركيم- اسطرح درت ہے۔ مثلاً کرہ ماؤں کےسلسلہ کا ایک خاص رکن ایسا-یکونی کے ناقع ہنا کے سلسنہ سے تعلق رکھنا ہے۔ یوانخارے توازن نی اشکال کی تامنیت کے مسلہ پر بھی تبث کی ہے اور یہ تبایا ہے کہ اگرا فسکال لد روشا خگّی کی شکل کی حد یک قائم مو تو اس نقط سے بعدا ئىم جائى بىل - ئائم اشكال اب دوسرى سالم ننا تكل كي شكل من بتال بيفاع - اس طرح ميلارن كاكره نما اس وقت مك قائم وا وكراك فروج المركز ١١٤ دست كم جوجو دوشا فكى كا نقطها طرسے بیکونی کے ناقص ما قائم ہو جاتے ہیں ۔ جیکونی کے ناقص ماؤں ر رشا علی کے نقط (Lame) کے نفاعلوں کی مدو-نے کی کوسٹنٹس بر ہوآ کارے نے دریا نت کیا کہ توازن کی اشکال سے سلسلول ی ندا دلامتناہی ہے تمام اشکال لمجا ظ ایک مستوی کے جوگردمشس مے محدیر ودوار موما ہے متشاکل ہوتی ہیں۔ تمام اشکال کراز کر ایک تشاکل کا ر کھتی ہیں جو محور میں سے گزرتا ہے اوران میں۔ ان است کال میں صرف ایک قائم موتی ہے ادر اِس صورت میں تفار کل کے مرف ستوی ہوئے ہیں۔ یہ دونکل ہے جو جیکو بی کے انفس نماؤں کے سا میں بہنی دوشا خگی سے بیداموقی ہے اور ان کو توازن کی نامسیاتی نمانشکل

(117

له

کے

کونکد بوانفارے کے مقالہ میں جو شکل کھینچے گئی ہے وہ نامسیاتی کے متشابہ ہے ۔ مزید تعقیات سے معلوم ہواکو شکل نامسیاتی سے اتنی شما بہت ہمیں رکھتی جبئی کہ بہلے فرض کی تھی۔ ڈارون نے اس پر دومقالوں میں مجن کی ہے اور ووسرے تقرب کا اس کی شکل کا تعین کیا ہے و دو شاخگی کے نقط پر جبکو بی ناقص نما کے محور دن میں نسبت اس کی شکل کا تعین کیا ہے و دشاخگی کے نقط پر جبکو بی ناقص نما ہے محور دن میں نسبت اور سستا / ۲۸ شاہ سالہ ۱۸ سے اور سستا / ۲۸ شاہ دار اساف قرق رکھتی ہے۔ نامسیاتی نماشکل جبکو بی کے اس ناقص نما ہے فراساف قرق رکھتی ہے۔



جو اسبینے سب سے بلیے محور کے ایک سرسے پرانجرا ہوا اور ووسرسے برگذر ہواسہے۔

Loc. cit. p. 347, also Figures d'equilibre d'une masse fluide, p. 161.

"On the pear-shaped figure of equilibrium of a rotating mass of liquid," Phil. Trans. Vol. 198 A (1901), p. 301. or scientific papers, Vol. III p. 288, and "The stability of the pear-shaped figure of equilibrium of a rotating mass of liquid," Phil. Trans. Vol. 200 A (1902), p. 251, or Scientific Papers, Vol. III. p. 317.

ان اشکال کی قائمیت برایک سلیس اور دلیجیب مصنون . The Genesis of Double Stars کی مصنون . Darwin and Modern Science کی میں مہت اسمان بحبث کی گئی ہے۔ بیمعنون . کی اسپست دہشتہ میں اس مصنف کا لکھا ہوا ہے۔

اشکال بالایں جن کو بالا حازیت متذکرہ صدر ڈاروں کے دوسرے مقالہ سے لیا گیا د نظه وار خط جیکو بی ا قص نا کو تعبیر است اور ووسرامنحنی اسیاتی ناانکل کو اوروالی شکل استوائی راش ادر بھی مصف اکنہاری راش سے نشاکل کے ستوی مین-مم ٢٠ --- جيموني اليليجبيور كم بطوس سيانسر اقص ماكي كشفش ك لئ سب ذیل جلے گھو منے واقع ائے کی کمیتوں کی اختیار کردہ اشکال کی مجسن میں اکر مفید ثابت بوتام مني اگر (١ ب ، ج نيم محور مبول ايسے كوب = و ( ا- صه ) ادرج = و (ا- ش) تر کسی اندرونی نقطہ (لا المامی ) برکنشش کے اجرائے ترکیبی ہیں ا ف ال ب ف الم ج فى جہاں (= ١١١١- ١٥ صد - ١٥ ش) ب= ١١١١ (١+ ١١ صد- ١١ نه) でよりのよー1)のよーで ان جلوں کو متناکل صورت میں اس طرح بھی لکھا جا سکتا ہے (= = 1 (1- 1 + 1 - 1 - 2 )) · ( - 1 - 1) # = ) يااسطرح (2+++1) = = 5 جال ۲۰۵ \_\_ مثال \_ سخانس العركيميت ك اورك كميت كا ايك دوركها بهوا کُرہ اضافی توازن میں اَ ہینے مرکز تُقل کے کُر دیہہو ٹی یکسا ل زاو بی زمّار میں سے گھوم رہیے ہیں۔ ناست کردکہ الح کی آزاد سطح صغیر کمیلیج بتوں کا ناقص نما ہیے حب کاسب سے

له و کیمورا و کقی ( Analytical Statics ) حلدووم ونعدا۲۲ (طبع دیم )

لمبا محور کیب کی طرف ہے اور سب سے چھوٹا محور حرکت کے مستوی بر علی انقوا نم ہے ۔ اور سام کے مراکز ُنقل کو لانے طابے خط میں سے گزرنے والی صدری ترا شوں کی پیج تیرار ہنسبت مرک ہک ؛ میرک ہے۔ (Math. Tripos. 1888 Math. Tripos. 1888)

اگراجسام کے درمیان فاصلدت ہوتو کمیت ک کے مرکز نقل و کاامراع میک ہے اور وکو ساکن کرویا جاسکا ہے اگر انع کی کیت کے ہر عضر پر یہ انزاع متقابل شمت میں لگا دما ھاسستے

اُرُکیت کسکامِرُز نُقل ﴿ ہواور ہائع کی کمیت میں کوئی نقطہ ن ہوتو ن پرعمل 📗 كرف والى توتيل بين ممك الى متين الممك أو كم سوازى، وه قوت و ائع كى برخود كشش سے بيدا ہوتى ہے، اور مركز كريز قوت - اب ن (كى ست بي

عمل كرف والى قوت مرك معادل م

ن و کی ست میں عمل کرسنے والی توست

سرک بنای در اور و ای متوازی سل كرنے دالى قرت سرك × و (ك-

مدک ر (ن ۲۰۰۱ ت رجم طه ) <del>۴</del> ن کے پہلے د تبہ کک ر

ب تسم کے سٹلوں پر لا پلاس سنے (Mecanique Celeste) یں بحث کی ہے۔

کی تبیهری طلد

و (کے متوازی -اگریم اقص نمانی نفکل مان لیں اور و (کو محور لا اور گردش کے محور کو محوری قار دیں تو

فرور = سنز (لافرلا ۱۰ فرم) - رئ الفرلا - ب ث افرا - ج ف ى فرى الفرلا - ب ث الفرلا - ب ث الفرلا - ب ث الفرلا - ب الفرلا الفرلا - برلا - برلا الفرلا ا

- <del>ن۳</del> ور<sup>ر + نسب و ادرآزاد سطح کی شکل رونی جارمیئے</sup>

لا (سدّ- النه عرب - مربي ) + ما (سدّ - ب ن - مربي ) الرسدّ - النه مرب الله مرب الله

ر الاراث - المرك - سد ) = با (ب ن + مرك - سد) . الاراث - سد)

= ځ (ج ت - مرکز )

اب چوککمیتیں بے مرکز تقل مث کے گروزاو فی رفتارست کھوم رہی ہیں

: سلا × وث = سک

(ك+ك) وك = ك ن ن سناء <u>سرک +ک ؛</u> ن<sup>را</sup> بر ٠٠ الراح ب ب ب = سية (الراج ب ب الراح ب كونكم سند/نش ادراد-ب چورفي بي-

اى طي الأرج ج = الما الأراب ) +ج الم الم 1 + Jr 19 == لیکن دفعه گزست ترسیه

(-1-1-1)1+13/4-4-13/(4-1)1+1=

ادر صغیر فرق ۱- ب محے سلے رنبہ کک صحیح نیتی حاصل کرنے کے لئے ہم آخری جزر صربی بس كه = ب = و ركه سكته بن - اس طرح

## امثله

ا ---- و نصف قطر کا ایب پلا کروی خول ب کتا نت کے تنواز بی ائع سے عین بھرا ہوانبیں ہے۔ آگرائع امنانی توازن میں ایک قطرکے گرد زا و کی رفت ار ۔۔۔ے گھوم رہا ہو تو ناست کروکہ گر دیش کے محد کے علی القوا نم خول کا جو بٹر ا دائر ، ہے أس كەنسى نقطە يەسطى داغرە بى على القوائم سەن بىي تىناۋىستان ۋا / بە ئىجەسادى ج -ایک استوارکروی خول تخاذ بی سیال سے عین بھردیا تھیا ہے - یہ ایک مرکزہ ہے جوا کی ورسرے ملکے سیال کے خول سے گھرا ہوا ہے۔ کل نظام كو ابُ تطرك كُروكُما إِ كَمَا مِنْ ابتُ كروكه الْيَك حِيثًا كره نماسطح فا صل كي مكن ننكل سِهـ -\_\_\_ ایک استوارکروی خول میں ور ا تعات ہیں جو آسیز بہیں ہوتے اور ں نطف م استوار جسم کی انند خول کے مرکز میں سے گزرسنے واکے ایک محدر کے گر د کھو متا ہے اِسب سے بڑی زاو کی زقار معلوم کروجی کے سلے مشترک سطح کروہی ہو جائے اورخول کومس نے کرے اور ٹابت کرو کہ جب زاو کی زقبار اس فیمنت سے متحاوت بی تی توکرہ نما کا حزوج المرکز خول کے نفسف قطور منحصر نہیں موتا۔ \_\_ ٹ کٹانت کے اللے کی تحید کمیت مٹ کٹا فٹ کے اکع کی تحجہ کمیت ہے ھ تی ہو نی ہے اور کل کمیت پور سی طرح ایک غلاف میں تھر حا تی ہے جسکی شکل صنیر کمیلیجیت صد کا ایک چیٹا کرہ نما ہے ۔ اگر غلاف ایٹ محور کے گرچنیزرونی رقار سد سے مگلوسے تو نابت کردکر مشترک سطح کی مکن شکل صر ہلید جیت کا ایک چیا کرہ نما ہے جمال صم

ها سلّم/۱۹ = صر ف + ب (صر - صد) ف

سے عال ہوتا ہے ۔

۵ ۔۔۔ ایک علاف صغیر بلیلیجیت صدکے ایک لمبوترے کرہ نما کی فسکل میں ہے۔ اس کو ت + تا کٹافت کے ایک سیالی مرکزہ ادراس کے گرد ث کفافت سے سیال سے بھردیا گلیا ہے اگر یہ اہنے محررے کرد زاد نی رفتار (ہے۔ ۱۹ تف صد) آ

سے گھوسے تو نابت کرو کا مشترک سطح کی مکن شکل ایک کرہ ہے۔ ٹ کٹا نٹ کے متمانش آنے کی تحجہ کمیت ایک غلات کو تھر دیتی ہے جُنُ کُل انص تما لا کر لا + ا اگر با + ی کرج = ۱ سب ، یه غلاف استوار سبم کی اندخط لا ال = مام = يم ان كي كردكيان دادى رقدار سدسي كورتا ہے۔اگر مرکز برکا دباؤسطے برکے کسی نقطہ مرکے دباؤسے بقدر لے لد ف کے زیادہ ہوا دریہ اصنا فہ بڑے سے بڑا ہوتو تا بت کردکہ

جاں ﴿ لا ، بِ ا ، ج ما ، کسی اندرونی نقط پر کی تشخس کے اجزار ترکیبی ہیں۔ ایک کیسال کرہ جومعولی تجاذبی اور سے سے بنا ایخیاہے اور جبکا نصف (۲۱۸) طرال ہے چہوٹی کیساں زاوئی رفتارے دور کے ایک قوت کے مرکز کے گرد ایک دارہ مرنشمرکرتا ہے۔ مرکزی قرت فاصلے کے مربع کے بالکس متناسب۔ اگر کرہ کو بوری طرح یا نی سے وصانب دیا جائے اور یا بی کی برخو کششس نظرانداز اردی ما سے تو<sup>ن</sup>نا ہ*ت کروکہ* یا نی کا جحمر

١٠ ٢٨ سيّا لا الريس

سے بڑا ہو'ا چاہئیے جہاں ج کرہ کی سطح پرجا ذیباریس کی تمیہ 🗚 ـــــ دو تخاذتی ا نات آمیز نہیں ہوتے ادر جن کی تخافتیں ش ء منہ (ٹ مے ش) بین ایک استوار کردی نفافه میں بند ہیں اور کل نظام اصافی قواز ن می کرست کے ایک قطرکے گرد صغیر بچساں زاو ئی رفتار سبہ سسلے گھوستا ہے ناہت کرو کہ ان دو ما مُنوں کی شترک سطے کی مکن شکل ایک چیٹا کرہ نما ہے جس کی ہمیلیجیت ﷺ ٣ (ٿ + 🖵 ءُ) ٻ -

9 --- ا اوسط نصف قطر کا ایک لا تغنا ہی متجالنس اسطوانہ نے کتا فت کے متجالنس ابنکے کی کمیت سے گھرا ہواہے۔ اسطوانہ کی کتا فت مت اور اس کی صغیر ہمینہ جیت صد ہے کل نظام ا افغا فی توار ن میں نو واپنی کشمنش کے زیر عمل تور کی رفتا رسمہ سے گھومتا ہے۔ اگر آزا وسطح کا اوسط نصف قطر ہم و تو نا بت کرد کیساں زاو کی رفتا رسمہ سے گھومتا ہے۔ اگر آزا وسطح کی مکن شکل ایک ناقصی اسطوانہ ہے جسکی صغیر ہمیلیہ جیت ہے ہوتو نا بت کرد کہ آزا وسطح کی مکن شکل ایک ناقصی اسطوانہ ہے جسکی صغیر ہمیلیہ جیت ہے۔

١١ و ( ف - ف ) سد/ ( ١٦ ( ف - ف ) و ١٠ ١١ فه عد - سدا عرا ) عدا

ا --- ف كنانت كى جاذب سيال كى دى ہوئى كميت امنانى توازن بس زاو ئى رفيار ستہ كے سائد اس طرح كھوم سكتی ہے كداس كى أزاد سطح ناقص منا كى شكل ميں ہے جس كے بمينون محاور غيرسادى ہيں اور سب سے بڑائيم محور او ہے۔ اب شكل كا ايك استوار تزن نبايا كيا ہے اور اس كے افدرونی سيال كوفرف كے سائند اصافی تو ازن كى حالت ميں سب سے چيو مٹے تحورے كروزاو كى دفستار سدست كھايا كيائي اب كرد كرسطے كے كسى نقطہ يركا دا و ہے۔

بوبب اس کے کہ سد، مثلہ سے بڑا یا چھوٹا ہو۔

ال اسد اوسط کتافت ف کا ایک کھوس کو بیسال کتافت نہ کے انع کی ایک بھوس کو بیسال کتافت نہ کے انع کی ایک بھوس کو بیسال کتافت نہ کے انع کی ایک بھوس کرہ سے مرکز میں سے گورنے والے مور سے کردسے رکھیاں زاو کی رفتار سہ سے گھو متا ہے۔ کھوس کرہ معکوس مربع کے قانون کی بوجب اس طرح جنرب کرتا ہے گویا کہ اس کا اوہ محور سکے ایک نقط بر منجد ہے جب کا مرکز سے فاصلہ ج چھوٹا ہے۔ ائع بھی معکوسس مربع کے قانون کے بموجب جنرب کرتا ہے۔ نا بہت کروکہ انع کی بیرونی سطح مربع کے قانون کے بموجب جنرب کرتا ہے۔ نا بہت کروکہ انع کی بیرونی سطح تقریباً ایک کرہ نما ہے جس کی بیرونی سام مربع کے تانون کے بموجب حذب کرتا ہے۔ نا بہت کروکہ انع کی بیرونی سطح تقریباً ایک کرہ نما ہے جس کی بیرونی سام حکم کرد سے مربع کے مرکز سے ت ج/ (ن ن سے) فاصلہ بر واقع ہے۔

الد تفعف تعط اور ت كما فت كا ايك محفوس تجا في يكره ما نع ست كفرا <del>جوام</del> حبكى كنّا نينة ﴿ ادر حبكا مجمر عليه ٨ (ب ٣ - ٢٥) سبع- كُلُّ نظام صغير ناو كَيُ رُقبًا، يت كلوا عالما ب من بسك أركه العرى أواوسطى كي شكل ريشية ر ۽ ب (است صرع ) سے حاصل مرتی بنے اجباں کرہ نمائی صغیر لیلیجبیت صد 「アンキャナガ(きこむ)の」のの اور على دوسرست دنبه كالميجند كالمرسية -ت كُمَا نِت اور ميم اله (كم"- لا") حجم كواتبالنس الع كي كميت جر نٹر کنافٹ ادر ہ نفیف قط کے ایک نابت عنوس کردی مزکزہ کو گھیسے ہوئے ہے تطبى عورسكة كروهم فيرزاه في رفيار مسهدسك ساتم تشوس سك مرکزه کی مفتش اورایک دره کی مشش سیکه دیر عمل محموم رسی سیمه دره کی اور و التنبي محور يدكره سلك مركز سنته كم فاصله يروا فع سيت-نعیل کرد که کرد کا کونی حصد مانع سے خالی نا ہو اور شاست کرد کہ (۲۱۹) مربيه النع كالمنتجم المعتج سمكه أسمها متجم مستنه فقارر

کے بڑانے جواس صورت میں ہونا جبکہ ک نہ ہوتا ۔ اليسي صورت من جبت كرومكدت تقريباً في كم مساوى بوجا سسه -مع المساك متحانس تجاؤي سال ايك استوار لفاخ كوتركر سنه مين اكافي سبع ـ فا فه ایک بیلیتی نا قص مناکی شکل میں ہے ۔ سال اصافی وازن میں طبی مور كُرُّر رِّوانَا بَيْ بِالحِرِكْتِ عِ كَيْمِ مَا عَدْ كَلُومُ رَا سِهِ - الرَّبِسال نُوانَا يُ الحركت ع

کے ساتھ گھوشہ تو لفافہ صغیر دباہ کی آزاد سطح ہوجاً ائیے۔ ع کی تما مقیمتوں کے سنتے خواہ وہ ع سے بڑی ہوں یا جھوٹی ٹاست کروکہ لفائے کے استوائی تراش کے عمود دار تناؤ نی اکا کی طول ہے

10 mr

جہاں ( 'انفس نما کی قبلی تراش کا رتعبہ ہے۔ 10۔۔۔۔۔۔ کس کمیت کے تقریباً کردی تھوس جسم کی سطے پر اقتاع کی کے کمیت ہے۔

شوس جم كى سطح كى سا دات بر ر = أو (1 + عد ع ) - مقوس اور ما نع كلينوش كر بوجب مذب كرسة مرسيقى كم محور

بوجب جذب رہے ہیں ورس طلب کم راو می رفعار صد سے منا کھ موسیقی۔ کے گردگھو متاہیے - نا بت کرد کہ خطا ستوا مائغ سے غیرڈ بنیا ہوا ہوگا اگر

ک ﴿ وَعَلَى ﴿ (١٢ ل - ٢) - ٥ سدّ (١٦ ﴿ (١١٠ - ١) اور قطب غيرو بيني مرت

یونے اگرک < بعد کر (۱-۵-۱) + ه سند قار (۵ ل-۳)

جہاں او وہ نسبت ہے جو تھوس میم کی گنافت کو انع کی کتافت کے ساتھ ہے۔ ۱۴۔۔۔۔۔ یا انکر کو زمین ایک سال بہتا ہے جوایک عنوس کروی مرکزہ کو گھیرے

۱۹ ۔۔۔۔۔ یہ اندور میں ایک سیال پر من ہے جو ایک مقومی روی مرزود کلیرے جو سے ایک کرور کمپلیجیت صد حبکو صغیر فرض کمیا گیا ہے رسٹ تہ

> صریک <u>مث رت</u> صریک ۲+۵/۴ (ت رات رات – ۱)

سے عامل موتی ہے جہاں ک وہ سبت ہے جواستوار برمرکزی توت کو دہال کے جاذبہ سے سے سے سے کرنے کی کتافت ہے۔ سے ہے۔ سے ہے۔

ذیل کی صورتیں ستنبط کرو

(۱) بورے طور رسیال زمین کی صورت صد = ہے کہ ا (۲) مطوس مرکزہ بربہت یا نیب سمت درصہ = ہے ک

ك ع منجد الا ماريق مرع - مرجم

(۲۲٠)

-- الحكدارسيال كى تيجه مقدار جس ك اجزا ايك دو مسسة كو مرجب قا ون قدرت مذب كرستے ہيں ايس كره يں بھرما تى ہے جس كے مركز يراكيب مركزى وست سے موجود سے ۔ کرہ کا نصف قطر ج اور سیال کی کمیت (م کم - مر) ج سے جہاں ىك = د ياب كروكه دان كى مفرطيس بورى بوتى بيس اكرت، راسك بالعكم العكمة العكمة المعلمة --- ایک کره ر نضفت تطرص ) یا تی سنے عین عبرا ہوا ہے ادر انتصابی محور سطے گرد زا و نی بزقیار دسه مسکیر سانه گفوشناسهد اس طرح که ساخ سنا = ۲ ج - فابت کرد ساوی دباؤگی جوسط کره کو علی انقوائم قطع کرتی سبے اس میں دبار سے شام عمران ہے جہاں نے یان کی کتانت۔ ۔ التم کی تجدیکیت میں محدد و س کے مستوبوں کے ورسیان واقع سے ان ستوبوں میں سے برایک انیس قوت سے الغ کوجذب آتاہے جوفات کے متناسب سے ادر مش كى مطلق توتين مدر متدار مئة سلمسله موسيفيه بين بين- ايك نصف القص منا اس طرح فابت كرديا كياسب كراس كالمستوى أخ أيك مستوى ير واقع سيس ادر اس کی مختی سطح دوسرسد دوستویوں کو مس کرتی سے اس سکے محدر محدووں سکے محدروں

引心心

کے بالعکس متناسب ہیں ۔ اگرنا تص نماکو ڈ ہائپ وینے کے سائے سال نا کا نی ہوتو غیرڈ بہنیا ہوا

تم سائع کی کچر کمیت اسینے ذرات کے باہمی حذب کے ابہ بے ادر ایک دفاعی قوت الع کے مرکز میں سے گذرسنے والے ایک ستوی سے برے سمانے کا از رکھتی ہے اورایسے برلتی ہے جیسے اس مستوی سے عمودی فاصلہ۔

نابت كروكم توازن كى منرطير بورى مؤتلى اگرسطى ايك خاص كميليجبت كالمبوتراكره نما ہو نینتر کھیکہ د فاعی توت نہنت زیادہ بڑی نہ ہو ۔ م ایک متلقی رتبه سیال میں اس طرح و بویا گیا ہے کہ اس کا ایک صناع سیال كى سطح ميں سبے - اس مثلثِ ميں سب سبے بڑے مكن رقبہ كا قطع نا قص بنا يا گيا ے - نابت کردکہ مثلث کے بقید حصد کے وہاؤکے مرکز کی گہرائی اس کے زیرترین نقطه کی گرائی کا ۱۸ ماس - ۱۱ ۱۲ سے-٢ - سيال و كليه نيوش كم موجب ما ذب بالذات معدايك ظرف يس عس بعرجاتا ہے۔ یہ ظرف اقص نما اللہ + اللہ + یکا = اکن کل کا ہے ۔ کسی نقط برکا وباؤاورطفِ پراعظم اور اتنل دباؤ کے نقطے معلوم کرو۔ مے -- اگرایک ذوار معتد الا صلاع رفتے کے راسوں کی کمبرائیاں عدا ہا، جہا صنه ہوں اور رقبہ ابعے میں پورسی طرح غرتی ہوا دراس کے سرمز تُقل کی گراوی عند ہو تو اس کے دباؤ کے مرکز سمی گہرا نی ہے + (عرب + برم + صنه ) - التي (بر حر+ جرعد + عديد + عدمنه + برصنه + حرضه ) ﴿ إِلَا مَا مَا كَا أَيِكُ مَحْ وَعَلَى طُوفُ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ ا ا نع كى كما فت لد لا ہے جہاں لا كہرائى ہے -اس كو دوسرسے ظرف ميں جوا يك محروشي سطم كي نتكل كامي والدياكيا كي جس من بيه ملوم برواكه اس كي كثا فت

سے ماکل ہوتی ہے۔ و ۔۔ شلتی تاسنس ( ب ج کا ایک بند، ضلع ب ج بریا نی کا دائے تھا متا ہے۔ایسی سنسرط معدم کرد کہ زاویہ ( کے گردیہ بندالٹ نہ جا سے جبکہ یا نی

شلف کے راس ب تک بننج مائے۔ اگر مزلت کے رتبہ کوئم سے کم کر دیاجائے ہی طور پر کہ یا نی کی دی موئی گہرائی (۲۲۱) کے کئے کا مُت برزارر ہے تو ٹا بت کروکہ

- باس۲+۲<u>س+۹</u> - باس۲+۲س

4+ mr+ m/ = 1

حِیاں بند کی کثافت نوعی میں سی**ے**۔ ۔ مسیال کی تجیم کمیت اپنی خور کمٹ ش سے زیر عمل قوازن میں ہے نابت کردکہ

كسى نقطه ( ١١ ١ ، ني ) بركا وبادّ اس مساوات

جَفِنَ ( اللهِ جَفِينَ و ) + جِفِ ( اللهِ جَفِ و ) + جِفِينَ ( اللهِ جِفَ و ) = ١٩٥٠ تُّ حَفَالًا ( أَتَّ حَفِيْلًا ) + حَفِيّاً ( ثَيْ حَفِيّاً ) + حَفِيَّ يَلِيّاً ( ثَيْ حِفَيْنَ ) = ١٩٥٠ تُّ

سے مامل ہرتا ہے جہاں نٹ نقطہ ( ۱۱۱ ء ی) برکی کتا نت ہے۔

سال کی لا تنا ہی کمیت (ایسی که د یک ت جا کر متقل ہے)ایک استوار کروی خول کو تھیرے ہوے ہے اور خو داپنی مشش کے زیر عمل توالا ن میں ہے

لا تنا ہی پر وہاؤ ہ سے مسی نقطه پر کا وہاؤ معلوم کرد۔

ا استخشیوں کا ایک بل، ایک مستوی استوار راستے ﴿ حب کوانتی محل میں عما متا ہے اگرایک مجوال متحک بوجو نقط کے بررکھا جائے ویل سکسال طور پر

ينيح دبتا سبع- حبب بوحم نقط تب برركها جأاسي توسرا لر اسب محل مين غيرمتغير رَبِّنَا بُ ، عُبِ نَعْط کے بُر تو سرا کب اپنے محل میں غیر مُتغیر رہنا ہے ، اور تُحبُ نقط ن پر تو رامسة کا نقط ہی اپنے محل میں غیر منظیر رہنا ہے ۔

نابت رور ال م كرج = بك مكرد الكرك ق

ادریک نقط ن پرکے ایک بوجرسے نقط می برج اتخالف بیدا ہوتا ہے وہ اس اکخاف

كمسادى ب جواسى بوجه كو نقط م برركين سه ف بربدا بوا بع -

اُکر مکا فی نما گروشی نه موبکدی = لاّ- + لاّ- کیشکل کابو اور مور (ی) انتصابی بو اوراً گرسیال کی سطح جس منحنی کیزطرت کوملتی ہے اس کے اعظم اور آفل ارتفاع ی ، می بوں تو نا بت کردکہ

- بے بیک سال *ہ* ووں <sub>۔</sub>

مدلا ، مرہا ، مری ہے ۔ کے ذیر عمل ساکن ہے جو علی الترتیب موروں کے متوازی ہیں۔ ایک ورہ کر رہا جس کی کا نعت سیال کی گنا نت سے کم ہے سطح

J= 15 + 1 + 10

مى كىسى حكر كد يا كياسي - مراحمت نظر انداز كرك نابت كردك دره كى زقاد طع (حبکی تعین مقدر ایک سے ہوتی ہے) سے گزرتے وقت ایسے برتی ہے سے

ی ۱ ---- ایب میکدارکردی نفا فه توازن کی حالت میں ہے حبکہ اس میں کرد موانی

ه دوچند کتا منت کی مواسب اور اس کواف من تطر قدر تی تنفعت تطر کا دوجیند ہے۔ اگر بار بیا کا ارتفاع نے ایخ اُتر جائے تو لفا فدکے اب میں صغیرا متزاز

ب قائم مخروط ایک ظرف میں جسکے اندر دو وسفے ہوئے سالوں

جرائیاں مساوی ہیں اس طرح الکا ہوا ہے کہ اس کا محدا نتھا بی ہے اور اسکا اس نطرت كى تبركساتبه إلَّه ويأكَّاير، يَهَا مُمْ تُوازُ نُ كَي شرط معلوم كرو-

ايك سيد إعيمان ووزا إيسام اوه بشقل كي جراري كششن (فاصل)

كے متناب ہے۔ اس كے كروساكن ريال ہے جو دوت اس كى سنش كے انحت ہے۔ ناب کروکرمساوی دباؤ کی طول کی تصف النہاری تراشول کی تفرقی

مسأوات اس تنكل

فرلم سا دوك بي = ٠

میں رکھی ماسکتی ہے جہاں ڈنڈے کے سروں سے نقطہ (لا،۱) کے فاصلے ر، تر ہیں اور ڈنڈے کے محاذی اس نقطہ پرزاویدسا بنتا ہے۔

۲۰ --- ممکانی نما کا ایک حدسه و ترخاص م ۱۱ ایک مستوی سے جوراس سے مرا کا صله ید محور پر عمود و ارج کا طالب ساک م ما که خاصله ید محور پر عمود و ارج کا طالب کا روا جا سے قر تا ہت کرد کہ بیساکن ما نئے کی شلج کے جیسے مراقبہ و گرائی پر ثابت کردیا جا سے قر تا ہت کرد کہ بیساکن کہ سے گالیے کہ اس کا ماسکہ ما فئے کی سلح میں موکل اگر ما بع کی کٹافٹ کو سکانی نما کی کٹافٹ سیری شہبت و ۲۵ : بر ۲۰۷۷ ہو۔

ا اسسسال کی کھی گئیت (سک) ایک ایت محرسے گرودی ہوئی سقان اوئی رقالہ کے ساتھ گئیستقان اوئی رقالہ کی ساتھ گئیست اسکے ساتھ کھی طرت وی ہوئی قیت سے جذب ہوئی سبت ہوئی سبت ہوئی سبت ہوئی سبت ہوئی سبت کہ ایک دی ہوئی مستقبل مقدار اور ایک البسی متعدار کا مجبوعہ بسبت جواس نقطہ برسکے دباؤ سبت مردک دی ہوئی سنتقل تعبیت رکھتی ہے۔ آزاو سطح کی ضکل مولوم کرو اور تا ابت کردکہ اس کا اتحل نصف تطر دی ) اس مساوات

ان کے انتہائی ارتفاع معلوم کرو تاکہ تواز دن تا تھی ہوستگھ ۔۔
اس کے انتہائی ارتفاع معلوم کرو تاکہ تواز دن تا تھی ہوستگھ ۔۔
کے مقابل صلعوں میں سے گزرتا اور ان کی تمضیات کرا ہوئے ۔ اس مورکو انفی طور
پرایک خالی ظرف میں نابت کردیا گیا۔ ہے اس المرح کو تکسیب فزار سے محل میں
عیرایک خالی ظرف میں نابت کردیا گیا۔ ہے اس المرح کو تکسیب فزار سے محل میں
عیرایک خالی جا سیال کی خالفت میں ڈالا جا سے کھی کہ تواز من عیرتا ہو جائے۔
موجائے ۔ کمدب اور سیال کی خالفت کی بڑی سے بڑی تسبت معلوم کر مرکز سے مکن موسکے ۔

یه فرعن کرے کہ معب نصف عرق سبت اور قان نا عم سبت صغیرہ مہتر ان کا دقت معلم کرو۔

۱۳ - به ایک بسال کردشی مکانی نما کا ارتفاع حت اور و تر ناص کی سیام اصد اس کی مخاص اصافی کجافزا اس سیل سیکه جس بن مید تیررا سب مس سیمه بنایت کن که غرق شده راس مسکه ساخد تزاران کانمون ایک سائل تیریا میکواگر

ون (۲۰۰۱) (۲۰۰۱)

سه اس رقبق اده کو ایک ظرف گردشی مکانی نماکی فسکل کا سبے اور اس میں الله سے اور اس میں الله سے ابرائر سے اور اس میں الله سے ابراد کی سیال کی مخافت بیرونی سیال کی مخافت بیرونی سیال کی مخافت سے بڑی ہو۔ خطوف کا وزن نظرانداز کردیا گیا ہے۔
کی مخافت سے بڑی مورطانمقدانی محرسے ساتھ ایک المغمیں اسکی آنافت اسکی

ا کنانت کا دوچند ہے تیر تاہے ۔ ٹا بت کروکہ توازن قائم ہوگا اگر  $\frac{(l-\mu)^2}{4}$   $\frac{1}{4}$   $\frac{1}$ 

جہاں ناقص مخروط کا ارتفاع ف اور اسکے رخوں کے نفسف قطر لائب ہیں۔
بیز ناقص مخروط افقی مجدر کے ساتھ تیرتا ہو تو تو اڈن تا م ہوگا اگر
من سے سے ( و + ب ) ( را ا + ب ا)

من سے را و + ب ) روا + ب ا

۲۹ -- کعب کی شکل کے ایک ظرف میں آن سینے کعب کا صناع ۱۱ و ہے۔
اس کوہ و مضف نظر کے ایک کا بل کر درسے ٹابت کرہ کے سریر اسس طرح رکھ میا
گیا ہے کہ وہ تکار ہے۔ خاب کے دن کونظ انداز کرکے ٹابت کرد کہ اگرا نتھا بی
د حون کے متوازی مستویوں میں ہٹاؤ بیدا کئے جائیں تو توازن کا تم ہوگا بشرطیکہ

ائع کی گہرائی م و اور ۱ و کے درمیان ہو۔ دس ایک متساوی انسانین سلٹی پتراجیکے اضلاع (ب کراج مساوی

و مع ۔۔۔ ایک مساوی انسافین متعلقی پتر اجھے اصلاع ارکب سم مساوی ہیں ایک اُنع میں حس کی کتا نت گہرائی کے متناسب ہے بیجے وار راس کے سابھ تیرتا ہے اگر ( ۵، ب ج پرعود ہو اور اگر بترا اس طرح تیرسکتا ہو کہ خطار د انتھابی سمت سے زادیہ طر نبائے تو نابت کو کہ طر اس مساوات

ا ٨ نه حب الله ع ١٩ ف حج عد (جب الله - حب عر)

سے مامل موتا ہے۔ جہاں زاویہ ب اج ، ۲عہدے اور پترے کی کٹافت شہ ،

اور ( ب یا ( ج کے مسادی گرائی پر انٹے کی کٹافت میں ہے۔

ایس ایس کے میں انتعابی تو کے ساتھ تر تاہے۔ اس کے مورسے

ایس تابت نقطہ پر اوز ان رکھ کر اس کو مختلف گہرائیوں تک ڈیویا گیا جاسی شکل معلوم

کرداگر توازن ہمیشہ تقدیلی رہے۔

روروری میں مدیں ہے۔ مورور سے ۔ اگرایک مبتم سکون میں تیرے قو نا بت کروکوکسی مٹناو کے لئے سال کی

سطح کے بیجے حبیم کے اور مٹائے ہوئے سیال کے مراکز تقل کے ناصلوں كا فرق عام طُورير اعظم يا اتفل مرعما بموجب اس كمكركه تُوازِن غيرُوالمُ إِيَّاكُم ہو بیفرطیکہ مٹاکسے ہو سنے اسیال کا درن تیرسنے دانی سنتھ ے مو اور حبیم ایک انتصالی مستوی کے لحاظ سے تنشأكل موج أس خطير عود سب حس مك كرد لتذكره إلا مثاؤ بداكيا كياسه اوراكراك فابت خط كاميلان جرحبم ك ادراس مستوى ك اندروا تح ب استعمالي مسيم سأته طه بوتو جيمو من امتراز كا وثبت ومبي برگا جرسا ده رقاص كا برتا بيت سبس كاطول جو جہاں کی اس خط کے گروگروش کا اللفت تطرب جو قسم کے مزکر تقل منے کور کا ہے اور ہٹاؤ کے محور کے متوازی سے ۔ ان شرار کو بیان کرد جوان مسائل کی عومیت کو محدود کرتے ہیں۔ الله مع مع الك الأهل منا الك سيال مرح ب كركنا فت أن كاف في كاف يت كاف والماسية كالمود ويند ويعاطع تراسيه كراس كا اقل محرر (١٠) انتفعابي ميتوى مين ايك تقطيب كروجوا بيت ووالم ( ١ ل ) مين واقع ب عجو المرازات كراب ما بت كردكه وَدر 13+13+150 3 A HT ے جال ثابت نقط کا مرکزی فاصلہ کہ ہے۔ م پیو ۔۔۔ ایک رقبق ربل کا ڈی ایک زئین دوز رامستہ میں حس میں میں میں سماسکتی ہے آزا وار حرکت کرسکتی ہے - اسکوائی سرے پرساکن رکھا گیاہے اور آیک انخِن دوسرے سرے برراستے اندکی ہواکو خالی کرنا نشرہ ع کرتا ہے اور مساوی و قون میں مساوی تحمِر کی ہوا خارج کرتا ہے۔ ثابت کرد کہ و قت من برگاڑی کا فاصلہ اس سرے سے جسون کرے جارہی ہے شکل ذیل کی مساوات سے معلوم ہوتا ہے۔ لا فرون + ب مرك + ن (لا + ب ت) = ن الم ۔ لیک گردشی مجسم میں یہ خاصیت یا نی جاتی ہے۔ اگراس کا ایک حص

ایسے مستوی سے کاٹ لیا جائے جواسکے مور پر عمود وار ہے ادر اگر اسکو سنیجے وار راس کے ساتھ ائٹیں غرق کرکے ایک چھوٹے زادیہ میں پیرادیا جائے تواستوا دی عیام کئے ہوئے حصد کی مقدار پر منحصر مہنیں ہوتا نثابت کردکہ اگر اسے ف ( لا ) تکوینی منحتی ہوتو ف کو معین کرنیوالی مسا دات ہے

[ان (١١) = أ - المراه المراه عند (١١) المراه عند (١١) المراه عند (١١) المراه عند (١١) المراه عند (١١)

جہاں مجسم کی کثانت ہلحاظ سیال کے ٹ ہے ۔

<u> ن ۽ رام ۽ ٻائ ن ٢</u>

جہال منوس جسم کی کتا نت خہدے ۔ ایک جسم سنیر کتا نت کے مائع میں تیرر او ہے - اس کے محل میں ذراسی

تبدیلی کردی گئی ہے اس طرح پر کہ ہٹائے ہوسے مائع گی کمیت غیر متبدل رمہتی ہے۔ اگر تک گہرائ پر کثافت ف ( ی)ہواوجہم کی خوق مت دوسطح میں ہے کسی نقطہ کے میں مدروں اور میں میں میں سطان کا کہ ایر دوروں میں اوران فوز کی اور میں

کے محدو (لا، ا، ی) موں جبر سطے کو حوالے کا مستوی لا ا فرض کمیاجات (۲۲۵) تو ابت کروکسم کھوستا ہے اس ستوی میں کا وہ نقط جیکے گردسم کھوستا ہے اس ستوی

کا مرکز تقل ہے جبکو ایک ہترے کے انندخیال کمیا گیا کہے حبکی کٹا فت تعدالا، ایر ف (ی) ہے ۔

مس سایک بیاله ی بیرونی سط کل وتر فاص کا ایک مکافی نماسے اور

انکی موٹائی افقی سستیں ہر نقطہ پر ایک ہی ہے اور بقابل کی کے بہت جھولی ہے۔ یہ بیالہ راس کے اوپر ف ارتفاع پر وائری کور رکہتا ہے اور رکفف قطر کے ایک کرہ کے بند ترین نقطہ پر مکا ہوا ہے۔ اگر اس میں اتنا بانی ڈرلا جا سے کہ اس کی سطح بیا دیے محورکو راس سے ہے ت فاصلہ بر تعطع کرسے اور اگر بانی کا وزل بیا نے کے وزن کا جارگنا ہو تو ٹابت کرد کم تواز ان قائم ہو گا اگر

<u>ن</u> < ر- ۲ل ل < ۱۲+ ل

۳4 -- ایک متسادی اساقین مثلنی پتزا اسپ ج ساکن ہے اس طرح کر اس کا مستوی انتصابی اور داس جرائی کرائی کر اس کا مستوی انتصابی ہے اور داس جرائی کرنافت آئی ہو برنامت ہے ۔ اُربیترے کی کثافت آئی ہو جنٹ کہ ان کی کثافت آئی ہو جنٹ کہ ان کی کثافت آئی ہو جنٹ کہ ان کی کثافت انتصابی ہے جنٹ کہ ان کا در شاخ کی کثافت انتصابی ہے ساتھ زاویط بنا ہے تو ثابت کروکہ

٨ د ت جم (فره عمر) جم (فره عر) = سوك جم عرج

جال زاوير الح ب= ١٩٠٠

ادر اسطوات کے سرے بندجی اسکور نصف قطر کے مجوت اسطوات سکہ اندریانی ہے اور او نصف قطر کے مجوت اسطوات کے ایک کر ورے کرہ براطرح اس سے کہ اس سکے قا عدمت کا مرکز کرہ سکے لیند ترین نقط کو مسس کرتا ہے۔ یاف کا وزن اسطوات کروکہ توازن تا کم ہوگا اگرا سطوات میں یانی کا ارتفاع کا طول مساوات

٢ ١١١- ٣ (١ ر - وت ) لا+ و١ =-

ک اصلوں کے ورمیان واقع ہو۔ اسم سے گروشی سکانی نمائی شکل کاایک بے وزن خول ایک سنتا بہ خول میں میکا ہوا ہے جبکا مبل قبل الذکر سے مبدل کا دوجند ہے اس سے اندرمسیال ہے جسکی ثنافت (گہرائی) سے شاسب ہے۔سیال کی گہرائی معلوم کروتاکہ توازن تعدیمی ہو۔

سر باربیا کا ارتفاع سب ایخ ادر باره کی کتافت اصافی بلیاظ بانی کے اس موجہ سب بازیا کا ارتفاع سب سب میں کا دن ۲۵۲۰ موجہ کریں سے میں ۱۹۵ موجہ ایک کا دن ۲۵۲۰ موجہ کریں سے میں مالات کے بخت کرہ ہوا ان کی ایک کمعب کر ہوا ایک ظرف میں مبکی تخبائش ایک محمد ان میں مجمع مشدہ توانا کی کی معتدار ایک مکتب اتربیا معلوم کرو۔

تعریبا معلوم لرور معامع -- بانی ادر شیشے کے بھیلاؤ صوا بط

ح - حراد مرات - م المادح و - حراد موت

سے معلوم ہوئی ہیں جہاں ت میش سنتی گریا ہے اگر ایک آبی تیش ہیا بنایا جائے اوراس کی ورجہ بندی معمولی سیابی تمیش با کی طرح کیجاسے تو ثابت کرو کم نقاط ابخا و دوش کے سوام علف نیشوں پراس کا ارتفاع صبح تبش کو مہت گھٹا کے

نظامِرُکی گاور ۵۰ سے ۱۴ سے کچھ زیادہ مک اس سے جوار تفاع ملیکا وہ منفی ہوگا اور خلا سب سے بڑی ہو گی حب کہ ۵ عبر ت۲ + ۲ ت = ۱۰۰ -

۱۹۲۷ --- بواکی کچه مقدار جسکی کنانت مشه اور حبکا و باؤید ہے کردی ظرف میں بنا ۔ میں اگل دے کم وک ریر قربیت میں دی مند کا وک کی ایوا سے قرارت ک

میں بندہے۔ اگر کرہ کے مرکز بر تو ت مہ دف ن کا مرکزر کھدیا جاسے و اہتراہ کہ مرکزے رفاصلہ بر ہوا کی مختافت ہوگی

توت کی شدت اس قدر بڑی فرض کلگی ہے کہ طوف کے ساتھ تماس رکھنے والی ہواکی کٹافت تطوا نداز کیجا سکتی ہے۔

(۲۲۶) مم مسلطے زمن برگوہ ہوا فی کا دباؤ ج اور کنافت ف ہے اور لبند ترنقطون برکی تبیش زمین سے مرز سے فاصلے کی ن ویں قوت کے بالعکس متناسب ہے

نابت کرد که زمین کے مرکز سے رفاصلہ پر دباؤ د ہے الساکہ

جاں زمین کا نفست قطر ا ہے۔

اگر ن = ا تو تا بت کروکه ایک کرد می غبار سے کا حجم حبکا ما دو تمام سمتول میں مساو می طور پر استدا دیڈر ہے بڑے سے بڑا ہو تکا حبب راس مسادات

معوم بوجهان م = ج مف ل ، يك كى قدر له اور نيار - اكا قدر في فف

قطرک ہے۔ یہ معلوم ہے کرجب فہارہ زمین سے اُٹھتا ہے تو عین برابرابر اب اسلا لفت قط قدرتی بوتا ہے۔

۱۷۹ - ایک غبارہ کسی فاص کی میں ف بلندی پرسمے می رفتا ۔ سمینی آرا ا جادرانوی سمت میں می رفتار سے حرکت کرا ہے جواس للبدی پر بوای رفت ادر سے اگر ہوائی رفت اور سے مقام پر اتر سنے کے مقاسب ہواور اگر کسی فاص مقام پر اتر سنے کے مقامد سے کیس کواس طرح فارج کیا جا سے کہ آتاد کی دفتار مستقل رہے تو نابت کروکہ ابتدائی بلندی سے انداز سے میں فرف کی خلاداقع ہو نے سےجس فقط پر فیارہ بینچتا ہے اس نقطہ میں

کا سے نابت کروکرمیش (Smeaton) کے بیوا بیمپ کی (ن ۱۹) ایں

غرب يس جوكهم مواسيدوه

インナーナーング(ナーロンド(コナー)か کے مساوی سینے اگر موا کے چُھیلاؤ کو ہم تبیشی فرض کربیاجا سے جہاں او قابلہ کا اور

نب نانی کا جریع -مرام - اگر انگیشف می بیشی بونوا یک کشفه کی ن دین صرب میں بوکام بوناس بعد

۔۔۔۔ ﴿ تَجْمِ کَ اِیک قابلہ سِ اُگر بِ گُنوائیش کے ایک کمنف کرنے دا ہے ۔ سے ہوا اس قدیمیزی سے داخل کی حارث کر ایصال سے حرارت کاجونقصان بوتاسم إس كونظرا مُدارُكِما ما سكتاسيك نوشابت كروكه ن فربون سك بعدة فالمرين

مہوا کا دماؤ کرہ ہوائی کے دماؤلا (۱+ ن حسار اس کناً ہوگا۔ یہ علوم کروکہ ماللمیں تیش کیا ہوگا۔ یہ علوم کروکہ ماللمیں تیش کیا ہے۔ تیش کیا ہے۔ تیش کیا ہے۔ اور تحکیات میں توکام ہوا است دریافت کرد۔

نيزِ قِا بِلهُ مِين ہوا کا دہاؤ معلوم کردِ جبکہ ال**يمال سي**تببشي توا زن *چھر برقرا*ر

• هر ـــ دی سِوئی کمیت در نصف قطر کا ایک مقوس کردی مرکزه کیکدار سیال ( د = كرف ) كَ تَعِ وَإِن كره بهواني سے كھرا بهواہے - الب كروكة دباؤكا تعين

 $\frac{c}{c} - (\frac{c^4}{c} \frac{c^2}{c}) + \frac{b^4}{24} \frac{\pi^2}{c^2} c^2 = -\frac{c}{c}$ 

سمن بنه طول سکے تحت دیاؤ کی شکل <del>ک</del>ے- ہوسکتی ہے-

ا ہے۔ اگریہ مان لیا جائے کہ زمین کے اندرمسادی کتافت کی تعمیس ہم مرکز کرے میں اور د ماؤاور کشافت میں ربط د= کے (فتا۔ مشلی ) ہے جہال ت سطیم کی کی

كَثَافَت ہے توٹا بت كروكہ

## ف= ش وجب مام ۱۱ در کرک

جہاں زین کا نصف قطر ال ہے اور مرکز سے زیر کجشف نقطہ کا فاصل الدر کیسٹ کی نخا ذہی ا کا ئی یہاں استعال کی گئی ہے اور زمین کی فوری گردش کا اخر نظرانداز کیا گیا ہے ۔

بابردہاہیے آگرک کے ف (۱– ن میں )۲۔

ہ دے۔ ایک جہاز کے بہلو یا بی سے قریب انتصابی ہیں اور ہٹاسے ہوئے یا نی کا مرکز تقل تک گرائی پر ہے۔ بہار کی کمیت کے جہاز کی کمیت کی جہاز کی کمیت کی جہاز ہوتھ حلم کی جہاز پر مشتا کا رکھا گیا ہے جس کی وجہسے جہاز بقد رسمے گہرائی کے اور دوب جاتا ہے۔ اور تی ، تی ج معن تی ہوجاتا ہے۔ صغیر مقداروں کے مربوب لؤکھ طرب جاتا ہے۔ اور تی ، تی ج معن تی ہوجاتا ہے۔ صغیر مقداروں کے مربوب لؤکھ طرب کر تابت کردکم

من تى = مع - دى + ط ى - الله الم

م من الكرمتون القص نما الن يس السطرح تيرتا الم السكا احتسال محور

ج و ج انتفا بی مع ادروزن ولاناتص نما کے وزن کا ہ ) اور کے سرے ج رہ تا ہے ۔ اگرانس نماکواوسط ج رہ تا ہے ۔ اگرانس نماکواوسط محور ب کے کروایا محدودزاویہ طریس گھا دیا جاسے تو نمایت کروکر جنت کامعیار جواس کو اس محل میں رکھے گا

و (3 - 1 زمم طر (١ - زمم طر) الم

ہو گا جہاں تراش ( و ع ) کا خروج المرکز ز ہے۔

کی میں جہاز کے عرمضہ پر کے وسطی خط سے ج فاصلہ پر وسطیم ک ٹر کیت رکھدی گئ ہے جسکی وجہ سے جہاز ایک طرف بقدر جھوسے زاویہ طرکے جبک جا اے ہے۔ جہاز کا کل مٹباؤ مد ٹن ہے۔ نا بت کروکہ اس کمیت کی عدم موجو دگی میں مرکز نقل

بر مرکز البدكی لمندی تقریباً كرج كے ساوی موگی اوراس جلكودوسرے رتب كا البدكی البدك تقریباً كرا مال مالی مقدار

<u>ك (ب- + فرجج )</u> سر (ب- الم فرك )

کا اس میں اصافہ کرنا پڑسے گا۔ جہاں خط آب کے اوپرک کے مرکز تقل کی مرکز تقل کی مرکز تقل کی مرکز تقل کی مائندی ب ب بیندھے کی تہرائی گئے۔ ب خط آب کی تراش کا رقبہ ﴿ اور جود کا معیار جج ہے جن کا تقریبًا معلوم رونا ورض کردیا گیا ہے۔

۵۸ - قبا ذبی کمیت میں ایک جموٹا کردی جوٹ (طفت قطوع س) ہے جس کو متنانس بے جس کو متنانس بے جس کو متنانس بالک متنانس بالک متنانس بالک معدوم ہے ۔ تابت کردکہ مرکز پر کا سیالی واؤ۔ بات جسم سالت کم اورجون کی سطح

بركل وباؤ - (ج + الم الله ف مراسع كم نبير وسكتا-جهال سال

– اسطوا بی حوص ایک انقی محور پر جمبول سکتا -دمو ( مینی اگر حوصل برخ کمن منهو ) برنسبت اس یا بی می مقدار مح (۲۲۸) ن رمبتی اگراس برڈ مکن ہوتا - اگر قبل الذکرصورت میں گردیش ب يانى چڑھ سكتا ہو تو ٹاہت كرد كر موخرا لذكر م سے رہتہ (کی عمو دی تراش کاجود کا معیار (کرا۔ دی دزن اِدر تضفت قط ﴿ كَ كَ دُوكُرُو مِي نبد غيارول -ں کرہ ہوا نی سکے دباؤ πپر مساوی مقدار دں میں ہے ایک ۔ کی خدر ع ہے۔ ان عِباروں کو ایک ہی لمِندی پر ایک ہلی رسی۔ سروں برتہاما گیا ہے جوایک جکنی چرخی پرسے گزرتی ہے اگر رسی کو کا ف دیا ئے نو نابت کردکہ غماروں کی ملندیوں میں فرق جب وہ توازن میں ہوں  $\frac{m}{2}$  لوک و بوگا جبال رساوات  $7 - 07 - \frac{m}{2}$  کی جاک جبال رساوات  $7 - 07 - \frac{m}{2}$  کی جاک جاک کا جبال رساوات 7 - 07 - 07 - 07رسی کاتناؤت ہے ارروباؤ 🛪 پر ہوا کی کتا نت ت ت ۔ نیکدار ہے تئی ہوئی وائری حبلی کے محیط برا کی ہوئی حالت میں حبلی پر بنا یا جائے ادر حس کا ایک صف ے علیں میں تبدیل ہوجا آ ہے جس-- مثل میں تبدیل ہوجا آ ہے جس-مستقل ہے۔ نابت کردکہ جلی کی یہ فئی شکل مخروط ہونی جا ہیئے۔ اس میہ کے سیالی وابو

كا قا ون معلوم كرو-

٣٠ - أَكُرِيدُ وَإِ جائعَ كَه با نِي كاسطحى تناوُ ت ٢٠٠ من بر ٨٨ وْاين فَي نتيم يشر

ہے اور فرت = - است و صابوں کے ایک بیلے کے پھیلاؤ کی شرح و بافت

كرو جيسية ميش ت برمتي عاسية -

<u> زل</u> - <u>لا (لا + كا) - لا (لا + كا) - لا (لا + كا) ) </u>

سے ماسل ہوا ہے۔ جہاں ﴿ استوالی تضفیف قطر ہے۔

مم ۱ -- ایک کمی قدرتی نفعف قطرال کے قائم متدیرا سطوانہ کی شکل کی ہے اور کامل ملائم اورے سے بنی ہے جو مکونوں کی سمت جی امتداد کا بذیر ہے لیکن مکوینی وائروں کی سمت جی امتداد کا بذیر ہے لیکن مکوینی وائروں کی سمت ایرا جی سروں مکوینی وائروں کی سمت کردی گئی ہیں اور بچروئی موسے وباؤ کی گئیس اس کے سروں کراچی طرح نبت کردی گئی ہیں اور بچروئی واخل کی گئیس اس کی میں واقع کی گئیس اس کی گئی ہے۔ تہالیاں آزاد انہ طور پراکی و دسرے کے قریب آسکتی نیں انات کرد کی تعدالہٰ اوی تراش کی تفرقی مساوات ہے

ما فرس + + ما ( فرس ) = م (ا- و) ( فرس ) "

جہاں م کیک اور دیاوٹا کفاعل ہے -اتام دہاؤں کے لئے نلی کے صدری مضعت قطرانخسٹ تہالیوں برم ادراکی نشبت میں موتے ہیں -

نلی کے مختلف ابتدائی طولوں کے لئے سب سے چوڑ سے تقطه پریف فالنہاری

تراش کاانخائے اعظم ہے۔ ( اللہ - اللہ ) استعادر درسرا فعدری انحاب ا ( - + ) -

٥ ٢ --- كما كميت سك ما يونى بالبله ين براسيم جوئليد إلى كى إبندى كرتى بيم-ادِر مِبلِي كانتاوُ ( مِنهُ ) نصف قطر كي جهر ان تبديليون سن متغير مبين مِتَها- جِني أَمَامُونَ مست و میموست ابتنزازات کرد بی سبعه ۱ اگر جلی کی کرد ی شکل میں کوئی تسب بدیلی واقع نه ببونو نما بت كروكه امتمزاز كاوفت « التيكيين سته جراب بودا كا توه و نظر انداز كهيسا (۴۰۴)

كَمَا سِمِ اورُ مُلِيلِهِ خلا مِن رَكُوا كُما سنِيدٍ -

١١ ١١ سـ ج ميدل سنة لكمور تغيرة كواكسيدونر سكة أو مو مرتسيه سنة متوازي اوراس سنت ك فاعدير سبي طوارا أسه بندسطي وأسل في مني مسيع - الراس يه ف کٹیا فنتہ، کا مانع بھور یا جا ۔ کے جوئیسا ہے ڈاوی رفشار سید ستھ محوریہ کے گروکشوم موجس میں سے میرونی واندرونی ارتع کی آروزنسد براسکتی سوی تو تا بہت کرد کد محورسته و قاعمته برسد دري الا اوساله

(10-50) 15 th is (1-5) 15 th is

\_\_ اگرایک صابونی بلیل سک زیات فاسلی کے مرکس مربع کے قانون كي بوحب ايك ووسرت كود في كرين اورا أرد فره مو تو تا بيته كردكم

قدا = ١١ الروت مجال ر طبيك كانصف تفرادر من تنا تناؤسوي م

۴۸ ۔۔۔ بیتن کے ایک کردی حول میں (نصف قطرو) آمایا فی رورسے وافلا کیا گیا كاس م نعف تطرر ك جيل بالأسم الرخ ل كي كيس في شرع ليحيف يم مه ہواور با نی کے بیجگاؤ کی مشرح له نو نامت کرد که خول میں با ٹی کی سقد رہے

جال ٺ ياني کي کڻافت ڪيے جبکه اسکونه يڪا ا<sup>گ</sup>يا ہو-أس سوال مي حسب ذيل إلى معلوم بي و 🖛 سمر ٔ ر = ه سمر کاکیب کره جوائی (۱۰ لاکسه ڈارین نی مربع سنتی میتر ) کے سنے یا بی کا یکیکاؤ = قام 🗴 ۵ رائول کی موٹا بی = ۵ و لی میتر ادر ایک مربع ملی میتر تراض کے نیتلی ارکے طول کو دو چند کرنے کے لئے · · · ۹ لاکھ ڈاپن کی قوت در کار ہونی سے اگراس کی محک مستقل رسیے فیرمعلوم مقدارول کوس کے۔ طام میں معلوم کرد اور ثابت کروکر کرہ میں یان کی ملمیت = ۱۵۵ کا گرام تقریباً ۔ - ایک بفیعت کردی لمبله بانی پرتیررا ہے اس کا نفیعت قطرا بیسا ہے کہ اندرونی وبيرونى دباؤں كے فرق كو جوبيرونى دباؤسيونسبت معے وہ ايك صغيرمقدارم حبتگا مربع نظرانداز کمیا جا سکتا ہے۔ بلیلے کے اندر یا بی کی سطح کی شکل دریانت کرہ اور تا بت کردکہ بیرہ نی آئی سطح کے بیعے اس کی بڑی سے بڑی گہرا نی ہے ہماں بلیلے کالفیعت قطر ہے اور فی اکا بی رقبہ یا بی ادر ہوا کے لئے جوسطی توا<sup>ی</sup>ا بی ہے ام کو یا نی کے اکا ای محمے سے وزان کے ساتھ نسبت وا ہے۔ • ك \_\_\_\_ كفرز ( Gaffard ) كى انجادى شين مين دواسطوا ف مويمين اور ایک بڑا ہوا کا ذخیرہ جس کی میمنس خارجی ہوا کی تیش کے ساوی رکھی عالی سے - اسطوانوں کے فشارے ایک وہرسے پر کے دوردنیوں ( Cranks ) کے ساتھ لیکے ہوتے ہی اور وہرے کوطافت کے خارئی اخار سے حیالیا عالم اسے سیلے طِیوانے میں ہوا اس فدریجیکا نی جاتی ہے کہ اس کا دباؤ دہی ہوجائے جَرِّخْرَان میں سبے اور

مر گھلندن مکھلتے ہیں اور ہوا خوانہ ہیں داخل ہوئی ہے جیسے ایک عنر سب می تکمیل ہوجاتی ہے۔ دوسراجیوٹا اسطوانہ انجن کی طرح عمل کرتا ہے جس میں بیجکی

ہو گی ہوا صرب کے اس حصیہ عمل میں خزامہ سسے داغل ہو تی ہے ادر عنرب کے بغنیہ ل پیمیل کرکره موانی کے ویاؤیر خارج ہوجاتی سبنے۔خارج ہوتے وثمت اس ہواکی میں گفتی مونی موتی ہوتی ہے اگر اسطوانوں کے حجم نے ادر تربہ موں اور اگر بچکا وادر مجمیلا و کو حرنا گرز فرض کرنیا جائے قرنا بت کرد کہ ہر صفر ب میں بہلے اسطوام یں جو کام ہوتا ہے وہ T سے مرسد مرسے اسطوانی ٣ مير (٣ - ٢ ) سيء ١٦ كره بوائي كا داؤ سيء ( دُرَاكُر إكينس) سب نابت كردى بتجانسس كطوس زين ياب مندر بسي كردى بوئى م جو دور کے ایک جبم کے زیر کشش ہے - اگر یا بی پر خود اس کی سنت نظر انداز ئے تو ٹالپ کرد کے سمندر کی سنط کروی رہیگی دیکن اس کا مرکز زمین سے از سے بقدراس فاصلے کے سٹ جائمگا جواس کے تصف قطر کو المساعفري سيفردوي سي ماس مراسي-- اگرز بین کوکروی فرض کر آبیا جائے ا دراس سیکے گرو کم گیرا فی کا ایک است در ہو اور اگر یا می کے ذرات کی کشش ایک دوسرے برنظر انداز کر دی جا ہے۔ تو تابت گروگه *گر*زی سمندر <sub>کی</sub>بیگیجب<sup>ب</sup> م ہمستوار پر مرکز گربزنوسند زمین کی مسطح برجاذ م ارض کی فوت ال کی تحصی مقدار ایک یا وی لمبرزرے کرہ نما کی سطح پر کھیلا و می سخمی ہے۔ نابت کردکسیال ٹی آزادسطے مہی کرہ تناہی ادراستوں پرسیال کی گہرا تی کو جو سنبت قطب پرکی گہرائی سے ہے وہی سنبٹ کرہ نما کے موراعظم کو محور صغر مم ك \_\_\_\_ اگرزمين كے گرد كم گرا في كا ايك سمندر موتو نابت كروكه ومن مليد ل بيد سمندر کی گہرا ٹی تقریباً کے (ا -صدحب ل) ہوگی جہاں کے استواء یر کی گہرائی

اور صد زمین کی ملیلیجیت ہے ۔ ۵ کا حسب اگر ما تکع ایک نابت محرب کے گردیکیمال رفعار سسے تکوم رہا ہو اور اگر اس کے درات ایک ایسے کا اون کے بوجب ایک دوسرے کو عذب کوات ہو ل ک مساوی وبازگی سطی مهم محدر متشام بیشیشه کره نما دار تو نماست کرو تد کسی کره نب کی عاصل كشيش حب متح ذرات اسى قانون كي بوجب خدسباكرت بي دو فوتو س کا حاصل ہوگی جوعلی الترمتیب استوا ریرا درگرومٹن سنے محور پرعموہ دا رہیں اوعلی تنتیب ليسيرانتي ببس جليع حيزب بوسنه واسك نقطه كااستواء اورمحورسه فأصلم ﴾ يح ــــــوقندام ١٩) كى صورسته بين نابت كره كه تمام انع بين ١ دسنا دباؤ ما قصمًا

کے مرکز برکے وباؤکا ہے ہوتا ہے۔ اُکرآزا وسطح کی ساوات

 $1 = \frac{r_G}{r_Z} + \frac{r_1}{r_{12}} + \frac{r_0}{r_{13}}$ ہوا در مائع کی کمبیت ھر تو نا بت کروکہ نظام کی نوا نا ٹی بالفعل 

ہے جاں انع کی سنسش کے باعث محدوق لا ان ی کے سرول پر کی قوتیں را نسب الم بين - كروش عورى ك كروزه يي يه-

ك ك ي سب وفعد (١٨٨) كى صورت ميل ما نع كى تميت ك اندرو في حصدك كسى

نقطدىد واؤمعلوم كرو بجيكه لداسفد جيونًا بكر لد نظرو ندار موسك اس صورات میں اگر ہلیا یجبیت ن مواقه تابت کروکه استوای مستنوی بر

کادباؤتوت کی تغریباً (۵-۲ ن)(۱۶ مث وام۴ کر ۱۵ فلکی اکا ٹیوں کے مساوی ہوگا۔

جہاں و اسطوائی نصف قطرہے۔ ملک استا ہی کمیت لا انتہاطول مدے ۔ من تا انتہاطول میں کہ سے انتہاطول میں استاری کمیت لا انتہاطول

ا ورسيط استوار اسطوا سنے کو گھرے موسئے سنے ۔ اسطوالہ کی عمود می تراستیں

تطع اتھ ہے جبکے محاور ۲ و اور ۲ ب میں ۔ ما نع اور اسطوان دونو ساسطوان کے عور سکے محد سے کھوشتے میں۔ تابت کروکہ آزاد سلے کے عور سکے گرد کی رفتار سم سے کھوشتے میں۔ تابت کروکہ آزاد سلے کی مکن شکل ہم اسکی ناقصی اسطوانہ ہے جبکے محاور ۲ اور ۲ ب بیں ایسے کر سکی مکن شکل ہم اسکی ناقصی اسطوانہ ہے جبکے محاور ۲ اور ۲ ب بیں ایسے کر سک سکا (و + ب) اے سم و شف (و سب ۔ و ب)

ه کے ۔ سیجانس اُئع کی کمیت (ک ) اضافی توازین میں ایک ثابت محد کے گرو کمیاں زاو کی رفتار سے کھوم رہی ہے اس طرح کراس کی سطح کی لہلیجیت رصہ ) جمونی ہے۔ اگر کمیت کا سرک حصد مرکز پرایک لاتنا ہی کشیف اوی تقط کی شکل میں منبحہ ہو جاسے اور بقیہ جصے (اسم) کی کی فت کو نسبت اسمہ: مدمیں گھٹا دیا جائے تو تو ازن کی صورت میں اس نئی سطح کی الملیجیت کیا ہوگی اگر کر دمش کا وقت دہی فرض کیا جاسئے جربیہ تھا۔

م ۸ \_\_\_ کیسان کثافت کا ایک بیٹوس ناقص نما اینے آقل محور کے گرد گھو متا

ب اوراس کے گرد مختلف کتا فت کے متعالب مالک علاف ہے جیدے یہ ساتھہ لئے رہتا ہے کل ف ہاک شرائط

سائهٔ که ربته منبهٔ قل کمیت قانون قدرت سے مجوجب مشتش رکھتی ہیں۔ ان شرا نظ کا مِعلوم کرنام طلوب سیسے جن سکے پورا ہو سے پرا ڈا وسطی ناقص نمائی شکل اختیا ر

(Prof. Townsend Math of Ed. Tinus Vol. xxxv)

۸۱ --- دف به مکافت کے مطوس کروں کی کچے تودا د دف کتا فت کے سیال میں متوازن ہے کل نظام ایک مجوت کرہ میں ہے۔ اگر کل کمیت بجا فی می ہوتو نابت کردکہ کردل کی کمیت کا مرکز مجوت کرہ کے مرکز پر ہوتا چاہیئے۔ نیز اگر مون دد کرسے ہوں تو نقط تماس بران سے درمیان دباؤ ہوگا

بہ بہائی شہب ایک تھوس متوانس اقص نما کے اندر نی حصد میں ایک ہم مرکز کردی خول سیے ہو ہو کر کردی خول سیے ہو اس مرکز کردی خول سیے ہوا ہوا ہے۔ کل اور تا وال قدرت کی

(141)

بوجب کشش رکه ایت - نابت کردکه مسا دی د با و کی سطین مخروطی نما بین ادراگر اس نطام کی ایک معین سطی برکوئی نقطه ن بوتو مرکز و مین سسے گذرسے والی اور ن و بر علی التوائم سطی مستوسی برکا حال د باؤ هد +ک / و ن مرکز جهان هداک مشقل بین جو مساوی د با دکی متحنب شده سطی برمنحصر بین -

مع ٨٠ - اگر ظرف عواص كو ايك زنجير كے ورتيم بائى ميں الكايا جائے اوروہ بائى ميں الكايا جائے اوروہ بائى ميں بورى طرح دوبا ہوا ہوتو تابت كر وكداس كا محرانتصابى مدر بيكا جب تك ك

و(۱- یل )گ- وَکَ - <u>اَکاوَ</u>

مثبت نہ ہو جہاں و ظرف غواص کا درن ہے، کا اندر دنی ہوا سے ہٹنا ہے ہوئے سیال کا دن من خواص کے ادرے کی کتا فت اضافی سیال کا دن من خواص کے اورے کی کتا فت اضافی کا در کت ظرف اندرو بی مانع کی ہموار سطح کی عمولو می تراش کے جود کا معیار ایک اور کت ظرف غواص اور مجم سے مراکز نقل کی گہرائیاں اس نقط کے نیاجے جس بیز مجمیسہ باندھ دسی گئی ہے۔

مهم م سائیٹ فرف غواض اندر کی طرف سے ایک گردشی مکا فی نماشکل سے محدود ہے اس کا ارتفاع ب اور تا عدہ کا تضعف قطر لا ہے۔ اگر با نی کی سطح کے نیچے فاخت کے قامت کے علاقت اس کا ارتفاع ہے گرائی کی ہو تو ٹاہت کر وکہ فاخت میں من بلندی بہت با نی چڑھ جا کیگا جہاں

ف آبی بار بیا کا ارتفاع ہے۔

بیز اگر تطرف غواص بوری طرح غرق موادراس کو، یک حبو کے زاویہ طر میں گھایا جاسے تو ابت کروکر اسردا دی معیار ہے

إك - ١١ فتح لا (ب - ن) (م ب١- م بن + ١٦ ق) ١١ ب] ط

جہاں کے متقل ہے جو ن پر شخصر نہیں اور فدیا نی کی کٹانت ہے ۔ ۸۵ سے منام منام منائی مسال شنائوں کے مائعات کی ایک تعداد

قرت کے تجاذبی میدان میں متوازن سے۔ اگرایک محوس کرہ ابتداؤسہ کے اس ف ف بن میں بوری طرح ڈولی ہوا ہوا در پھراسکو آہستہ آہستہ میسے ڈبکیلا ئے بہاں تک کہ یہ بوری طرح سب سے عظیے مانع ک میں بوری طرح وق نے ادر اگر کرہ کا مجم ح بقابلہ ہر انع کے جم کے جموع ہوتو تا بت کر دکہ سیانی دباؤ کے خلاف جو کالم ہوتا ہے وہ تقریبا

+ ( آن - آن ) الن ا

مے مسادی ہے جہاں سے اور شتے کرہ کے ابتدا ٹی ادر آخری کلوں میں اس کے مرکز

پرکے تو ہیں اور سی کے میں کے ' سیسی کی ، ناصل طوں پر کے تو ہیں۔

۔ دونٹھائس کے شے کٹا نت کے بے پیک متجالنس سیال میں غرق (۲۳۲) اور ساکن ہیں۔ کروں کے تصفی قطر مب اور ب اور کٹا فئیں نٹر اور فرنہیں یکیتے

کی پیایش تخبا ذیل اکائیول میں کی گئی سیعے-کل کمیت کوایک اسپتوار کردی تفا ف

میں مبند کر ڈیا گیا ہے۔ جس سے وہ عین مجرحابا ہے۔ نامت کر دکہ مث کثانت کے کرہ پر عمل كرنىيالى كشنش اوردباؤكى سب توييس اعى قوت الله الممت (ف - فه) ب ج اور

الله الأ (ف - ش) (غُ - دنيه) ب ب ب من توبل موسكتي وين حباقبراللاك

دفاعی نرت نفافے کے مرکز سے ادر موخوالذکر دوسرے کرہ کے مرکزسے بہردارعمل کرے

ج نفانے کے مرکزے اور د دو سرے کرہ کے مرکزے زیجیت کرہ کے مرکز

لے پھر سخبا ذبی کمیت حبکی سطے ہم توہ سطح سبے سیال سے گھری ہوئی ہسے بیسیال من الذات نظرا ندار کیجاسکتی ہے تا بت کر دکہ کسی نقطہ برکا د اوسطے برکے

دباؤسسے تقدر

م 1 مرك الرف م الإفرازي

کے کہے جہاں سے ماس قوت ، ک کل عاذب کیت ، مکتش کا متقل رہے اور کی ماری کا ستقل ہے ۔ مراد کا کی ماری دونوں طوں کے درمیانی کل جمہر برایا گیا ہے ۔ مراد کی دونوں طوں کا تجم ہے اور کٹنا فت مف ا نا مرد کا نافس ما ذربی کا تقص نما ہے ۔ اس کی شکل تقریباً کردی نافض نما

س = الا + بالمن عا + بون عالم الكي عالم + اهلالا = ا

کی ہے اور یہ سید ۱۶ ( سی سید ۱۰ ( سی کی اور سیال سے گرا ہوا ہے جس کی کا فت سی کی اور ہے جس کی کا فت منا منا ہے کہ اور کی آزا و شطح کی عکن شکل حیکر نظام توازان میں ہو یہ ناتھی منا لا نا ہا ہے گا ۔ سی ۔ لا ہا ہا ہی ۔ سی ۔ لا ہو اس ۔ ( لا ہ ا ا ہ کی ) }

سيء جبال

له = - ۳ ه ه نزارخ (۱ سخ شه ۵ ه ۳ شه) \_سال کال - کے مِزْنقطه پرصِغیرا فتیاری ہٹاؤ پیدا کیا گیا ۔ جے ۔کسی فقطه بر

و ۱۸ مست می ۵ رست می از سیم می موندی مون او مون ما مون می می این از مون می مون لا مون مای مون می اختیاری سلسل تفاعل بی لا مای میکه تابت کرد که کل حجم

ين دباؤ جوكا مركاس وه كل كام

بر المراد ( جن من لا + اجن من الم + حن من ي أولا فرافري المرافري المرافر المرافر المرافر المرافر المرافري المرافر المرافر المرافر المرافر

ے جہاں دکسی نقط برکا دباؤ ہے اور کھ کل جم میں نیا گیا۔ ہے -اس طرح ٹابت کروکر سال کے تزان کیلئے متر ط-ہے زد= نت (لا فرلا + مافرا + ہے فرمی)

جاں خ سال کی ن نت اور لا مائے تجازی توت کے اجرام ترمیبی فی اکائی کمیت ہیں۔

## فبرخاصطلامات

لوسط : - ان اصطلاحات كواردوت تيجي ك كاظ سے ترتيب ديا كيا ہے ۔

• • • •	_
Water line area	آب خطرتنب
Centre of buoyancy	احیال کا مرکز
Surface of buoyancy	ا خِيالَ يُ سَطِّع
Calculus of variations	احقىائے تغیرات
Inferior limits	إ د نی حدود
Flying wheel	أثريبي
Restorative moment	استروا دى معيار
Thermal capacity	استعدا وحرارت
Meridonal section	ائسنتوا ئی ترائمسشس
Radiation	استشعاع
Relative equilibrium	امنا فی توارّن
Superior limits	ا علیٰ حدود
Extensible	امتدادمذبر

Inextensible	امتدادنا يذبر
Freezing machine	ا انخما دی شنورن
Deflection	الفرات
Upward pressure	ا وبيه وار د ما گو
Apses	ا وخَبِن
Mean centre	ا وسديط مركز
Conduction	الصال
Load	ار
Barometer	ارجا
Upper limit	إلا نْيُ صِدِ
Vapour	بخأر
Evolute	بر برد
Dilatation	januar ja
Incompressible	- Laner
Lamina	بيننرا
Compression	
Compressible	والمتعلقة والمتعارض والمتع
Metacentre	لیس مزکز مرکزامید
Paddle steamer	پکسانی چان
Lune	بر از
Turn of a helix	يىمىيىر لەمىۋولەكۈ)
Hold of a ship	ينا (جانه)
Screw	
Screw-steamer	الم جن الله الله الله الله الله الله الله الل
Constant of gravitation	تتباؤب كامستقل

. Gravitating solid	تخا ذیی تھوس
Configuration	ىت ئىيل
Counterbalance	لغد إلى أرنا لغد إلى أرنا
Variation	تغير
Righting moment	نقويمي معيار
Line of contact	تنامی خط
Tension	نناؤ
Tensile	تناوى
Kinetic energy	توانا في بإلفعل
Potential energy	نوانا بي بالفتوه
Line of floatation	تيراؤ كاخط
Plane of floatation	تیرا دُرکامستوی
Surface of floatation	تيرا فركي سطح
Floating bodies	پیر نترنے والے اجسام
Lintearia	توسير أ
Self-attracting	عاذب بالذان
Life-belt	حان نیٹی
Algebrical moment	جبری معیار
Couple	جفت
Product of Inertia	جمود كاحال ضرب
Film, membrane	جهلی
Oblate spheroid	بهن چیٹا کروننا
Annulus	چنبر
Thread	وڑی (تھک)

Boundary conditions  Terminal conditions	حدددی شرطیں حَدّی شرطیں حراریت نوعی
Specific heat	حراره . نوعي
Adiabetic	مزناگذر مزناگذر
Convective equilibrium	ر به مارو حلی تواز ن
Water line	شعط آب
Cycloid	خطرتدوير
Line of action	نتعفز عمل
Line of greatest slope	خطميلان اعظم
Shell	خول ا
Period	و در
Bifurfaction	د وسشاخگی
Shaft	وسرا
Impulsive tension	وحكاتنا أو
Wall- sided ship	ولوارمپلوجہاز ڈیلاموالیا
Sheet iron	ڈیلا ہوا لیا
Intrinsic pot. energy	ذا في نُوارًا لِيُ بِالقوهِ
Intrinsic equation	ذاتي مساوات
Quarter-period	ر ربعی وور
Areal section	رقبي ترامستس
Wrench	رنيخ
Hyperboloid	نائدتنا
Hyperboloid of one sheet	زائرنهٔ آک چاوری زارمنا دو چاوری
Hyperboloid of two sheets	رامرتما دوجاوري
Saturn	زهل .

Catenary	زنجيره
Catenoid	ا رنجیره نبا
Stress	رور
Lower limit	زبرین صد
Stern	سكان
Trilinear co-ordinates	سيخطئ محندد
Fluid	اسمال
Perfect fluid	ا سيال كابل
Capillary curve	شاري نتحن
Soap-bubble	صها بونی نبله
Principal curvature	فعدماري انخناه
Principal axes	صدري محور
Principal tension	صدری تناوُ
Anticlastic	صْدائخيا ئي
Necessary & sufficient conditions	فنزرى اورها في تشطيس
Normal mode	طبغي حيثيت
Strate	طبقات
Longitudinal	طعلى
Deck	عرشه رجبازکا)
Transverse	عرضي
Nodoid	عقدمنا
Element	عنصر ، جزو
Hetrogeneous	غيرشجائس
Water-section	فاصر آب
Separability	ففىل بذيرى

Astronomical density	· طلکی ک <sup>ن</sup> نت
Fathom	فيدتم
Receiver	قا بله ا
Rectangular hyperbola	گائم زائد
Hinge	قبضيه
Bow	قدامه
Divisibility	قسمت يذيري
Parabola	تطع مكافي
Force function	توتی تفاعل ،
Force to a point	قوت مأل ببنقطه
Constraint	قيد
Constraining forces	يقيد كرنبوالي قوتيس
Bibiliography	) تبا <u>ت</u>
Spheroid	ركرهنا
Crank	كرنيك
Centre of mass	كميث كامركز
Step of a helix	گام (مرغوله کا)
Radius of gyration	ر گردخل کا نصف فطر
Surface of revolution	ير مشي مسطح
Roulette	ر چگرو دنن <u>ی</u>
Pitch	یکما نی
Periphery, perimeter	گهیرا
Elastica	لينبير
Convolutions	<u>لفيف</u> پررت
Anchor-ring	لنكرجيلا
	11

Sinuous Hydrodynamical Hydrostatics Focal conic Parameter Homogeneous Equilateral Hyperbola Isoscelus prism Similar and Similarly situated Variable Variable density Convex Position Axial plane Helix Helicoid Metacentre Nucleus Centroid Torsion

Surfaces of equipressure

Momental ellipsoid

Plane

Concave

Modulus

Bodies under constraint

Paraboloid

Flexible surface

Unduloid

Ellipsoid

Elliptic Integral

Elliptic paraboloid

Synclastic

Dew point

Downward pressure

Medial line

Trim of a ship

Displaced fluid

Isothermal

Level

Air-tight

معیاس منته ماهه ا

سكافي نما

ملائم سطح

ناقعو بنا

ناقصى يحمله

ئا تصىمكا نىنم بەندىر

> راحها می نقط سنست

نيحيج واردماؤ

د مسی خط وضع (جهازی

مثایا ہواسال موتنینی

، م جسی مهموارسطح معمان



$$p = pressure$$

$$p = perpendicular$$

P=point

 $P_n$ = Legenders ntn coefficient عن = ليجنظر كان وال سر P= power

P=power

f =density

=radius of curvature

f=acceleration

f = function

F=force

k = constant

k = radius of gyration

K=quarter period

v = volume

V=volume

V=potential fn.

W = weight

m = mass

ىڭ ۽ كٽافت

M = massM == metacentre g=acc. due to gravity G=centre of gravity S = Surfaces = length of an arcC=constant C = centreC = centroidC = pointc = capacityc = semi-axisW=8/00 r = radiusr = distanceر، مله، فه = قطبي محدد  $r, 9, \phi = polar$  co-ordinates ر، طررى = اسطوان عرو z=cylinderical co-ordinates R=resultant R=reaction t=temperature T=tension T=absolute temperature t = timeh=height h = depth